

$\left(\frac{5}{12}\right)$  in tegengestelde oriëntatie, in de twee grootere in het midden der teekening over elkaar liggende halfregelmatige zeshoeken equator-doorsneden van den vorm  $\left(\frac{3}{12}\right)$ , waarvan de dikte, d.i. het binnen het veelvlak gelegen deel der as, half zoo groot is als bij  $\left(\frac{5}{12}\right)$ , enz.

*Ruimtevullingen loodrecht op  $O_{24}$ .* We vinden hier ten slotte twee bekende ruimtevullingen, die van octaëders met de combinatie van kubus en octaëder in evenwicht, en die van het lichaam (24, 36, 14) van Lord KELVIN.

**Wiskunde.** — De Heer SCHOUTE biedt eene mededeeling aan van den Heer LUCIEN GODEAUX, te Luik. „*Sur les types de  $\infty^r$ -complexes bilinéaires de  $M_{r-2}^n$  dans  $E_r$ .*”

(Mede aangeboden door den Heer CARDINAAL).

J'ai recherché récemment <sup>1)</sup> quels étaient les caractères essentiels du type le plus général du complexe bilinéaire de coniques dans  $E_3$ ; je me propose d'étendre mon raisonnement à l'espace linéaire à  $r$  dimensions  $E_r$ .

Soient  $\infty^r$  variétés  $M_{r-2}^n$  à  $r-2$  dimensions et d'ordre  $n$ . Une quelconque de ces variétés est entièrement située dans un espace linéaire  $E_{r-1}$  de l'espace fondamental  $E_r$ . Nous dirons que ces  $\infty^r$  variétés forment un  $\infty^r$ -complexe.

Les caractéristiques d'un tel complexe sont :

1°. Le nombre  $\mu$  des  $M_{r-2}^n$  situées dans un  $E_{r-1}$  général de  $E_r$ .

2°. Le nombre  $\nu$  des  $M_{r-2}^n$  passant par un point fixe et dont le  $E_{r-1}$  passe par un  $E_{r-2}$  contenant le point fixe choisi.

Le but que nous poursuivons ici est la détermination des caractères essentiels du  $\infty^r$ -complexe le plus général  $L$  ayant les caractéristiques  $\mu = 1$ ,  $\nu = 1$ .

Remarquons que toutes les variétés  $M_{r-2}^n$  de  $E_r$  sont les sections

<sup>1)</sup> Détermination des variétés de complexes bilinéaires de coniques. Bull. de l'Acad. Roy. de Belgique 1908.

par des  $E_{r-1}$  des variétés  $V_{r-1}^n$  à  $r-1$  dimensions et d'ordre  $n$  d'un système linéaire  $\binom{n+r-1}{n} - 1$  fois infini  $K$ .

Les  $M_{r-2}^n$  de  $L$  sont évidemment situées sur les  $V_{r-1}^n$  d'un  $\alpha^r$ -système  $K'$  contenu dans  $K$ .

THÉORÈME I. — Les  $M_{r-2}^n$  de  $L$  situées dans les  $E_{r-1}$  passant par un  $E_{r-1}$  fixe engendrent une variété  $V_{r-1}^{n+1}$  à  $r-1$  dimensions et d'ordre  $n+1$ .

Soit  $d$  un espace linéaire  $E_{r-2}$ . Chaque  $E_{r-1}$  passant par  $d$  contient une  $M_{r-2}^n$ . L'espace  $d$  appartient à la variété engendrée par ces  $M_{r-2}^n$ , car  $v=1$ . On en conclut le théorème énoncé.

THÉORÈME II. — Une  $V_{r-1}^n$  du système  $K'$  ne contient généralement qu'une  $M_{r-2}^n$  de  $L$ . Supposons qu'il existe une  $V_{r-1}^n$  de  $K'$  contenant deux  $M_{r-2}^n$  de  $L$  et désignons par  $\alpha, \beta$  les  $E_{r-1}$  contenant ces deux  $M_{r-2}^n$ . Les  $M_{r-2}^n$  dont les  $E_{r-1}$  passent par le  $E_{r-2}$  commun à  $\alpha$  et  $\beta$  engendrent une  $V_{r-1}^{n+1}$  sur laquelle les points communs à  $\alpha, \beta$  et aux deux  $M_{r-2}^n$  sont multiples d'ordre deux.

Il s'ensuit que par un point du  $E_{r-2}$  commun à  $\alpha, \beta$  il ne passerait généralement pas de  $M_{r-2}^n$  de  $L$  dont le  $E_{r-1}$  passerait par cet  $E_{r-2}$ , ce qui est contraire à l'hypothèse  $r=1$ ; d'où le théorème.

CONCLUSION : Nous voyons que

1°. Un  $E_{r-1}$  contient une seule  $M_{r-2}^n$  de  $L$ , donc qu'à un  $E_{r-1}$  correspond une seule  $V_{r-1}^n$  de  $K'$ .

2°. Une  $V_{r-1}^n$  de  $K'$  contient une seule  $M_{r-2}^n$  de  $L$ , donc à une  $V_{r-1}^n$  de  $K'$  correspond un seul  $E_{r-1}$ .

Par conséquent :

Un  $\alpha^r$ -complexe de  $M_{r-2}^n$  de caractéristiques  $\mu=1, v=1$ , est l'intersection des éléments de deux variétés en correspondance birationnelle; l'une de ces variétés est composée des  $E_{r-1}$  de l'espace, l'autre est un système homaloïde  $r$  fois infini de  $V_{r-1}^n$ .

Liège, 14 Octobre 1908.