

**COMPLÉMENTS DE
FABRICATION
MÉCANIQUE ET F.A.O.
(MECA2453)**

Partie Debongnie

Édition 2010, entièrement refondue

TEXTE

J.F. Debongnie

11 février 2010

Chapitre 1

Tolérances et états de surface

1.1 États de surface

D'après le mode de mise à forme, on peut obtenir des états de surface dans les plages précisées dans le tableau de la figure 1 [13]. Ce tableau donne des valeurs de la rugosité totale R_t . Comme les plans spécifient le plus souvent la rugosité moyenne arithmétique (CLA) R_a et non R_t , il est utile de connaître les relations approximatives suivantes :

- Pour des surfaces réalisés à l'outil coupant, $R_t \approx 4R_a$.
- Pour des surfaces réalisées par copeau gratté (rectification), $R_t \approx 9R_a$.

D'autre part, il faut bien se rendre compte que la rugosité constitue une erreur systématique sur la cote : la cote réglée à l'outil est celle de sa pointe, soit à fond de rugosité, tandis que la cote mesurée est la cote aux sommets des rugosités. Entre les deux, il y a une différence égale à R_t pour chaque surface palpée, ce qui fait par exemple $2R_t$ sur le diamètre d'un arbre. Une tolérance serrée nécessite donc toujours une rugosité faible.

1.2 Tolérances et ajustements

1.2.1 Rappels

Sans nous étendre sur cette question qui relève du cours de conception mécanique, nous ferons ici quelques rappels et remarques.

Dans le domaine des tolérances, on distingue deux types de cotes, les *cotes de type arbre* et les *cotes de type alésage*. Les premières ont un intervalle de tolérance noté par une lettre minuscule, par exemple $k5$, tandis que les secondes, on utilise une lettre majuscule, par exemple $H8$. En dehors des cas évidents où il s'agit à proprement parler d'un arbre ou d'un alésage, il arrive que l'on se demande dans quelle catégorie une cote donnée doit être classée. La règle est la suivante :

Définition 1 *Une cote de type arbre est une cote dont l'augmentation correspond à un supplément de matière. Une cote de type alésage est une cote dont l'augmentation correspond à une diminution de la quantité de matière.*

Une autre manière de présenter les choses, tout-à-fait équivalente, est la suivante :

Définition 2 Une cote de type arbre est une cote qui diminue lors de son usinage. Une cote de type alésage est une cote qui augmente lors de son usinage.

Ainsi, la largeur d'une rainure de clavette est une cote de type alésage, tandis que la largeur de la clavette est une cote de type arbre. La profondeur de la rainure est une cote de type alésage.

Rappelons encore (fig. 2) que la zone de tolérance est donnée par l'écart inférieur ei ou EI et l'écart supérieur es ou ES . La différence $ES - EI$ ou $es - ei$ est l'intervalle de tolérance IT ou it . La grandeur de cet intervalle dépend du *degré de tolérance*, anciennement appelé *qualité*, noté par un nombre (1, 2, ..., 14), les plus petits degrés de tolérance donnant les intervalles les plus serrés. La position de l'intervalle de tolérance définit le *type* ($a, \dots, z$ ou $A, \dots, Z$). La croissance de la lettre définissant le type correspond à un accroissement de la quantité de matière. Un *alésage normal* est caractérisé par $EI = 0$. C'est le type H . Un *arbre normal* est tel que $es=0$. C'est le type h . Dans les deux cas, le maximum de matière correspond à la cote nominale. Par rapport à un alésage normal, les arbres de type a à h sont glissants, tandis que les arbres de type k à z sont serrés. À l'inverse, par rapport à un arbre normal, les alésages de type A à H sont glissants et les alésages de type K à Z sont serrés. L'arbre js donne avec un alésage normal un ajustement incertain, et il en est de même du couple formé d'un arbre normal et d'un alésage JS .

La figure 3 [13] constitue un tableau des écarts et ajustements les plus courants. Il subsiste néanmoins le problème des cotes non tolérancées sur le plan. Dans l'esprit du concepteur, ces cotes ne sont pas fonctionnelles et ne nécessitent donc pas de précision particulière. On peut les interpréter de deux manières :

- Tolérances $JS14$ ou $js14$.
- Tolérances extraites de la seconde partie du tableau de la figure 3.

1.2.2 Chaînes de cotes

Les chaînes de cotes constituent un outil pratique et efficace pour déterminer diverses conditions de maximum et de minimum [7, 14, 1, 2]. Pour illustrer leur application, considérons l'assemblage boulonné de la figure 4. Il faut choisir la longueur ℓ de la tige et sa longueur filetée ℓ_f de manière à satisfaire aux conditions suivantes :

- La longueur sortie y de la tige doit avoir une valeur comprise entre un minimum y_m garantissant que la tige sort bien de l'écrou, de manière à garantir une prise de la vis sur toute l'épaisseur de l'écrou. On spécifiera par exemple $y_m = p$, p étant le pas de la vis.
- Cette même longueur sortie ne doit pas être excessive, notamment pour des raisons de sécurité. On imposera donc un maximum y_M .
- Il doit exister une *réserve de serrage* $x \geq x_m$ de manière à garantir que les pièces seront serrées avant que l'écrou ne soit engagé à refus dans le filet de la vis. Ici encore, une valeur raisonnable est le $x_m = p$ si les pièces assemblées sont suffisamment rigides.

Il va de soi que ces conditions doivent être vérifiées quelles que soient les valeurs réelles de a , b , ℓ et ℓ_f dans leur intervalle respectif de tolérance. C'est précisément ces intervalles qu'il faut déterminer.

Pour résoudre ce problème, on utilise un diagramme vectoriel où l'on commence par dessiner la *cote-condition* comme un vecteur double, puis on cherche

un jeu de vecteurs constitué de cotes *indépendantes*, dont la résultante est la condition. Commençons par la cote y . On trouve (*fig. 5*)

$$y = \ell - a - b - h \quad (1.1)$$

Le maximum y_M s'obtient en maximisant toutes les cotes affectées du signe positif et en minimisant toutes les cotes affectées du signe négatif :

$$y_M = \ell_M - a_m - b_m - h_m \quad (1.2)$$

A l'inverse, le minimum y_m s'obtient en minimisant toutes les cotes affectées du signe positif et en maximisant les autres :

$$y_m = \ell_m - a_M - b_M - h_M \quad (1.3)$$

De ces deux équations, on déduit les valeurs cherchées de ℓ_M et ℓ_m :

$$\ell_M = y_M + a_m + b_m + h_m \quad (1.4)$$

$$\ell_m = y_m + a_M + b_M + h_M \quad (1.5)$$

Remarque importante Insistons sur le fait qu'il *n'est pas équivalent* de partir de la relation 1.1 explicitée en fonction de ℓ ,

$$\ell = y + a + b + h$$

car y n'est pas une variable indépendante. En fait, on a $y = Y(\ell, a, b, h)$. En particulier,

$$\ell_M \neq y_M + a_M + b_M + h_M$$

$$\ell_m \neq y_m + a_m + b_m + h_m$$

comme on peut s'en rendre compte en comparant avec les relations correctes (1.4) et (1.5). Ceci est une règle générale :

Règle 1 *Le passage au maximum et au minimum terme à terme dans le second membre n'est correct que s'il s'agit de variables indépendantes.*

Passons à la condition portant sur x . On a (*fig. 6*)

$$x = b + a - \ell + \ell_f$$

(Ne pas utiliser la cote y qui n'est pas indépendante!), ce qui implique

$$x_m = b_m + a_m - \ell_M + \ell_{fm}$$

et

$$\ell_{fm} = x_m - b_m - a_m + \ell_M$$

La valeur de x_M ne nous intéresse pas dans ce cas-ci.

1.2.3 Autre présentation et discussion

Revenant à la chaîne de cotes (1.1), on notera qu'elle implique la relation suivante entre les valeurs nominales, que nous surlignerons :

$$\bar{y} = \bar{\ell} - \bar{a} - \bar{b} - \bar{h} \quad (1.6)$$

En soustrayant cette relation des résultats (1.4) et (1.5), on obtient les relations aux écarts supérieurs ES et inférieurs EI que voici :

$$ES(y) = ES(\ell) - EI(a) - EI(b) - EI(h) \quad (1.7)$$

$$EI(y) = EI(\ell) - ES(a) - ES(b) - ES(h) \quad (1.8)$$

Dans la suite, nous utiliserons fréquemment ce type de relations plutôt que celles qui donnent les maxima et minima, de manière à traiter des nombres comportant moins de chiffres.

Un point important à noter est que la soustraction des relations (1.7) et (1.8) mène au résultat suivant :

$$IT(y) = IT(\ell) + IT(a) + IT(b) + IT(h) \quad (1.9)$$

Ceci est tout à fait général et peut être exprimé par la règle suivante :

Règle 2 *L'intervalle de tolérance sur la cote-condition est la somme des intervalles de tolérance des cotes composantes.*

Il résulte de la relation (1.9) que

$$IT(\ell) = IT(y) - IT(a) - IT(b) - IT(h)$$

si bien qu'il est possible d'imaginer que l'on trouve $IT(\ell) \leq 0$, ce qui est inadmissible. Il n'existera donc de solution acceptable que si

$$IT(y) > IT(a) + IT(b) + IT(h)$$

C'est la *condition de compatibilité* du problème posé. Elle exprime le fait suivant :

Règle 3 *Il est impossible d'obtenir une cote-condition précise sans que les cotes composantes soient plus précises qu'elle.*

1.2.4 Autre exemple

L'exemple suivant, qui fera peut-être un peu sourire, est instructif à la fois quant à la fabrication et par son résultat peu commun. On désire fabriquer un suspensoir pour deux rouleaux de papier hygiénique, au moyen de deux barres circulaires de diamètre d_1 , placés à une distance ensembliste ℓ et situés sur la même verticale (fig. 7). Ils ont un diamètre intérieur d et un diamètre extérieur D . Chacune des cotes d_1 , d et D est affectée de tolérances. On demande *quelle est la distance minimale des deux barres pour que les deux rouleaux ne se touchent jamais*.

Remarquons que dans ce cas précis, nous prenons comme cote la distance ensembliste des deux barres et non pas la distance de leurs axes, car nous envisageons le mode de fabrication suivant (fig. 8) : après avoir monté la barre 1, on

positionne la barre 2 à l'aide d'une entretoise de longueur ℓ . (Une telle entretoise peut d'ailleurs servir de moyen de contrôle).

Le problème posé revient à exiger qu'il existe entre les deux rouleaux en place une distance x , avec $x_m > 0$. Nous établirons donc la chaîne de cotes de x . A ce stade, il convient de distinguer soigneusement les cotes d , d_1 et D de la partie inférieure des cotes d^* , d_1^* et D^* de la partie supérieure. En effet, même si

$$\begin{aligned} d_m &\leq d^* \leq d_M \\ d_{1m} &\leq d_1^* \leq d_{1M} \\ D_m &\leq D^* \leq D_M \end{aligned}$$

il n'en reste pas moins qu'il s'agit de réalisations *différentes* dans les mêmes intervalles de cotes. On déduit de la figure 9

$$x = -\frac{D}{2} + \frac{d}{2} + \ell + d_1^* - \frac{d^*}{2} - \frac{D^*}{2}$$

d'où

$$x_m = -\frac{D_M}{2} + \frac{d_m}{2} + \ell_m + d_{1m}^* - \frac{d_m^*}{2} - \frac{D_M^*}{2}$$

et

$$\ell_m = x_m + \frac{D_M}{2} + \frac{D_M^*}{2} - \frac{d_m}{2} + \frac{d_m^*}{2} - d_{1m}^*$$

Notant que

$$D_M^* = D_M \quad d_M^* = d_M \quad d_{1m}^* = d_{1m}$$

on obtient

$$l_m = x_m + D_M + \frac{1}{2}IT(d) - d_{1m}$$

Si l'on avait négligé de distinguer d de d^* dans les calculs, on aurait perdu le terme $IT(d)/2$ dans le résultat final.

1.3 Tolérances géométriques

On appelle *tolérances géométriques* des tolérances portant sur tous les aspects géométriques d'une pièce, hors leurs dimensions qui sont, elles, régies par les tolérances dimensionnelles. Comme toutes les tolérances, leur existence est motivée par des considérations de fonctionnalité du produit. Nous nous bornons ici à un bref rappel, renvoyant au cours de conception mécanique pour les détails [7, 14, 1, 2]. En particulier, nous n'envisagerons pas ici le cotation au maximum de matière.

1.3.1 Tolérances de forme

Rectitude d'une ligne ou d'un axe

L'erreur de rectitude est définie par l'écart minimal de deux parallèles encadrant la ligne considérée, la direction des parallèles pouvant varier. Dans le cas de la figure 10, cet écart doit être au plus égal à $0,1mm$ sur toute longueur de $200mm$ prise sur la pièce.

Planéité d'une surface

L'erreur de planéité d'une surface est la plus petite valeur de l'écart de deux plans parallèles encadrant la surface, quand on fait varier l'orientation commune de leur normale. Sur la figure 11, cette erreur ne peut pas valoir plus de $0,05mm$.

Circularité

L'erreur de circularité est la valeur minimale de la différence entre les rayons de deux cercles concentriques encadrant la courbe donnée, lorsque l'on fait varier le centre commun des deux cercles. La figure 12 exprime que cette erreur ne peut excéder $0,02mm$.

Cylindricité

L'erreur de cylindricité d'une surface donnée est le minimum de la différence entre les rayons de deux cylindres coaxiaux encadrant la surface donnée, lorsque l'on fait varier la position de l'axe commun des deux cylindres. La figure 13 exprime que cette erreur ne peut excéder $0,05mm$.

1.3.2 Tolérances d'orientation

Il s'agit toujours d'orientation par rapport à une référence sur la pièce. Celle-ci est marquée par un drapeau portant une inscription, avec hampe centrale et support triangulaire.

Parallélisme

Le dessin de la figure 14 exprime que la ligne considérée doit pouvoir être encadrée par deux droites parallèles à la référence A et distantes de moins de $0,1mm$, dans le plan du dessin.

Perpendicularité

La figure 15 spécifie que l'axe du cylindre doit, dans le plan du dessin, pouvoir être encadré par deux droites perpendiculaires au plan de référence distantes de moins de $0,1mm$.

Inclinaison

En figure 16, nous voyons pour la première fois apparaître une *cote encadrée*. Il s'agit d'une cote de référence, autrement dit, idéale, fictive, virtuelle, et non existante sur la pièce. Ce qui est exigé, c'est que l'axe du trou soit, dans le plan du dessin, compris entre deux droites exactement à 60° , distantes de moins de $0,1mm$. La vérification peut se faire à l'aide d'équerres à 60° très précises, c'est-à-dire en pratique, dix fois plus précises que la tolérance à vérifier.

1.3.3 Tolérances de position

Tolérances de position proprement dites

La figure 17 spécifie que, par rapport à la position de référence indiquée par les cotes encadrées, l'axe du trou peut se trouver dans un petit cercle de diamètre $\phi = 0,5mm$

Tolérances de coaxialité

L'axe du cylindre tolérancé en figure 18 doit être contenu dans un cylindre de diamètre $\phi = 0,03mm$ dont l'axe est celui de la référence A .

Tolérances de symétrie

En figure 19, il est spécifié que le plan méridien de la rainure doit être compris entre deux plans parallèles au plan méridien de la référence A , distants de $0,06mm$ et *symétriquement placés par rapport à cette référence*. (On a donc droit à $0,03mm$ de chaque côté du plan méridien de A)

1.3.4 Tolérances de battement

Battement simple radial

En plaçant le corps de la figure 20 sur deux paliers en A et B , on mesure le déplacement radial d'un comparateur lors de la rotation. Ce déplacement, appelé déplacement radial, ne doit pas dépasser $0,02mm$

Battement simple oblique

On place ici le corps de la figure 21 sur un palier long en A , et on mesure le battement perpendiculairement à la surface théorique.

Battement simple axial

Idem, en plaçant le comparateur dans la direction de l'axe (*fig. 21*). Ce battement est parfois appelé *voile*.

Battement total radial

La tolérance de battement total radial représentée en figure 23 peut être schématisée en imaginant que l'on lie au comparateur une barre axiale. On mesure donc sur toute la longueur de la surface en une fois.

Battement total axial

Ce type de tolérance est schématisé en figure 24.

Chapitre 2

Cotation de fabrication

2.1 Dispersions dimensionnelles

2.1.1 Généralités

On constate que des pièces réalisées sur une même machine, dans un même montage et avec le même outil, ne sont pas identiques en dimensions. Ce phénomène, que nous allons étudier ci-dessous, porte le nom de *dispersion* [12, 13, 8, 15].

2.1.2 Dispersion systématique et dispersion aléatoire

Imaginons la fabrication en série de N_p pièces. Sur chaque pièce fabriquée, on mesure une certaine cote x . On établit alors un diagramme portant en abscisse le numéro k de la pièce et en ordonnée, sa cote $x(k)$ (*fig. 1*). On constate deux phénomènes :

- Il y a une dispersion *systématique* δ_s , ici croissante, qui est due à l'usure de l'outil. C'est ce qu'il est convenu d'appeler la *dérive de la cote*. Pour une cote de type arbre, cette dérive est croissante, et varie au cours du temps de 0 à Δ_s . Au contraire, pour une cote de type alésage, cette dérive est décroissante et varie au cours du temps de 0 à $-\Delta_s$.
- Il existe en outre une dispersion *aléatoire* δ_a , positive ou négative, dont la cause essentielle est l'incertitude de mise en position de la pièce sur la machine. Cette dérive varie entre $-\Delta_a$ et $+\Delta_a$.

La dispersion totale est donnée par

$$\delta_t = \delta_a + \delta_s$$

2.1.3 Autres incertitudes

A la dispersion aléatoire s'ajoutent deux autres incertitudes, à savoir,

- Les *erreurs géométriques* δ_g des déplacements relatifs des éléments de la machine. Ces erreurs varient entre $-\Delta_g$ et $+\Delta_g$
- L' *incertitude de réglage* de la cote δ_r , qui varie entre $-\Delta_r$ et $+\Delta_r$.

Voici, à titre indicatif, quelques valeurs de Δ_a [13] :

<i>surface d'appui</i>	Δ_a
moulée en sable	$\geq 0,3mm$
moulée en coquille	$\geq 0,2mm$
moulée sous pression	$\geq 0,05mm$
estampée sans redressage	$\geq 0,2mm$
estampée avec redressage	$\geq 0,1mm$
surface usinée	$0,05mm \leq \Delta_a \leq 0,1mm$

2.2 Classification des cotes de fabrication

2.2.1 Généralités

L'établissement d'un processus d'usinage impose la détermination de *toutes* les cotes effectivement réalisées sur la pièce, même s'il ne s'agit que d'étapes provisoires. C'est ce que l'on appelle les *cotes de fabrication*. Elles sont *toujours* tolérancées.

Pour une prise de pièce donnée, il y a toujours au moins une cote de fabrication qui a pour origine la surface d'appui de la pièce sur la machine. Cette remarque est importante, car l'examen des sources d'incertitudes montre que la dispersion aléatoire Δ_a est souvent grande.

Nous noterons dans la suite U les cotes de fabrication.

2.2.2 Les trois types de cotes de fabrication

En fonction de la remarque précédente, on est amené à distinguer [13, 21, 5, 27] :

Les cotes de machine ou cotes primaires U_p

Ce sont les cotes pour lesquelles l'outil est réglé par rapport aux éléments de mise en position de la pièce (*fig. 2*). Interviennent ici les dispersions et incertitudes $\Delta_a, \Delta_r, \Delta_g, \Delta_s$.

Les cotes d'appareillage U_a

Ce sont toujours des cotes relatives entre surfaces, définies par l'appareillage ou la commande de la machine, indépendamment de la mise en position de la pièce. Ainsi, sur la figure 3, la cote U_{a_1} ne représente qu'un déplacement de l'outil par rapport à la cote U_{p_2} réalisée au préalable. Pour ces cotes, n'interviendront plus que Δ_r, Δ_g et Δ_s .

Les cotes d'outil U_o

Pour ces cotes, seul Δ_s existe encore. Il s'agit de cotes réalisées à l'aide de deux outils réglés entre eux (*fig. 4*) ou encore de cotes réalisées par la distance des arêtes d'un seul outil, comme dans le cas du creusement d'une rainure de clavette à l'aide d'une fraise à trois tailles, où la largeur de la rainure ne dépend que de la largeur de la fraise et n'évolue qu'en fonction de l'usure de celle-ci.

2.2.3 Premier exemple : perçage avec masque

Dans le montage illustré par la figure 5, la cote U_{p_1} est définie entre la référence d'appui et l'axe du premier trou. C'est donc une cote de machine. La cote U_{a_1} ne dépend que de l'appareillage, en l'occurrence, le masque : c'est une cote d'appareillage. Enfin, les cotes U_{o_1} et U_{o_2} sont définies par les diamètres effectifs des forets : ce sont des cotes d'outil.

2.2.4 Deuxième exemple : introduction de la notion de *référentiel auxiliaire*

L'ébauche de pignon arbré représentée en figure 6 doit être tournée, du côté arbre, par *copiage*. Le principe de ce procédé, illustré par la figure 7, est le suivant : on taille un gabarit plan au profil méridien de la pièce à réaliser ; lors du tournage, un palpeur lié au chariot transversal suit le gabarit et oblige le chariot transversal à se placer convenablement. L'application de ce principe simple nécessite cependant un appareillage perfectionné (en général hydraulique) pour assurer un bon suivi du palpeur. Les tours ainsi équipés sont appelés *tours à copier*.

La fabrication du gabarit fait évidemment partie des frais d'outillage. Ce procédé ne se justifie donc que dans le cas de séries suffisantes, qui permettent de répartir ces frais préalables sur de nombreuses pièces.

Il va de soi que dans ce procédé, toutes les cotes sont définies par le gabarit dès lors que l'on a réglé la position initiale de l'outil par rapport à la référence de la pièce. Celle-ci est définie par le diamètre de la portée de roulement du côté de la tête et la face d'appui arrière du pignon. Ces deux cotes primaires servent en fait de *référence auxiliaire* pour tout l'arbre.

2.2.5 Troisième exemple

Considérons enfin le cas d'une rainure réalisée à l'aide d'une fraise à trois tailles (*fig. 8*). La largeur de la rainure dépend uniquement des cotes effectives de la fraise : c'est donc une cote d'outil. Par contre, la profondeur de la rainure et la symétrie de sa position sur la pièce se règlent en fonction de la référence de la machine et dépendent de la position effective de la pièce : ce sont des cotes primaires.

2.3 Réglage des cotes

2.3.1 Position du problème

Etant donné une cote de fabrication, par exemple $100 \pm 0,5mm$, à quelle cote faut-il régler la machine ? Il est clair que c'est à l'intérieur de l'intervalle, mais encore ? Faut-il se placer au centre, à une extrémité ou ailleurs ? Il existe une réponse rationnelle à cette question, fondée sur l'économie du processus. Dans l'établissement de celle-ci, il importe de raisonner rigoureusement et sans a priori, car le résultat est un peu paradoxal.

2.3.2 Fondements théoriques

La cote de fabrication $U^*(t)$ obtenue au temps t résulte (*fig. 9*) [13, 8, 15] de la composition vectorielle de la *cote de réglage* R , des incertitudes δ_a , δ_g et δ_r , ainsi que de la dérive de la cote $\delta_s(t)$:

$$U^*(t) = R + \delta_a + \delta_g + \delta_r + \delta_s(t)$$

La cote de réglage est la consigne donnée à la machine ou à l'opérateur. C'est donc une cote de référence, à valeur unique. Les trois incertitudes ont une distribution symétrique :

$$\begin{aligned} -\Delta_a &\leq \delta_a \leq \Delta_a \\ -\Delta_g &\leq \delta_g \leq \Delta_g \\ -\Delta_r &\leq \delta_r \leq \Delta_r \end{aligned}$$

Par contre, la dérive de l'outil est progressive et va toujours dans le sens d'un supplément de matière. Si l'on se fixe une dérive maximale Δ_s , on appellera durée de vie (dimensionnelle) de l'outil T le temps de fonctionnement après lequel cette dérive est atteinte. Pour une cote de type arbre,

$$\delta_s(0) = 0, \delta_s(t) \uparrow, \delta_s(T) = \Delta_s$$

Pour une cote de type alésage,

$$\delta_s(0) = 0, \delta_s(t) \downarrow, \delta_s(T) = -\Delta_s$$

Après une durée de vie d'outil, il faut soit modifier son réglage, soit le remplacer. Dans les deux cas, cela implique l'arrêt de la machine et un temps de correction qui est improductif. L'objectif est naturellement de se mettre dans des conditions telles que la durée de vie soit la plus grande possible, ce qui aura lieu si l'on se ménage une capacité de dérive *aussi grande que possible* tout en restant à chaque instant à l'intérieur de l'intervalle de tolérance. Cette dernière condition s'écrit sous forme des deux inégalités suivantes :

$$\begin{aligned} \max_{t \in [0, T]} U_M^*(t) &\leq U_M \\ \min_{t \in [0, T]} U_m^*(t) &\geq U_m \end{aligned}$$

Comme les cotes d'arbre et les cotes d'alésage ont un comportement à la dérive opposé, il convient de les traiter séparément.

Cas des cotes de type arbre

Pour une cote de type arbre, on doit donc avoir

$$\begin{aligned} U_m &\leq \min_t U_m^*(t) = \min_t (R - \Delta_r - \Delta_g - \Delta_a + \delta_s(t)) \\ &\leq R - \Delta_r - \Delta_g - \Delta_a + 0 \end{aligned} \tag{2.1}$$

$$\begin{aligned} U_M &\geq \max_t U_M^*(t) = \max_t (R + \Delta_r + \Delta_g + \Delta_a + \delta_s(t)) \\ &\geq R + \Delta_r + \Delta_g + \Delta_a + \Delta_s \end{aligned} \tag{2.2}$$

De la relation (2.2), on déduit, en utilisant la notation $\sum \Delta = \Delta_a + \Delta_g + \Delta_r$,

$$\Delta_s \leq U_M - R - \sum \Delta$$

Ceci signifie que la plus grande dérive admissible sera obtenue pour la plus petite cote de réglage. Celle-ci sera obtenue en remplaçant dans (2.1) l'inégalité par une égalité. Ceci donne

$$R = U_m + \sum \Delta \quad (2.3)$$

C'est donc, aux incertitudes près, au *minimum de matière* qu'il faut régler la cote.

Par ailleurs, le fonctionnement ne sera possible que si $\Delta_s \geq 0$. Or, la soustraction de la condition (2.1) à la condition (2.2) donne

$$\Delta_s + 2 \sum \Delta \leq IT(U)$$

soit la *condition de réalisabilité*

$$IT(U) - 2 \sum \Delta \geq \Delta_s > 0 \quad (2.4)$$

Si cette condition n'est pas vérifiée, il est impossible, par les moyens d'usinage envisagés, d'obtenir la précision requise.

Cas des cotes de type alésage

Dans le cas d'une cote de type alésage, les conditions s'écrivent

$$\begin{aligned} U_m &\leq \min_t U_m^*(t) = \min_t (R - \Delta_r - \Delta_g - \Delta_a + \delta_s(t)) \\ &\leq R - \Delta_r - \Delta_g - \Delta_a - \Delta_s \end{aligned} \quad (2.5)$$

$$\begin{aligned} U_M &\geq \max_t U_M^*(t) = \max_t (R + \Delta_r + \Delta_g + \Delta_a + \delta_s(t)) \\ &\geq R + \Delta_r + \Delta_g + \Delta_a + 0 \end{aligned} \quad (2.6)$$

La relation (2.5) fournit alors

$$\Delta_s \leq R - \sum \Delta - U_m$$

la plus grande dérive possible correspond ici à la plus grande cote de réglage. On obtient celle-ci à partir de la condition (2.6) :

$$R = U_M - \sum \Delta \quad (2.7)$$

On notera du reste que c'est encore, aux incertitudes près, le minimum de matière. On retrouve du reste la condition de réalisabilité (2.4).

Synthèse

Les résultats obtenus peuvent se synthétiser comme suit :

Principe 1 La cote de réglage rationnelle est située au minimum de matière augmenté en matière de la somme des incertitudes $\sum \Delta$.

Principe 2 La dérive admissible est inférieure ou égale à l'intervalle de tolérance diminué de deux fois la somme des incertitudes $\sum \Delta$. Elle n'est égale à cette valeur que si le premier principe est respecté.

2.3.3 Remarques

a) On entend parfois dire qu'il vaut mieux régler l'outil au *maximum* de matière « car il est toujours possible d'enlever la matière excédentaire si besoin est ». Cette conception est erronée, car

- La dérive provoquera rapidement la mise hors cote de la pièce.
- Le supplément de matière indésirable sera souvent trop petit pour être repris à l'outil (copeau minimal) et ne pourra être enlevé que par une opération de rectification lente, coûteuse et difficile à réaliser dans le cas des alésages.

b) On constate que si l'intervalle de tolérance $IT(U)$ est trop étroit, la fabrication sera *impossible* avec les moyens envisagés. On ne peut trop rappeler que le bureau d'études doit prendre pour devise *tout juste assez fin pour le fonctionnement correct, jamais plus !*

c) Il n'en reste pas moins que l'analyse statistique des cotes obtenues mène à une distribution décentrée dans l'intervalle de tolérance, le mode étant plus proche du maximum que du minimum de matière. Ceci est dû au fait que la dérive n'est pas une fonction linéaire du temps. Pendant la période dite de *rodage* de l'outil (usure primaire), l'usure se fait très rapidement, ce qui mène à une première dérive rapide. Par la suite, l'usure devient linéaire et plus faible. Comme cette période d'usure établie dure plus longtemps et qu'elle correspond à une dérive plus faible, il y a plus de pièces près du maximum de matière.

2.3.4 Procédure simplifiée

Il arrive souvent que l'on procède comme suit pour déterminer la cote de réglage [8, 15]. On part de l'*hypothèse* que

$$IT(U) \geq 3 \sum \Delta \quad (2.8)$$

dont on peut vérifier la plausibilité dans des cas précis. Ceci donne une possibilité de dérive égale à $IT/3$. La cote de réglage est alors donnée par

$$R = U_m + IT/3 \quad (2.9)$$

pour une cote d'arbre et

$$R = U_M - IT/3 \quad (2.10)$$

pour une cote d'alésage.

2.4 Cotes de fabrication

2.4.1 Quelques remarques préliminaires

Lors de l'établissement de cotes de fabrication, il faut toujours avoir en tête les principes suivants [13, 5] :

a) Le coût de l'usinage croît avec sa précision (*fig. 10*)

b) Il existe, pour chaque opération, un copeau minimal, en-deçà duquel l'usinage ne peut se faire convenablement. En finition, il est défini par le risque de refus de coupe. En dégrossissage, il faut, dès la première passe, enlever la croûte de la pièce, de manière à ne laisser sur celle-ci que de la matière saine.

c) Les cotes données par le bureau d'études sont normalement définies par des raisons fonctionnelles. Mais ce ne sont pas nécessairement les cotes de fabrication. Ainsi, dans le cas de la figure 11, il peut arriver que la cote $Z^{\pm z}$ du bureau d'études soit la résultante des deux cotes de fabrication $X^{\pm x}$ et $Y^{\pm y}$. On dit, dans ce cas, qu'il y a *transfert de cotes*. La question qui se pose alors est l'établissement des tolérances de fabrication x et y permettant de respecter la tolérance z du bureau d'études qui, seule, sera vérifiée à la réception.

d) Enfin, il existe des cotes non définies par le bureau d'études, car elles sont en fait imposées par des impératifs de fabrication. La figure 12 montre deux exemples de telles *cotes des méthodes*

2.4.2 Transfert de cotes

Imaginons (*fig. 13*) une pièce pour laquelle le plan du bureau d'études fixe les cotes U_1 , C et U_3 , avec tolérances. Supposons en outre que le processus de fabrication utilise en fait les cotes de fabrication U_1 , U_2 et U_3 . La question consiste à déterminer la valeur de U_2 et ses tolérances de manière à satisfaire aux exigences du bureau d'études quant à la cote C . C'est ce que l'on appelle un *transfert de cotes*.

Pour résoudre ce problème, on établit la chaîne de cotes de C considérée comme condition (*fig.14*). On trouve

$$C = -U_1 + U_2 - U_3$$

Il en découle d'abord la relation suivante entre les cotes nominales :

$$\bar{C} = -\bar{U}_1 + \bar{U}_2 - \bar{U}_3$$

ce qui implique

$$\bar{U}_2 = \bar{C} + \bar{U}_1 + \bar{U}_3$$

Les intervalles de tolérance vérifient

$$IT(C) = IT(U_1) + IT(U_2) + IT(U_3)$$

donc

$$IT(U_2) = IT(C) - IT(U_1) - IT(U_3) \quad (2.11)$$

Il va de soi que ce résultat n'est admissible que si $IT(U_2)$ est positif et suffisamment grand pour être réalisable. Or, cet intervalle de tolérance est *toujours* inférieur à celui de C . Il se peut donc que l'on arrive à un résultat inacceptable. Nous reviendrons sur ce point.

Supposons d'abord que l'intervalle de tolérance trouvé soit raisonnable. Alors, on peut écrire les relations aux écarts suivantes :

$$ES(C) = -EI(U_1) + ES(U_2) - EI(U_3)$$

$$EI(C) = -ES(U_1) + EI(U_2) - ES(U_3)$$

dont on déduit

$$\begin{aligned} ES(U_2) &= ES(C) + EI(U_1) + EI(U_3) \\ EI(U_2) &= EI(C) + ES(U_1) + ES(U_3) \end{aligned}$$

La cote U_2 est donc déterminée en grandeur et tolérances.

Revenons au cas où la relation (2.11) mène à une valeur aberrante, trop petite ou même négative, de $IT(U_2)$. On peut alors envisager trois solutions [21, 5] :

- a) On peut essayer de resserrer les tolérances de U_1 et U_3 , ce qui rend le transfert possible au prix d'un coût plus élevé.
- b) On peut essayer de modifier le processus d'usinage pour obtenir la cote C comme *cote directe*, ce qui nécessite en général un appareillage spécial ou un outil spécial.
- c) En désespoir de cause, on peut examiner avec le bureau d'études la possibilité d'élargir la tolérance sur C . Il arrive en effet que le bureau d'études spécifie des tolérances exagérément fines « pour se couvrir ». Ce genre de problèmes illustre bien le fait qu'une bonne conception ne peut négliger les contraintes de fabrication et qu'un cloisonnement trop rigide entre le bureau d'études et le bureau des méthodes (hypertaylorisme) peut mener à une baisse de la qualité (tolérances non respectées) ou à une production peu économique (tolérances obtenues à tout prix).

2.4.3 Exemples

Exemple 1 [13]

On veut fraiser les faces F_1 et F_2 de la pièce représentée en figure 15, avec la mise en position indiquée. Les cotes de fabrication à déterminer sont U_1 et U_2 .

- a) **Cote U_1** — La chaîne de cotes est représentée en figure 16. Elle donne

$$x = y - U_1$$

Pour les cotes nominales, on a donc

$$\bar{x} = \bar{y} - \bar{U}_1$$

soit

$$\bar{U}_1 = \bar{y} - \bar{x} = 100 - 40 = 60$$

Examinons à présent les intervalles de tolérance. On a

$$IT(x) = IT(y) + IT(U_1)$$

soit

$$IT(U_1) = IT(x) - IT(y) = 0,3 - 0,2 = 0,1$$

Cet intervalle est tout à fait admissible. On peut donc calculer les écarts. Comme

$$\begin{aligned} ES(x) &= ES(y) - EI(U_1) \\ EI(x) &= EI(y) - ES(U_1) \end{aligned}$$

on déduit

$$\begin{aligned} EI(U_1) &= ES(y) - ES(x) = 0,1 - 0 = 0,1 \\ ES(U_1) &= EI(y) - EI(x) = -0,1 - (-0,3) = 0,2 \end{aligned}$$

Le résultat est donc

$$U_1 = 60^{+0,2}_{+0,1}$$

On vérifie, à titre de preuve, que l'intervalle de tolérance est bien égal à 0,1.

b) Cote U_2 — la chaîne de cotes est représentée en figure 17. Elle donne

$$x = y - U_2$$

Pour les cotes nominales, cela donne

$$\bar{x} = \bar{y} - \bar{U}_2$$

soit

$$\bar{U}_2 = \bar{y} - \bar{x} = 60 - 20 = 40$$

Venons-en aux intervalles de tolérances. On a

$$IT(x) = IT(y) + IT(U_2)$$

ce qui donne

$$IT(U_2) = IT(x) - IT(y) = 0,1 - 0,4 = -0,3$$

Le transfert est donc *impossible*. Pour le rendre possible, on pourra par exemple resserrer la tolérance sur y . Il faudra que $IT(y)$ soit inférieur à 0,1. Posons $IT(y) = 0,05$ (pour autant que l'on juge cette valeur réalisable), tout en restant dans la fourchette donnée par le bureau d'études. On peut conserver le caractère symétrique de la zone de tolérance, ce qui donne

$$y = 60^{\pm 0,025}$$

On peut à présent calculer les écarts de U_2 à partir des relations

$$\begin{aligned} ES(x) &= ES(y) - EI(U_2) \\ EI(x) &= EI(y) - ES(U_2) \end{aligned}$$

ce qui donne

$$\begin{aligned} EI(U_2) &= ES(y) - ES(x) = 0,025 - 0,1 = -0,075 \\ ES(U_2) &= EI(y) - EI(x) = -0,025 - 0 = -0,025 \end{aligned}$$

soit, finalement,

$$U_2 = 40^{-0,025}_{-0,075}$$

Cette solution est, certes, correcte, mais elle a nécessité de resserrer fortement la tolérance sur la cote y qui, en tant que cote d'encombrement, n'a pas a priori de raison d'être précise. Il va de soi que les coûts de fabrication s'en ressentiront.

Exemple 2 [13]

On veut fraiser la face F_1 de la pièce de la figure 18 sur une fraiseuse verticale, avec la mise en position représentée. La cote de fabrication à déterminer est U .

La chaîne de cotes indique la relation

$$x = y - U$$

La cote nominale s'obtient à partir de

$$\bar{x} = \bar{y} - \bar{U}$$

ce qui donne

$$\bar{U} = \bar{y} - \bar{x} = 75 - 56 = 19$$

Examinons à présent les intervalles de tolérance. De la relation

$$IT(x) = IT(y) + IT(U)$$

on déduit

$$IT(U) = IT(x) - IT(y) = 0,05 - 0,5 = -0,45$$

Le transfert est donc impossible. Pour remédier à cette situation, on peut imaginer trois solutions :

(i) Resserer la cote y – Il faudra que l'intervalle de tolérance de cette cote soit inférieur à celui de la cote x . On choisira par exemple $IT(y) = 0,025$, en posant $y = 75_0^{+0,025}$. Alors, les relations aux écarts

$$\begin{aligned} ES(x) &= ES(y) - EI(U) \\ EI(x) &= EI(y) - ES(U) \end{aligned}$$

donnent

$$\begin{aligned} EI(U) &= ES(y) - ES(x) = +0,025 - 0,05 = -0,025 \\ ES(U) &= EI(y) - EI(x) = 0 - 0 = 0 \end{aligned}$$

soit

$$U = 19_{-0,025}^0$$

On constate que le resserrement des tolérances est ici drastique.

(ii) Ramener la cote x à une cote d'outil en accouplant deux fraises sur le même arbre, leur distance étant convenablement réglée par des entretoises (fig. 19).

(iii) Ramener la cote x à une cote d'appareillage en prenant F_2 comme référence auxiliaire et en utilisant une butée s'appuyant sur cette surface lors de l'usinage de F_1 (fig.20).

Il va sans dire que le choix définitif de la solution doit se faire en fonction d'impératifs économiques. Ainsi, la solution (ii) s'applique essentiellement dans le cas d'une fabrication en série, car elle implique la rectification de l'entretoise entre les deux fraises, coût qu'il faudra répartir sur le nombre de pièces à réaliser.

2.5 Transfert de tolérances d'orientation

Dans la mesure où les tolérances de forme leur sont bien inférieures, ce qui est de règle, les tolérances d'orientation peuvent se traiter comme des tolérances angulaires. Nous illustrerons cette procédure sur quelques exemples empruntés à la référence [13].

2.5.1 Réalisation directe

La figure 21 illustre le fraisage associé de deux faces F_1 et F_2 à l'aide d'une fraise à deux tailles. Dans ce cas, la perpendicularité des deux faces est tout simplement une cote d'outil $U_0 = \boxed{\perp |0,05|}$.

2.5.2 Transfert d'une tolérance de parallélisme

Pour réaliser l'angle entre les faces F_1 et F_2 de la figure 22, on procède comme suit :

a) Dans une première étape (*fig. 23*), on réalise la face F_1 , d'une longueur de $80mm$. Cette face fait avec la référence un angle α_1 régi par une tolérance de parallélisme $\boxed{F_1 | \parallel |U_1| \text{ réf}}$, ce qui signifie que

$$\alpha_1 = 0^{\pm\Delta\alpha_1}$$

avec

$$\Delta\alpha_1 = \frac{U_1}{80}$$

b) Dans une deuxième étape (*fig. 24*), on réalise la face F_2 , qui fait avec la même référence un angle α_2 régi par une tolérance de parallélisme $\boxed{F_2 | \parallel |U_2| \text{ réf}}$, ce qui revient à dire

$$\alpha_2 = 0^{\pm\Delta\alpha_2}$$

avec

$$\Delta\alpha_2 = \frac{U_2}{30}$$

Comme le montre la figure 25, l'angle α_{12} entre les deux faces est donné par

$$\alpha_{12} = \alpha_1 - \alpha_2$$

ce qui implique, vu l'indétermination des sens des deux angles du second membre,

$$\Delta\alpha_{12} = \Delta\alpha_1 + \Delta\alpha_2$$

avec ici,

$$\Delta\alpha_{12} = \frac{\boxed{F_2 | \parallel |F_1|}}{30} = \frac{0,06}{30} = 0,002$$

Comme la difficulté de réalisation des deux faces est comparable, il est naturel de poser

$$\Delta\alpha_1 = \Delta\alpha_2 = \Delta^*$$

ce qui mène à la condition

$$\Delta^* = \frac{1}{2}\Delta\alpha_{12} = \frac{1}{2}.0,002 = 0,001$$

Finalement,

$$U_1 = \Delta^*.80mm = 0,08mm$$

et

$$U_2 = \Delta^*.30mm = 0,03mm$$

2.5.3 Transfert d'une tolérance de perpendicularité

Continuant la fabrication de la pièce précédente, il faut à présent faire un trou, avec une condition de perpendicularité par rapport à F_2 (*fig. 26*). Cette condition sera à nouveau transférée en une tolérance de perpendicularité U_3 avec la référence (*fig. 27*). La condition imposée est $\boxed{axe_3 \perp |0,1|F_2}$, ce qui signifie que l'angle α_{23} doit vérifier

$$\alpha_{23} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{\pm\Delta\alpha_{23}}$$

avec

$$\Delta\alpha_{23} = \frac{0,1}{20} = 0,005$$

puisque la longueur du trou est de $20mm$. La figure 28 montre que si α_3 est l'angle entre la face de référence et l'axe du trou, on a la relation

$$\alpha_{23} = \alpha_3 - \alpha_2$$

si bien que

$$\Delta\alpha_{23} = \Delta\alpha_3 + \Delta\alpha_2$$

En se rappelant que l'on avait ci-dessus $\Delta\alpha_2 = 0,001$, on obtient donc

$$\Delta\alpha_3 = \Delta\alpha_{23} - \Delta\alpha_2 = 0,005 - 0,001 = 0,004$$

et, par conséquent,

$$U_3 = 0,004.20mm = 0,08mm$$

Là encore, si le transfert avait été impossible (U_3 trop petit ou même négatif), il aurait fallu resserrer U_2 ou revoir les spécifications avec le bureau d'études.

2.6 Transfert de tolérances de localisation

La figure 29 représente un corps de palier [13]. Les quatre trous sont destinés à faire passer les vis de fixation d'un flasque portant un joint à lèvres. Ce flasque doit évidemment être centré sur l'alésage, ce qui justifie le mode de tolérancement qui est typiquement fonctionnel. Pour la fabrication, ces trous seront pointés à partir des deux références F_1 et F_2 , dans un système d'axes cartésiens. Il faut donc effectuer un transfert de cotes, car la zone de tolérance sera ramenée à un *rectangle* choisi de manière à satisfaire aux conditions ci-dessus (*fig. 30*).

Examinons le problème en détail à l'aide de la figure 31. Par rapport à sa position idéale, le centre du trou aura un déport (x_1, x_2) que l'on peut écrire sous la forme

$$x_1 = 0^{\pm IT(x_1)/2}, \quad x_2 = 0^{\pm IT(x_2)/2}$$

Dans tous les cas de réalisation, il faudra que

$$x_1^2 + x_2^2 \leq \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

ce qui n'est possible que si

$$IT^2(x_1) + IT^2(x_2) = 1 \quad (2.12)$$

Les chaînes de cotes de x_1 et x_2 (*fig. 32 et 33*) donnent

$$x_1 = 15,910 - a_1 + U_1 \quad (2.13)$$

$$x_2 = 15,910 - a_2 + U_2 \quad (2.14)$$

On en déduit d'une part

$$IT(x_1) = IT(a_1) + IT(U_1) = IT(U_1) + 0,4$$

et, d'autre part,

$$IT(x_2) = IT(a_2) + IT(U_2) = IT(U_2) + 0,1$$

A ce stade, nous admettrons, ce qui est plausible, que la machine est aussi précise dans la direction 1 que dans la direction 2, ce qui mène à poser

$$IT(U_1) = IT(U_2) = i$$

Cela donne

$$IT(x_1) = i + 0,4; \quad IT(x_2) = i + 0,1$$

L'introduction de ces valeurs dans la condition (2.12) conduit à l'équation

$$1 = (i + 0,4)^2 + (i + 0,1)^2 = 2i^2 + 2i(0,4 + 0,1) + (0,4)^2 + (0,1)^2$$

soit

$$2i^2 + i - 0,83 = 0$$

La seule solution positive de cette équation du second degré est

$$i = \frac{-1 + \sqrt{1 + 4 \cdot 2,0,83}}{4} = 0,441$$

On en déduit

$$IT(x_1) = i + 0,4 = 0,841; \quad IT(x_2) = i + 0,1 = 0,541$$

ce qui donne, en arrondissant par défaut pour être sûr de respecter les tolérances,

$$x_1 = 0^{\pm 0,420}; \quad x_2 = 0^{\pm 0,270} \quad (2.15)$$

Nous sommes à présent en mesure de déterminer U_1 et U_2 . Pour U_1 , on déduit d'abord de la chaîne de cotes (2.13) la condition suivante sur sa valeur nominale :

$$0 = \bar{x}_1 = 15,910 - \bar{a}_1 + \bar{U}_1$$

ce qui donne

$$\bar{U}_1 = \bar{a}_1 - 15,910 = 35 - 15,910 = 19,090$$

On a ensuite les équations aux écarts

$$ES(x_1) = -EI(a_1) + ES(U_1)$$

soit

$$ES(U_1) = EI(a_1) + ES(x_1) = -0,2 + 0,420 = 0,220$$

et

$$EI(x_1) = -ES(a_1) + EI(U_1)$$

soit

$$EI(U_1) = ES(a_1) + EI(x_1) = +0,2 - 0,420 = -0,220$$

Ainsi,

$$U_1 = 19,090^{\pm 0,220}$$

On procède de la même façon pour U_2 à partir de la chaîne de cotes (2.14), ce qui donne d'abord pour la valeur nominale

$$0 = \bar{x}_2 = 15,910 - \bar{a}_2 + \bar{U}_2$$

c'est-à-dire

$$\bar{U}_2 = \bar{a}_2 - 15,910 = 27 - 15,910 = 11,090$$

Pour les écarts, on a d'une part

$$ES(x_2) = -EI(a_2) + ES(U_2)$$

ce qui donne

$$ES(U_2) = EI(a_2) + ES(x_2) = -0,05 + 0,270 = 0,220$$

et d'autre part,

$$EI(x_2) = -ES(a_2) + EI(U_2)$$

d'où

$$EI(U_2) = ES(a_2) + EI(x_2) = 0,05 - 0,270 = -0,220$$

Le résultat est donc

$$U_2 = 11,090^{\pm 0,220}$$

2.7 Transfert de tolérances de symétrie

2.7.1 Première possibilité

La pièce représentée en figure 34 [13] peut être réalisée de plusieurs façons. Examinons d'abord le processus décrit en figure 35. Il nécessite d'une part le transfert de la cote $70_0^{+0,3}$ sur U_2 et U_3 et d'autre part le transfert de la tolérance de symétrie. Pour la cote, on a la chaîne suivante (*fig. 36*) :

$$y = 70_0^{+0,3} = U_2 - U_3 \quad (2.16)$$

Quant à la chaîne relative à la condition de symétrie, elle s'écrit (*fig. 37*)

$$x = -\frac{1}{2}U_1 + \frac{1}{2}(U_2 + U_3) \quad (2.17)$$

Commençons par déterminer les cotes nominales. On déduit de (2.16)

$$\frac{1}{2}\bar{U}_2 - \frac{1}{2}\bar{U}_3 = 35$$

et de (2.17)

$$\frac{1}{2}\bar{U}_2 + \frac{1}{2}\bar{U}_3 = \bar{x} + \frac{1}{2}\bar{U}_1 = 0 + 60 = 60$$

La somme de ces deux relations donne

$$\bar{U}_2 = 60 + 35 = 95$$

et leur différence,

$$\bar{U}_3 = 60 - 35 = 25$$

En ce qui concerne les tolérances, on notera d'abord que la chaîne (2.16) implique

$$IT(y) = 0,3 = IT(U_2) + IT(U_3)$$

tandis que la chaîne (2.17) conduit à

$$IT(x) = 0,6 = \frac{1}{2}IT(U_1) + \frac{1}{2}[IT(U_2) + IT(U_3)]$$

soit

$$IT(U_2) + IT(U_3) = 2IT(x) - IT(U_1) = 1,2 - 0,2 = 1$$

C'est donc le transfert de la cote qui est le plus exigeant, et c'est par lui que nous commencerons. De (2.16), on déduit

$$\begin{aligned} ES(y) &= 0,3 = ES(U_2) - EI(U_3) \\ EI(y) &= EI(U_2) - ES(U_3) \end{aligned} \quad (2.18)$$

Il est rationnel de donner à des éléments symétriques des zones de tolérance également symétriques. C'est pourquoi nous imposerons

$$\begin{aligned} ES(U_2) &= -EI(U_3) = es \\ EI(U_2) &= -ES(U_3) = ei \end{aligned}$$

ce qui ramène les deux conditions (2.18) à

$$2es = 0,3; \quad 2ei = 0$$

soit

$$es = 0,15; \quad ei = 0$$

Finalement, le transfert de cotes est correctement réalisé en posant

$$U_2 = 95_0^{+0,15}; \quad U_3 = 25_{-0,15}^0$$

Vérifions à présent que la condition de symétrie est bien vérifiée. De la chaîne (2.17), on déduit

$$\begin{aligned} ES(x) &= -\frac{1}{2}EI(U_1) + \frac{1}{2}ES(U_2) + \frac{1}{2}ES(U_3) = 0,05 + 0,075 + 0 = 0,125 \\ EI(x) &= -\frac{1}{2}ES(U_1) + \frac{1}{2}EI(U_2) + \frac{1}{2}EI(U_3) = -0,05 + 0 - 0,075 = -0,125 \end{aligned}$$

ce qui, visiblement, est plus que suffisant.

2.7.2 Deuxième possibilité

La méthode précédente a exigé des tolérances relativement fines sur U_2 et U_3 du fait du transfert de cotes. Il en résulte que la condition de symétrie a été obtenue avec une précision superflue. Or, on peut éviter le transfert de cotes en réalisant la cote $70_0^{+0,3}$ comme *cote d'outil*. On y arrive en associant deux fraises comme l'indique la figure 38. La cote $70_0^{+0,3}$, cote de fabrication dans le plan de travail de la figure 39, se règle alors à l'aide d'entretoises calibrées entre les deux fraises. Il en résulte la nouvelle chaîne de cotes de la figure 40, qui donne

$$x = -\frac{1}{2}U_1 + U_3 + \frac{1}{2}U_2$$

où seule, U_3 est à déterminer. Sa valeur nominale se déduit par

$$\bar{x} = 0 = -\frac{1}{2}\bar{U}_1 + \bar{U}_3 + \frac{1}{2}\bar{U}_2$$

ce qui donne

$$\bar{U}_3 = \bar{x} + \frac{1}{2}\bar{U}_1 - \frac{1}{2}\bar{U}_2 = 0 + 60 - 35 = 25$$

Son intervalle de tolérance résulte de la condition

$$IT(x) = 0,6 = \frac{1}{2}IT(U_1) + IT(U_3) + \frac{1}{2}IT(U_2)$$

ce qui donne

$$IT(U_3) = IT(x) - \frac{1}{2}IT(U_1) - \frac{1}{2}IT(U_2) = 0,6 - 0,1 - 0,15 = 0,35$$

c'est-à-dire que l'on peut se contenter d'une tolérance bien moins fine sur U_3 . Quant aux écarts, ils sont régis par les conditions

$$\begin{aligned} ES(x) &= -\frac{1}{2}EI(U_1) + ES(U_3) + \frac{1}{2}ES(U_2) \\ EI(x) &= -\frac{1}{2}ES(U_1) + EI(U_3) + \frac{1}{2}EI(U_2) \end{aligned}$$

dont on déduit

$$\begin{aligned} ES(U_3) &= ES(x) + \frac{1}{2}EI(U_1) - \frac{1}{2}ES(U_2) = 0,3 - 0,05 - 0,15 = 0,1 \\ EI(U_3) &= EI(x) + \frac{1}{2}ES(U_1) - \frac{1}{2}EI(U_2) = -0,3 + 0,05 - 0 = -0,25 \end{aligned}$$

Finalement,

$$U_3 = 25_{-0,25}^{+0,1}$$

2.8 Cumul de chaînes de cotes

2.8.1 Chaînes cumulées

Le plus souvent, les différentes conditions de réalisation sont interdépendantes, et il faut combiner plusieurs chaînes de cotes pour obtenir toutes les cotes de fabrication [13]. Partant du brut, on analysera chacune des opérations, jusqu'à obtenir les cotes finales qui sont celles du plan. On effectuera alors une remontée, qui permettra d'obtenir toutes les cotes de fabrication en grandeur et tolérance, ainsi que le *brut minimal*, c'est-à-dire les cotes du brut tout juste capable de contenir la pièce. Pour chaque opération, il faudra faire intervenir deux notions, celle de *copeau minimal* et celle d'*intervalle de tolérance*.

2.8.2 Copeau minimal

Les chaînes de cotes que nous avons rencontrées jusqu'ici ne concernaient que des cotes de finition. Mais lorsqu'on s'intéresse à la succession des différentes passes, allant du dégrossissage à la finition, il faut s'assurer que chacune d'entre elles respecte la condition de *copeau minimal* (Cp_m) [3]. Il s'agit de l'épaisseur minimale de matière à enlever pour assurer

- *La qualité de la surface usinée.* En particulier, si l'on part d'une surface brute, il faut être sûr de mettre à nu, sur toute la surface engendrée, le métal sain. Il ne peut rester aucun reste de la croûte que l'on rencontre sur la plupart des bruts. Il faut d'ailleurs que la pointe de l'outil ne travaille pas dans la croûte, sous peine de la voir se détériorer rapidement, car la croûte est généralement abrasive.
- *La coupe dans de bonnes conditions* lorsque l'on retravaille une surface déjà usinée. Une passe trop petite peut en effet mener au *refus de coupe*, phénomène dans lequel l'outil ne fait que frotter sur la pièce en l'écrasant.

Pour déterminer la valeur du copeau minimal, on pourra s'inspirer du tableau suivant :

VALEURS INDICATIVES DU COPEAU MINIMAL [13]	
<i>Sur une surface brute</i>	
<i>type de pièce</i>	Cp_m/mm
Pièce en acier moulé $L \pm 250mm$	4...6
Pièce en acier moulé $250mm < L \pm 1000mm$	6...10
Pièce en fonte moulée $L \pm 250mm$	2,5...5
Pièce en fonte moulée $250mm < L \pm 1000mm$	4...8
Pièce en alliage d'Al moulée en sable (selon dimensions et difficulté)	2...6
Pièce en alliage d'Al moulée en coquille par gravité	1...3
Pièce en alliage d'Al moulée en coquille sous pression	0,5...1,5
Pièce soudée ou découpée	1...2
<i>Sur une surface usinée</i>	
<i>type d'opération</i>	Cp_m/mm
Seconde ébauche (ou semi-finition) à l'outil coupant	0,3...0,5
Finition à l'outil coupant	0,1...0,2
Rectification	0,05...0,1

2.8.3 Tolérances des cotes de fabrication

Les principes suivants s'appliquent :

Principe 3 *Les cotes ayant pour référence une surface brute doivent être affectées de tolérances suffisamment larges, pour tenir compte de l'incertitude de positionnement.*

Principe 4 *Les cotes ayant pour référence une surface usinée peuvent être affectées de tolérances plus fines.*

Principe 5 *Les tolérances des cotes de finition doivent (évidemment) respecter les prescriptions du dessin.*

Voici quelques indications à ce sujet :

IT SUR LES COTES DE FABRICATION

a) Cotes dont la référence est une surface brute : Tolérance de $\pm 0,1$ à ± 1 selon la qualité et la correction géométrique de la surface brute.

b) Cotes entre surfaces usinées [13]

<i>Procédé d'usinage</i>	<i>IT/mm</i>		
	<i>Ebauche</i>	<i>Semi-finition</i>	<i>Finition</i>
Fraisage	0,3...0,5	0,1...0,2	Doit respecter l' <i>IT</i> fixé par le plan
Tournage	0,3...0,5	0,1...0,2	
Perçage	0,2...0,5	0,15...0,2	
Alésage au grain	0,2...0,4	0,1...0,2	
Alésage à l'alésoir	0,15...0,2	0,05...0,15	
Rectification	0,1...0,3	0,05...0,1	
Brochage	0,05...0,15	0,02...0,4	

2.8.4 Un exemple simple

Soit à réaliser la cote $30_{-0,1}^0$ entre les deux faces d'une pièce, en effectuant d'abord l'ébauche puis la finition de chacune d'elles. Les hypothèses du bureau des méthodes sont :

$$Cp_m = \begin{cases} 2,5 & \text{en ébauche} \\ 0,5 & \text{en finition} \end{cases}$$

et

$$IT = \begin{cases} 0,8 & \text{si la référence est brute} \\ 0,5 & \text{si la référence est usinée} \end{cases}$$

On établit successivement et dans l'ordre les chaînes de cotes relatives aux diverses opérations (*fig. 41*).

Ébauche de la face 2

$$\begin{aligned} Cp &= B - U_1 \quad \text{donc} \quad Cp_m = B_m - U_{1M} = 2,5 \\ IT(U_1) &= 0,8 \end{aligned} \quad (2.19)$$

Ébauche de la face 1 L'opération précédente a permis d'obtenir une première surface usinée. On retourne alors la pièce, pour se servir de cette surface usinée comme référence.

$$\begin{aligned} Cp &= U_1 - U_2 \quad \text{donc} \quad Cp_m = U_{1m} - U_{2M} = 2,5 \\ IT(U_2) &= 0,2 \end{aligned} \quad (2.20)$$

Finition de la face 2 Ici, il est prévu de retourner à nouveau la pièce pour finir la face 2. C'est discutable, car on aurait pu garder le même montage pour finir la face 1, puis retourner pour finir la face 2, ce qui épargne un retournement. Nous invitons l'étudiant à établir les chaînes de cotes dans ce cas. Cela étant,

$$\begin{aligned} Cp &= U_2 - U_3 \quad \text{donc} \quad Cp_m = U_{2m} - U_{3M} = 0,5 \\ IT(U_3) &= 0,2 \end{aligned} \quad (2.21)$$

Finition de la face 1 On retourne donc à nouveau la pièce.

$$\begin{aligned} Cp &= U_3 - U_4 \quad \text{donc} \quad Cp_m = U_{3m} - U_{4M} = 0,5 \\ \text{Condition du plan : } U_4 &= 30_{-0,1}^0 \end{aligned} \quad (2.22)$$

Remontée

$$(2.22) : U_{3m} = U_{4M} + 0,5 = 30 + 0,5 = 30,5$$

$$(2.21) : IT(U_3) = 0,2 \\ U_3 = 30,5_0^{+0,2}$$

$$(2.21) : U_{2m} = U_{3M} + 0,5 = 30,7 + 0,5 = 31,2$$

$$(2.20) : IT(U_2) = 0,2 \\ U_2 = 31,2_0^{+0,2}$$

$$(2.20) : U_{1m} = U_{2M} + 2,5 = 31,4 + 2,5 = 33,9$$

$$(2.19) : IT(U_1) = 0,8 \\ U_1 = 33,9_0^{+0,8}$$

$$(2.19) : B_m = U_{1M} + 2,5 = 34,7 + 2,5 = 37,2 \\ B = 37,2min$$

2.9 Quelques notions sur les gammes d'usinage

2.9.1 Définitions

La description complète de toutes les opérations d'usinage nécessaires pour passer de l'état brut à l'état fini d'une pièce s'appelle sa *gamme d'usinage*. Elle inclut les conditions d'appui de la pièce, la définition de la référence des cotes et les conditions de coupe. Une gamme se décompose en les éléments suivants :

phase C'est l'ensemble du travail réalisé sur une seul poste de travail. Une phase peut comporter plusieurs sous-phases.

sous-phase A l'intérieur d'une phase, une sous-phase est l'ensemble du travail exécuté *sans démontage de la pièce*. Une sous-phase comporte souvent plusieurs opérations, qui sont alors dites *associées*.

opération Tout travail réalisé sans démontage de la pièce, sans changement d'outil, et sans modification des mouvements de l'outil.

2.9.2 Liaisons au brut

Il arrive que le plan spécifie des tolérances par rapport à des surfaces brutes. La figure 42 montre un exemple de ce type. Pour usiner la semelle de ce palier, on peut imaginer d'appuyer la pièce sur la surface 1 ou sur la surface 2. En prenant appui sur la surface 1, la cote a sera réalisée de manière *directe* et les tolérances sur cette cote pourront être respectées pour autant qu'elles soient compatibles avec la précision générale du brut. Si, au contraire, on prend appui sur la surface 2, la cote a sera transférée comme suit :

$$a = -B + U$$

où U est la cote de fabrication, et B une cote de brut, peu précise. On aura donc

$$IT(a) = IT(B) + IT(U)$$

ce qui mènera à

$$IT(U) = IT(a) - IT(B)$$

Comme l'intervalle de tolérance sur B est grand par nature, on aura de fortes chances de ne pas pouvoir obtenir la précision requise sur a . Cet exemple justifie clairement le principe général suivant [21] :

Principe 6 *Le choix des surfaces d'appui doit permettre la réalisation directe des liaisons au brut.*

2.9.3 Surfaces accessibles à l'outil

Il faut bien réaliser que le système d'appui et de serrage de la pièce dans une sous-phase donnée rend une partie de la pièce inaccessible à l'outil. Ainsi, lorsque la pièce de la figure 42 est posée sur sa surface 1, cette dernière et les surfaces situées sous elle sont inaccessibles. Pour pouvoir éventuellement les usiner, il faudra retourner la pièce. On a donc le

Principe 7 *Pour chaque définition d'appui, il faut repérer les surfaces accessibles et les surfaces inaccessibles à l'outil.*

2.9.4 Dégrossissage et finition

Les passes de dégrossissage enlèvent de fortes épaisseurs et sont donc susceptibles de déformer la pièce pendant le travail. Il serait malheureux de détruire la qualité d'une surface finie par une passe de dégrossissage subséquente. C'est pourquoi on énonce encore le

Principe 8 *Il convient, dans la mesure du possible, d'effectuer d'abord le dégrossissage des différentes surfaces avant de procéder à la finition.*

2.10 Simulation d'usinage

2.10.1 Généralités

La *simulation d'usinage* est l'étude consistant à tracer les chaînes de cotes cumulées de toutes les opérations d'usinage d'une pièce. Elle permet

- de déterminer *toutes* les cotes de fabrication, notamment les cotes d'ébauche ;
- de déterminer les exigences dimensionnelles et géométriques sur le brut [13, 5] ;
- de vérifier la validité de la gamme d'usinage adoptée.

Nous présenterons cette méthode à l'aide d'un exemple. Mais il est peut-être utile de préciser que dans le cas de fabrications différentes mais analogues, la simulation d'usinage peut être informatisée. C'est une application de la F.A.O. (fabrication assistée par ordinateur).

2.10.2 Problème

Nous examinerons l'usinage du flasque en fonte $Ft20$ représenté en figure 43 [12, 13]. Il s'agit d'usiner les surfaces planes $F1$, $F2$, $F3$ et $F4$ ainsi que les cylindres ou alésages $D1$, $D2$, $D3$ et $D4$. les surfaces $B1$, $B2$ et $B3$ seront laissées à l'état brut. On tiendra compte des tolérances géométriques indiquées dans le tableau associé à la figure.

2.10.3 Description de la gamme d'usinage

Les tolérances de position incluent une liaison au brut $B1$. En vertu du principe (6), il faudra donc usiner $D1$ en prenant $B1$ comme référence. On usinera alors $D2$ dans le même montage, pour réaliser la concentricité demandée avec $D1$. On usinera également l'alésage $D4$ dans le même montage.

Pour réaliser $D3$, il faudra retourner la pièce, qui devra prendre appui sur $D1$ et $F2$ pour réaliser la tolérance de concentricité.

On adoptera donc la gamme suivante :

Phase 10 - Tournage

	<i>Appui plan (3 points) sur B3.</i>
	<i>Centrage court sur B1.</i>

10.1 Dressage d'ébauche de $F2$. *La surface F2 dégrossie servira de référence auxiliaire dans la suite.*

10.2 Dressage d'ébauche de $F1$.

10.3 Chariotage de $D2$. La tolérance étant large, on ne fera qu'une passe. Cote à respecter : $\emptyset 120_0^{+0,4}$.

10.4 Chariotage d'ébauche de $D1$.

10.5 Alésage d'ébauche de $D4$.

10.6 Dressage de finition de $F2$. *La surface F2 finie servira de nouvelle référence auxiliaire dans la suite.*

10.7 Dressage de finition de $F1$. Cote à respecter : $4^{\pm 0,1}$

10.8 Chariotage de finition de $D1$. Cote à respecter : $\emptyset 64_{-0,03}^0$.

10.9 Alésage de finition de $D4$. Cote à respecter : $\emptyset 40_0^{+0,05}$.

Phase 20-Tournage

	<i>Appui plan (3 points) sur F2.</i>
	<i>Centrage court sur D1.</i>

20.1 Dressage d'ébauche de $F3$.

20.2 Dressage d'ébauche de $F4$.

20.3 Dressage de finition de $F3$. Cote à respecter : $10_0^{+0,1}$.

20.4 Dressage de finition de $F4$. Cote à respecter : $50^{+0}, 2_0$.

20.5 Chariotage de finition de $D3$. Cote à respecter : $\emptyset 80_{-0,5}^0$.

2.10.4 Cotes axiales

les chaînes de cotes et les équations correspondantes sont indiquées en figure 45. On peut en déduire les valeurs suivantes :

$$\begin{aligned}
 U_8 &= 50_0^{+0,2} \\
 U_7 &= 10_0^{+0,1} \\
 U_6 &= 50,7_0^{+0,2} \\
 U_5 &= 10,6_0^{+0,2} \\
 U_4 &= 4^{\pm 0,1} \\
 U_3 &= 0,5_0^{+0,2} \\
 U_2 &= 4,1_0^{+0,2} \\
 (c) \Rightarrow U_{1m} &= 2 + U_{3M} + U_{5M} = 2 + 0,7 + 10,8 = 13,5 \\
 U_1 &= 13,5_0^{+0,8} \\
 (d) \Rightarrow B_{3M} &= 2 - U_{1m} + U_{3M} + U_{6M} = 2 - 13,5 + 0,7 + 50,9 = 40,1 \\
 B_3 &= 40,1min \\
 (b) \Rightarrow B_{2m} &= 2 + U_{1M} + U_{2M} = 2 + 14,3 + 4,3 = 20,6 \\
 B_2 &= 20,6min \\
 (a) \Rightarrow B_{1m} &= 2 + U_{1M} = 2 + 14,9 = 16,3 \\
 B_1 &= 16,3min
 \end{aligned}$$

2.10.5 Cotes radiales

L'analyse des cotes radiales appelle quelques commentaires relatifs aux tolérances de position. Le premier point à comprendre est que *toutes les surfaces de révolution engendrées dans un même montage ont le même axe*, à savoir, l'axe du tour lors de ce montage. Mais cet axe peut ne pas coïncider avec un axe prédéfini sur la pièce (fig. 46). L'effet d'un excentrement e est que l'outil, placé à un rayon R de l'axe du tour, prendra d'un côté de la pièce de rayon R_p un copeau $Cp_1 = R_p - R - e$ et de l'autre, un copeau $Cp_2 = R_p - R + e$. Pour obtenir un copeau minimal prédéfini Cp_m , il faudra donc que

$$R_p - R - e \geq Cp_m$$

Par ailleurs, les surfaces devant avoir une bonne concentricité ou une orientation relative précise seront avantageusement usinées sans démontage intermédiaire, ou comme on dit encore, *associées*. C'est en vertu de ce principe d'association que nous avons été conduits à aléser $D4$ dans le même montage que $D1$, $D2$ et $F2$: les tolérances de position correspondantes sont en effet serrées.

La condition de centrage de $B1$ sur $D1$ résulte de la précision du montage, que l'on peut vérifier en mesurant le battement de la pièce montée à l'aide d'un comparateur (fig. 48). C'est la première chaîne de cotes. Dans la suite, toutes les cotes de brut sont prises à partir de l'axe du brut, tandis que les cotes d'usinage sont prises à partir de l'axe du tour.

Il faut encore noter que les chaînes de cotes se calculent *en rayons*, moitiés des diamètres correspondants.

L'ensemble des chaînes de cotes et les calculs correspondants sont consignés dans les figures 49 et 50.

2.10.6 Brut minimal

Le brut minimal est représenté en figure 51. Les zones de tolérances pour le moulage sont à dessiner *juste à l'extérieur* de ce brut minimal, en fonctions des indications du chapitre 3.

Chapitre 3

Contraintes résiduelles

3.1 Introduction

Un certain nombre de pièces brutes sont le siège de contraintes résiduelles, c'est-à-dire d'un champ de contraintes internes auto-équilibrées tant en volume qu'en surface. Lors de l'usinage d'une telle pièce, on rompt l'équilibre des contraintes internes, si bien que la pièce subit des déformations indésirables, pouvant parfois la rendre impropre au service. C'est donc un problème qu'il convient d'étudier.

3.2 Origine des contraintes résiduelles

Les contraintes résiduelles prennent naissance lors du processus de fabrication du brut. Voici quelques exemples importants.

3.2.1 Pièces moulées

Le refroidissement d'un point d'une pièce après la coulée est d'autant plus lent que ce point est plus distant de la surface extérieure du moule. Il en résulte que les points les plus extérieurs de la pièce se solidifient plus tôt que les points de son cœur. Cela signifie que lorsque l'extérieur se solidifie, c'est sur base d'un cœur encore plus dilaté que lui. Lorsque le cœur se solidifie, il est donc prisonnier d'une boîte trop grande pour lui, si bien qu'il sera le siège de contraintes de traction, équilibrées par des contraintes de compression dans l'extérieur. Ceci est une règle générale :

Règle 4 *Les parties de la pièce qui se refroidissent le plus tard sont tendues et au contraire, les parties qui se refroidissent les premières sont comprimées.*

C'est ainsi que dans le cas d'une poulie à bras en fonte (*fig. 1a*), le moyeu est le dernier à se refroidir. Il en résulte des contraintes de traction dans le moyeu, qui s'équilibrent avec des contraintes de compression dans la jante à travers les bras. Les bras sont donc tendus et, comme la fonte est fragile, on risque de les voir se briser lors du refroidissement. Un artifice classique pour éviter ce problème consiste à mouler des bras courbes, capables de se déformer sensiblement au prix d'une flexion mineure (*fig. 1b*)

3.2.2 Profilés laminés à chaud

Le même type de phénomène se produit dans les profilés laminés à chaud. Ainsi, dans un profilé en I , c'est la jonction de l'âme aux semelles qui, se refroidissant le dernier, est tendu. Des mesures [25] ont permis d'établir un diagramme de contraintes résiduelles longitudinales ayant l'allure représentée en figure 2. Il est à noter que les poutres en I obtenues par soudage sont le siège de contraintes σ_z du même type, mais plus prononcées encore [25]. Il va de soi que ces contraintes s'annulent à l'extrémité du profil, pour des raisons d'équilibre.

3.2.3 Plaques laminées

Les plaques laminées sont le siège de contraintes résiduelles dont la distribution a l'aspect représenté en figure 3. Les contraintes de peau sont équilibrées par des contraintes de signe inverse au voisinage du feuillet moyen, de telle sorte que l'on ait sur chaque section un effort normal N et un moment de flexion M nuls.

3.2.4 Pièces obtenues par déformation plastique

Supposons par exemple que partant d'un barreau à section rectangulaire légèrement courbe, on le redresse plastiquement. Lors de cette opération, on donne à la pièce des contraintes plastiques qui, dans le cas d'une plasticité parfaite, aura approximativement la forme bicarrée notée a en figure 4. Le moment plastique de redressement vaut

$$M_p = Re \frac{bh^2}{4}$$

où b est la largeur de la pièce, et h son épaisseur. Lorsque la pièce est relâchée, on assiste à un retour élastique de même moment, ce qui correspond au diagramme b . La contrainte maximale σ_M correspondante est donnée par

$$M_p = \sigma_M \frac{bh^2}{6}$$

ce qui donne

$$\sigma_M = \frac{3}{2} Re$$

Ces contraintes se soustraient aux contraintes de formage, ce qui conduit au diagramme de contraintes résiduelles noté c . Elles valent $\pm Re/2$ sur les peaux et sautent, sur le feuillet moyen, de $+Re$ à $-Re$.

3.3 Effet de l'usinage

L'usinage d'une pièce qui est le siège de contraintes résiduelles a pour effet de rompre l'équilibre de celles-ci. Il en résulte le plus souvent des déformations de la pièce. Considérons pour fixer les idées un barreau à section rectangulaire où règnent, au voisinage de la peau supérieure, des contraintes résiduelles de traction. Si l'on considère une certaine zone A ainsi tendue (*fig. 5a*), le schéma

rendu libre de cette zone et du reste de la pièce B s'établit comme en figure 5b. La suppression par usinage de la zone A équivaut donc à ajouter sur le reste B de la pièce des forces ayant la direction indiquée en figure 5c. Dès que la pièce est débridée, elle se fléchit sous l'effet de ces forces, et prend donc une forme concave vers le bas. Ceci est général et peut se résumer ainsi :

Règle 5 *Lorsque l'on coupe une zone tendue d'un côté de la pièce, le reste de la pièce s'allonge de ce côté. Si la zone coupée est le siège de contraintes de compression, la pièce se raccourcit de ce côté.*

3.3.1 Cas d'une plaque laminée

Soit une pièce laminée dans laquelle règnent des contraintes résiduelles suivant le schéma de la figure 3. Si l'on enlève une mince couche sur la face supérieure de la pièce, elle se courbera avec une concavité vers le bas. Si, dans une seconde opération, on enlève une mince couche sur la face inférieure, elle se courbera dans l'autre sens et on peut espérer une certaine compensation de ces deux courbures. Nous y reviendrons.

3.3.2 Cas d'une pièce redressée plastiquement

Dans ce cas, admettons que le diagramme des contraintes résiduelles corresponde à la figure 4. En enlevant une mince couche sur la face supérieure, on provoquera une courbure à concavité vers le haut. L'enlèvement subséquent d'une mince couche sur la face inférieure mènera à une courbure *dans le même sens*, ce qui ne fait qu'empirer les choses.

3.4 Élimination des contraintes résiduelles

On le voit, les contraintes résiduelles peuvent mener à de graves mécomptes. Ne peut-on les éliminer ?

3.4.1 Vieillissement

Lorsque des contraintes résiduelles existent dans une pièce, elles se libèrent petit à petit au cours du temps. C'est le *vieillissement*. Dans le cas de pièces très précises, ce vieillissement, s'il a lieu après usinage des pièces, est néfaste, car il engendre des déformations indésirables de la pièce. Il est donc préférable de provoquer le vieillissement *avant* l'usinage.

Un tel vieillissement s'obtient en exposant les pièces pendant un temps prolongé (plusieurs mois) aux intempéries. Les successions d'ensoleillements et refroidissements provoquent des dilatations et contractions qui atténuent progressivement les contraintes résiduelles. L'inconvénient évident de ce procédé est son coût, car il implique un en-cours des pièces très long.

3.4.2 Traitement thermique

Il existe des traitements thermiques permettant de relaxer les contraintes résiduelles. La limitation est ici la taille de la pièce, car il faut posséder un four suffisamment grand pour contenir la pièce.

3.4.3 Gamme d'usinage bien choisie

Il est possible, en procédant à un certain nombre de passes de dégrossissage bien choisies, de faire diminuer progressivement l'influence des contraintes résiduelles. C'est ce que nous allons illustrer ci-dessous dans le cadre d'un modèle simple.

3.5 Un modèle simple

Nous considérerons le cas d'un barreau à section rectangulaire de hauteur h , provenant de laminage. Nous ferons usage d'un axe y prenant son origine sur la face inférieure de la pièce (*fig. 6*). Les champs de contrainte de la forme $\sigma = Ay + B$ étant les seuls compatibles, tout champ de contraintes résiduelles doit leur être orthogonal, c'est-à-dire vérifier les conditions

$$\int_0^h \sigma dy = 0 \quad (3.1)$$

$$\int_0^h \sigma y dy = 0 \quad (3.2)$$

Le plus simple des champs pouvant avoir cette propriété est de la forme

$$\sigma = Ay^2 + By + C$$

En écrivant les deux conditions (3.1) et (3.2), on obtient, tous calculs faits,

$$\sigma = A(y^2 - hy + \frac{h^2}{6}) \quad (3.3)$$

qui, comme on peut le vérifier, correspond bien au cas de la figure 3. Le maximum de la contrainte sur les peaux vaut

$$\sigma_M = A \left(\frac{h^2}{6} \right) \quad (3.4)$$

Supposons à présent que l'on coupe la pièce, lui laissant une hauteur $k < h$. Tant que la pièce est bridée, on conserve l'expression (3.3) du champ de contrainte. Mais après débridage, ce champ s'orthogonalise aux fonctions $\sigma = 1$ et $\sigma = y$ sur l'intervalle $]0, k[$ et devient donc

$$\sigma^* = A(y^2 - ky + \frac{k^2}{6}) \quad (3.5)$$

La différence entre ces deux champs est donnée par

$$\begin{aligned} \Delta\sigma &= \sigma^* - \sigma \\ &= A(h - k)y - A \left(\frac{h^2 - k^2}{6} \right) \\ &= A(h - k)(y - \frac{k}{2}) + A(h - k)\frac{k}{2} - A \left(\frac{h^2 - k^2}{6} \right) \\ &= A(h - k)(y - \frac{k}{2}) + \frac{A}{3}(h - k)(k - \frac{h}{2}) \end{aligned} \quad (3.6)$$

Pour $A > 0$, il y correspond, si E est le module de Young, une flexion de courbure

$$\chi = \frac{A}{E}(h - k) \quad (3.7)$$

et de concavité tournée vers le bas. Le second terme de (3.6) correspond à un allongement

$$\varepsilon = \frac{A}{3E}(h - k)(h - \frac{k}{2}) \quad (3.8)$$

positif si $k > h/2$ et négatif dans le cas contraire. La contrainte maximale vaut à présent

$$\sigma_M^* = A \left(\frac{k^2}{6} \right) = \sigma_M \left(\frac{k}{h} \right)^2 \quad (3.9)$$

ce qui signifie que la contrainte maximale a diminué.

Imaginons à présent que l'on retourne la pièce et que l'on fasse sur son autre face une nouvelle passe d'usinage qui ramène son épaisseur à $\ell < k$. Comme la constante A n'a pas changé, on obtiendra après débridage une courbure

$$\chi_2 = A(\ell - k) \quad (3.10)$$

en sens inverse de la première et, si $h - k = k - \ell = a$, égale en grandeur. La pièce sera alors redevenue droite. Le champ de contraintes résiduelles aura à présent pour maximum sur la peau

$$\sigma_M^{**} = \sigma_M^* \left(\frac{\ell}{k} \right)^2 = \sigma_M \left(\frac{\ell}{h} \right)^2 \quad (3.11)$$

De ce modèle, on peut tirer les conclusions suivantes :

1. La courbure est proportionnelle à l'engagement a .
2. Des passes successives de part et d'autre de la pièce permettent une compensation des courbures successives.
3. La contrainte résiduelle au voisinage de la peau décroît progressivement.

3.6 Applications pratiques

3.6.1 Rainures

Lorsque l'on creuse une rainure dans une plaque laminée, les contraintes résiduelles provoquent une déformation dans laquelle la rainure s'ouvre. Ce phénomène est d'autant plus marqué que la rainure est plus profonde. Il faut donc, dans la gamme d'usinage, prévoir de creuser la rainure suffisamment tôt pour pouvoir corriger la forme par après. C'est ce que nous allons voir dans l'exemple ci-dessous.

3.6.2 Un cas réel

Lors de recherches sur les déformations liées aux effort de coupe des outils, il fallait [24] fabriquer une pièce d'essai en duralumin ($AlCu_4Mg_1$) conforme au plan de la figure 7. Cette pièce comporte un plan central qui sert à l'essai, deux ailes amincies de part et d'autre de ce plan central, une rainure en-dessous de celui-ci et quatre trous de fixation sur les ailes. Dans un premier temps, la gamme suivante avait été adoptée :

1. Amincissement des deux ailes
2. Pointage des deux trous de fixation
3. Retournement de la pièce et rainurage
4. Perçage des quatre trous de fixation

L'expérience ayant montré qu'à la suite de l'opération de rainurage, la surface inférieure de la pièce était loin de la planéité, on a été amené à ajouter l'opération suivante :

5. Rectification de la face inférieure de l'éprouvette.

Cette dernière opération était en fait un pis-aller. En effet, elle tendait à corriger une mauvaise maîtrise des contraintes résiduelles et de plus, elle menait à des épaisseurs d'ailes variables et peu prévisibles.

A titre de remède, on a d'abord essayé d'annuler les contraintes résiduelles par un recuit. Mais l'usinage devenait alors très difficile, le matériau de la pièce ayant une fâcheuse tendance à adhérer à l'outil.

Il a donc été décidé d'expérimenter une nouvelle gamme, conçue dans l'optique de minimiser l'effet des contraintes résiduelles. Elle s'établit comme suit :

1. Rainurage
2. Retournement de la pièce et dressage de la face supérieure
3. Nouveau retournement et dressage de la face inférieure
4. Troisième retournement et dressage des ailes
5. Pointage des trous
6. Perçage des trous

Après fraisage suivant cette procédure, la planéité de la face inférieure a été mesurée, avec pour résultat une erreur de planéité inférieure à $0,01mm$, ce qui rendait superflue toute opération de rectification.

Chapitre 4

Ablocage des pièces

4.1 Introduction

Pour pouvoir usiner correctement une pièce, il faut pouvoir définir correctement et répétitivement sa position sur la machine-outil et, de plus, garantir le maintien de cette position lors de l'usinage, qui implique évidemment des forces de coupe. Il y a donc deux fonctions à assurer, le *positionnement* et le *serrage* de la pièce à usiner. L'ensemble de ces deux fonctions est désigné par le nom d'*ablocage*.

4.2 Les six degrés de liberté

La pièce à usiner, étant un solide, possède six degrés de liberté. (Ici, nous supposons implicitement que la pièce est bien rigide. Le cas des pièces souples réclame un traitement particulier.) Pour supprimer ces six degrés de liberté, il suffit donc de six contacts quasi ponctuels qui, dans la mesure où l'on néglige le frottement, définissent six normales. Bien entendu, celles-ci doivent être indépendantes. Il s'agit de liaisons simples.

La figure 1 illustre une immobilisation par six contacts. La suppression d'un seul de ces contacts rend le corps mobile. On dit que le positionnement est *isostatique*.

Si le corps est immobilisé à l'aide de $\ell > 6$ liaisons, il y en a donc certainement $(\ell - 6)$ superflues ou *hyperstatiques*. Mais cela ne signifie pas que six liaisons simples quelconques suffisent à immobiliser un solide. Ainsi, la pièce représentée en figure 2, bien que reposant sur six appuis simples, possède toujours deux degrés de mobilité, à savoir la translation suivant l'axe x et la rotation autour d'une parallèle à ce même axe. Il n'y a donc en fait que $6 - 2 = 4$ degrés de liberté fixés, ce qui signifie que deux des liaisons sont excédentaires dans la fixation de ces 4 degrés de liberté. Bien que la liaison soit déficiente, il a donc deux liaisons hyperstatiques. Hyperstaticité et mobilité peuvent donc coexister, contrairement aux croyances de certains.

Plus généralement, soit un solide soumis à ℓ liaisons qui lui laissent cependant m degrés de mobilité. Il n'y a donc que $(6 - m)$ degrés de liberté réellement fixés, et le même résultat aurait pu être obtenu à l'aide de $(6 - m)$ liaisons simples. Les liaisons restantes sont donc hyperstatiques. Leur nombre h , appelé *indice*

d'hyperstaticité est donné par

$$h = \ell + m - 6$$

4.3 Avantages et inconvénients de l'hyperstaticité

Tout d'abord, notons que seules, les liaisons isostatiques permettent la libre dilatation de la pièce pendant l'usinage qui, rappelons-le, engendre de la chaleur.

Par ailleurs, une liaison hypertatique peut être impossible à réaliser. Soit par exemple à poser une pièce sur un plan. Cette liaison est d'ordre infini, car chaque point du plan doit être en contact avec la pièce. Si la pièce n'est pas suffisamment plane, ce qui a généralement lieu dans le cas d'une pièce brute, le contact ne pourra pas se faire correctement et, en particulier, si la surface d'appui de la pièce est convexe, la liaison sera incomplète, comme l'illustre la figure 3. Ces problèmes disparaissent dans le cas d'une liaison par trois contacts (fig. 4). Si l'on désire une fixation plus rigide, on peut alors ajouter des contacts réglables (fig. 5).

D'ailleurs, ceci se retrouve dans l'expérience quotidienne. Ainsi, une table à trois pieds (fig. 6) est toujours correctement appuyée sur le sol, car par trois points, on peut toujours faire passer un plan. Une table à quatre pieds est hyperstatique, mais pour autant que l'on puisse régler le quatrième pied (fig. 7), elle est plus stable qu'avec trois pieds, car sa base de sustentation est plus grande. (On notera que les machines à laver le linge possèdent trois pieds réglables au moins. Le but ici n'est plus d'assurer sa stabilité, mais son horizontalité.) La véritable règle est donc :

Règle 6 *L'hyperstaticité est toujours synonyme de réalisation difficile. Mais dans bien des cas, elle permet d'assurer une raideur nettement plus grande.*

Ainsi, l'appui plan est irréalisable dans le cas d'une surface brute, surface qui ne pourra s'appuyer correctement qu'en trois points. Cette liaison, nécessairement souple, ne pourra convenir qu'en dégrossissage, où la cote à obtenir n'est pas très précise. Par contre, un plan préalablement dégrossi à l'outil pourra s'appuyer correctement sur une surface plane, ce qui permettra une fixation autrement rigide. C'est d'ailleurs la raison pour laquelle on a longtemps utilisé sur les cuisinières à plaques électriques des poêles dont le fond était dégrossi à l'outil (fig. 8), ce qui leur permettait de transmettre correctement la chaleur de la plaque chauffante.

4.4 Aspect économique

L'ablocage d'une pièce peut se faire

- A l'aide d'un système de liaisons relevant de l'outillage standard. Dans ce cas, chaque pièce nécessitera un réglage.
- A l'aide d'un système de liaisons spécifiques. Le montage sera alors simplifié, mais il faudra préalablement fabriquer les liaisons spéciales.

L'outillage standard correspond à un investissement minimal, mais nécessite plus de main d'œuvre, ce qui revient à dire que le coût marginal est plus élevé

(fig. 9). Par conséquent, il convient pour les petites séries. Pour les grandes séries, un système de positionnement spécifique peut se justifier, car le coût de sa fabrication sera étalé sur le nombre de pièces de la série.

4.5 Positionnement des surfaces planes

4.5.1 Bornes d'appui

Les bornes d'appui (fig. 10) [12] permettent de poser correctement une surface plane. Il en faut trois pour définir un plan. Lorsque la surface d'appui est déjà usinée, on peut utiliser des bornes planes, ce qui permet d'assez bien répartir la pression. Si la surface d'appui est brute, il faut utiliser des bornes à bout sphérique. Les bornes peuvent être fixes (frettées) ou démontables.

4.5.2 Butées

Les butées (fig. 11) [12] sont destinées à définir la position latérale des pièces. La figure 12 bis illustre le positionnement dit « plan-trait-point ». Pour les surfaces brutes, on utilise des butées striées. Il est parfois nécessaire d'utiliser des butées *palonnées*, qui s'orientent sur la surface en répartissant l'effort de manière égale sur les deux contacts, de la même façon que dans une balance. Nous reviendrons plus bas sur la technique de palonnage.

4.5.3 Centreurs

Les centreurs (fig. 12) [12] éliminent deux degrés de liberté, en s'enfichant dans la pièce. Il s'agit d'un centrage court. L'utilisation simultanée de deux centreurs (fig. 13) est hyperstatique et risque donc de provoquer des difficultés de montage. Il suffit en fait que le second centreur élimine le degré de liberté de rotation autour du centre du premier centreur. A cet effet, on utilise des *centreurs dépinçés* encore appelés *locatings* (fig. 14).

L'utilisation des centreurs est souvent très pratique en fabrication en série. Cependant, les centreurs ne sont pas, en général, les références naturelles de la pièce, ce qui implique de nombreux transferts de cotes.

4.5.4 Appuis sur palonnier

La figure 22 [12] représente un appui sur palonnier. En général, un *palonnier* est un dispositif destiné à répartir un effort sur plusieurs appuis. Sur deux appuis (fig. 15), il suffit d'un simple levier. Mais on peut imaginer des palonniers à trois appuis, quatre appuis, voire plus.

Dans le cas de trois appuis (fig. 16), on peut procéder comme suit : on palonne d'abord F_1 et F_2 de manière à les égaliser. On s'arrange alors pour que $F_1 + F_2 = 2F_3$, ce que l'on obtient à l'aide d'un levier décentré pour lequel

$$(F_1 + F_2)\ell_{12} = F_3\ell_3$$

soit

$$\ell_{12} = \frac{F_3}{F_1 + F_2}\ell_3 = \frac{1}{2}\ell_3$$

Dans le cas de quatre appuis, la solution est simple (*fig. 17*). La figure 18 illustre comment palonner 5 appuis. C'est sur ce principe que sont conçus les essuie-glaces des voitures, le but étant de répartir au mieux la pression de la raclette sur le pare-brise.

On peut également réaliser des palonnages hydrauliques ou pneumatiques (*fig. 19*). C'est notamment le cas des roues jumelles de poids lourds, pour lesquelles se pose le problème du bombé de la route (*fig. 20*). Il en découle une usure des pneus bien plus rapide à l'intérieur qu'à l'extérieur. Ce problème peut être résolu en connectant les valves des roues jumelles de manière à égaliser les pressions de leurs pneus (*fig. 21*).

Les palonniers sont souvent utilisés pour appuyer des pièces brutes. Après orientation correcte du palonnier, on peut fixer une de ses tiges. On réalise ainsi un montage hyperstatique correctement réglé, comme par exemple un plan sur quatre appuis (*fig. 23*).

4.5.5 Appui sensitif

L'appui sensitif, c'est-à-dire monté sur ressort (*fig. 24*) [12], est une autre façon de réaliser un appui hyperstatique réussi. Dans le montage de la figure 25, les appuis *A*, *B* et *C* suffisent pour définir la position de la pièce. On appuie donc la pièce sur ces trois appuis, en laissant l'appui sensitif prendre la longueur qui convient. On peut alors le serrer dans cette position. A noter que la vis sans tête représentée sur la figure est destinée à limiter la course de la borne, afin d'éviter que le ressort ne la sorte de son guidage.

4.5.6 Détrompeur

La figure 26 [12] représente un montage de perçage composé d'une butée à droite, d'un canon de perçage, et d'une vis de serrage de la pièce sur la butée. Il convient d'éviter de monter la pièce à l'envers. A cette fin, on utilise une petite butée intérieure appelée *détrompeur*. On notera que le montage représenté est en fait vicieux, car la vis de serrage n'est pas alignée avec la butée, ce qui tend à faire basculer la pièce.

4.5.7 Matériau des bornes, butées, etc.

Il faut remarquer que les bornes et butées, surtout sphériques, subissent des pressions de contact intenses, si ce n'est de type hertzien. Or, leur usure conditionne la précision de positionnement de manière essentielle. Il est donc impératif d'avoir une bonne *dureté*. Les nuances d'acier les plus utilisées dans cette application sont

- XC10 cimenté
- XC48, XC65 améliorés
- 10NC12, 16NC6, 30NC11 améliorés
- 35CD4 amélioré
- 45S8 amélioré
- 100C6, Z200C13 améliorés

4.5.8 Appui plan-trait

Lorsque les surfaces d'appui ont une planéité suffisante, on pourra utiliser des appuis plans (*fig. 27*) si le défaut de planéité est inférieur à $0,05mm$. Une solution un peu moins hyperstatique est l'appui sur réglettes (*fig. 28*).

4.5.9 Prise en étau sur deux réglettes

Signalons encore le montage en étau sur deux réglettes (*fig. 29*), très utilisé en fabrication unitaire. Il faut noter que l'étau représenté dans cette figure est très mauvais, car lors de son serrage, la mâchoire mobile tend à s'incliner en tournant autour du point où elle est pressée par la vis, ce qui provoque la montée de la pièce. Les bons étaux de fraisage ont une vis située en face de la zone de serrage de la pièce, de manière à minimiser cet effet néfaste.

Le couple C à donner à la vis de l'étau pour obtenir une force de serrage F s'obtient aisément à partir du travail à réaliser. Pendant que la vis tourne d'un angle θ , la mâchoire avance d'une longueur $\ell = \frac{\theta}{2\pi}p$ où p est le pas de la vis. Le travail utile est donné par

$$\mathcal{T}_{ut} = F\ell$$

et le travail fourni vaut

$$\mathcal{T}_m = C\theta$$

Soit alors η le rendement du système vis-écrou. On a

$$\mathcal{T}_{ut} = \eta\mathcal{T}_m$$

ce qui implique

$$C = \frac{F\ell}{\eta\theta} = \frac{Fp}{2\pi\eta}$$

On admet souvent la valeur $\eta = 0,1$, en raison de la forte irréversibilité du mécanisme de l'étau.

4.6 Positionnement des surfaces circulaires

4.6.1 Montage entre pointes

Le montage entre pointes (*fig. 30*) < citeDietrich88 suppose que l'on ait préalablement percé des trous de centre dans la pièce, avec ou sans dressage des faces finales. La coaxialité de ces trous de centre est une condition indispensable. Le plus souvent, les pointes ont un angle de 60° .

La position axiale de la pièce est déterminée par un *plan de jauge*, défini comme le plan où la pointe et le trou ont le même diamètre de référence $\boxed{D}$ (*fig. 31*). Il est clair que la position de ce plan par rapport à la face terminale de la pièce dépend de la profondeur d'usinage du centre. Elle est donc entachée d'une incertitude, ce qui signifie qu'il n'y a pas d'origine précise des cotes axiales.

La *pointe à ressort* (*fig. 32*) [12] supprime cet inconvénient en matérialisant une référence axiale précise. Dans ce cas, il faut bien sûr dresser préalablement la face terminale de la pièce qui s'appuie sur la butée de la pointe à ressort.

Remarque — La *contre-pointe tournante*, très utilisée en tournage, ajoute une imprécision du fait du faux rond de ses roulements. Cette imprécision peut rendre le retournement problématique si la contre-pointe a quelque peu souffert dans sa vie (*fig. 33*).

4.6.2 Centrage long

Le centrage long (*fig. 35*) [12] élimine quatre degrés de liberté. Il doit donc être complété par une butée axiale et une liaison en rotation. Ce centrage privilégie la coaxialité entre la pièce et le centreur, même si la face terminale de la pièce n'est pas perpendiculaire à son axe. En conséquence, il faut limiter la butée à un contact quasi ponctuel.

L'erreur de coaxialité permise par le centreur dépend du jeu j qu'il a dans l'alésage de la pièce. Elle vaut très exactement $j/2$ (*fig. 34*). En termes d'erreur angulaire d'orientation, on a $\Delta\alpha = j/\ell$ où ℓ est la longueur du centreur. Cela signifie que l'alésage de la pièce doit avoir été réalisé préalablement avec précision. Il existe également des *centres expansibles*, permettant de limiter l'erreur de positionnement à 0,01...0,02mm.

On notera enfin que le centreur de la figure 35 est en fait composé de deux centres courts, pour éviter les problèmes éventuels liés à la forme de l'alésage. C'est la pratique courante.

4.6.3 Centrage court

Ce dispositif est toujours associé à un plan, souvent matérialisé par trois butées quasi ponctuelles (*fig. 36*) [12]. L'ensemble élimine cinq degrés de liberté (trois pour le plan et deux pour le centrage). C'est le plan qui donnera l'orientation de la pièce, ce qui permet d'obtenir de perpendicularités et des parallélisme par rapport à la face plane d'appui de la pièce, sans se préoccuper de l'orientation de l'alésage.

4.6.4 Prise en mandrin

Les mandrins à serrage concentrique possèdent trois mors qui, via une spirale mue par une vis, progressent simultanément pour serrer la pièce (*fig. 37*). Ils assurent ainsi une concentricité correcte de la pièce, dans des tolérances données en figure 38 [12]. Dans certains cas, notamment pour la reprise de certaines pièces, cette précision est insuffisante. On utilise alors des *mors doux* (*fig. 39*). Ce sont des mors en acier relativement doux, que l'on usine exactement au diamètre de la pièce. Ceci élimine l'erreur d'excentricité due au dispositif de serrage. Cependant, ce procédé ne convient que pour effectuer des passes relativement légères, car les mors doux glissent plus facilement sur la pièce que les mors durs. Ce phénomène, un peu paradoxal, résulte du fait que les mors doux, qui épousent exactement la pièce, ne l'entraînent que par frottement, tandis que les mors durs, qui serrent sur une surface beaucoup plus petite, pénètrent quelque peu dans la pièce, ce qui ajoute un certain effet d'obstacle dans l'entraînement de la pièce.

4.6.5 Montages spéciaux

On peut encore imaginer de nombreux montages spéciaux, sur lesquels nous ne nous étendrons pas.

4.7 Serrage des pièces

4.7.1 Introduction

La pièce étant posée (isostatiquement si possible) sur son support, il faut la maintenir dans cette position malgré les efforts qui la sollicitent (pesanteur et forces de coupe). Ce serrage doit respecter un certain nombre de règles.

4.7.2 Règles générales

Règle 7 *Neutralisation des efforts (fig. 40) [12] : les forces de serrage doivent diriger la pièce contre ses appuis, en empêchant tout mouvement parasite.*

Il faut à tout le moins que la ligne d'action des forces de serrage passe à l'intérieur des appuis, mais comme nous le verrons, cette condition n'est pas toujours suffisante.

Règle 8 *Continuité de la matière (fig. 41) : les efforts de serrage doivent être appliquées en des points très raides pour éviter la déformation des pièces.*

En effet, si le serrage déforme la pièce, on va par exemple usiner un beau plan sur la pièce, mais lors du débridage, celle-ci va reprendre sa forme relaxée, et la surface usinée ne sera plus plane.

Règle 9 *Éviter les pressions de serrage excessives.*

Il faut en effet éviter de marquer la pièce, comme le caricature la figure 44. Les forces de serrage doivent être calculées et limitées.

4.7.3 Règles particulières

Règle 10 *Simplifier et réduire les points de serrage.*

La figure 42 [12] donne un bel exemple de montage permettant de brider deux pièces à la fois à l'aide d'un seul levier de serrage.

Règle 11 *Utiliser le palonnage.*

La figure 43 [12] montre comment on peut monter deux barreaux simultanément et les serrer à l'aide d'un seul bras, grâce à un palonnier. Sans celui-ci, il serait impossible de garantir le serrage des deux barreaux si leur diamètre n'est pas exactement égal à la valeur de référence fixée par la position de l'articulation du bras de serrage.

4.7.4 Serrage par brides

Les brides (fig. 45) s'utilisent sur les machines possédant un plateau à rainures pour vis à tête en marteau. Pour les avoir bien horizontales, on les pose sur une cale étagée.

4.7.5 Quelques exemples de réalisation

La figure 46 [12] donne un aperçu de quelques techniques de bridage.

4.7.6 Stabilité du montage

Il peut arriver qu'un montage satisfaisant aux règles ci-dessus soit néanmoins instable. Un exemple de ce type a été donné par Karr [21]. La pièce représentée à la figure 47 est posée sur trois appuis courts A , B et C . On la serre à l'aide de la force F . Observons que les liaisons en A , B et C sont *unilatérales*, c'est-à-dire qu'elle n'empêchent le mouvement que dans un seul sens. Tout déplacement virtuel quittant les appuis dans le sens non empêché est compatible avec ces liaisons. Le principe de stabilité est le suivant :

Principe 9 *Soit un corps posé sur des liaisons unilatérales et soumis à une force F . S'il existe un déplacement virtuel compatible avec les liaisons tel que le travail virtuel de la force et des éventuelles forces de frottement soit positif, alors le système est instable.*

Dans le cas présent, considérons le champ de déplacement virtuel dans lequel le corps maintient son contact avec les appuis A et C , mais quitte l'appui B . La vitesse doit être tangentielle aux appuis A et C , donc il s'agit d'une rotation $\delta\theta$ autour du point O , croisement des normales en A et C . Pendant ce mouvement, on observera en A et C des réactions inclinées de l'angle de frottement φ . Les lignes d'action de ces deux réactions se croisent en un point D par lequel passe nécessairement leur résultante R qui, du fait de l'équilibre de translation, est de même direction que F et de sens contraire. Le travail virtuel vaut alors

$$\delta\mathcal{T} = Fx\delta\theta - Rx'\delta\theta = F(x - x')\delta\theta > 0$$

c'est-à-dire que ce mouvement correspond à une *instabilité*. Le remède consiste à placer l'appui C plus bas, de manière que le point D soit situé en-dessous de la ligne d'action de la force. Nous laissons au lecteur de vérifier qu'alors, le montage est stable par rapport à tout déplacement virtuel compatible avec les liaisons. Observons également que le frottement a ici un rôle stabilisateur : sans frottement, la réaction R passerait par le point O , et le travail virtuel serait plus grand encore.

Chapitre 5

Machines-outils à commande numérique

5.1 Généralités sur la commande numérique des machines-outils

5.1.1 Introduction

Dans les machines-outils traditionnelles, c'est-à-dire purement mécaniques, il existe une transmission liant le mouvement d'avance au mouvement de coupe. Cette transmission, unique, ne peut être branchée que sur *un seul* mouvement d'avance à la fois. On n'aura donc qu'un seul mouvement d'avance automatique. Ainsi, sur un tour parallèle, on a deux possibilités :

- avance automatique du chariot principal, ce qui engendre des cylindres ;
- avance automatique du chariot transversal, ce qui engendre des plans.

Ces deux possibilités sont *exclusives*. Aussi, pour obtenir des formes plus complexes, il faut utiliser des artifices : règle à tourner cône, dispositif de copiage, etc.

Dans les machines-outils à commande numérique, chaque mouvement d'avance possède son moteur propre et, par là même, son indépendance. La commande simultanée de ces mouvements est réalisée par un *directeur de commande numérique*, ordinateur qui exécute un *programme* établi par l'opérateur. Chaque mouvement commandé numériquement est appelé *axe*. En fonction des applications à réaliser, on utilise des machines à 2, 3, 4, 5 axes et parfois plus.

5.1.2 Principe de la commande d'un axe en position

Commande en boucle fermée

La commande en position d'un axe peut être schématisée comme suit [16, 6] (*fig. 1*) : un moteur commande le mouvement du chariot à l'aide d'une vis à billes précontrainte (la précontrainte a pour but d'éliminer les jeux). La position réelle x_r du chariot est mesurée à chaque instant par un capteur de position. La comparaison de cette position réelle avec la valeur de consigne x_c produit

un signal qui, convenablement amplifié, est transmis au moteur qui corrigera la position. C'est ce que l'on appelle une *commande en boucle fermée*.

Mesure directe et mesure indirecte

Nous n'entrerons pas dans le détail de la description des différents types de capteurs, analogiques ou numériques, absolus ou incrémentaux. Bien plus importante est la distinction entre mesure directe et mesure indirecte.

- La *mesure directe* consiste à mesurer la position du chariot par rapport au bâti, généralement à partir d'une *règle* pour un mouvement rectiligne. Elle fournit donc indiscutablement la position exacte du chariot.
- La *mesure indirecte* consiste à placer un appareil de mesure appelé *résolveur* sur la vis d'entraînement du chariot. Souvent plus facile à réaliser, cette mesure est entachée d'erreurs liées aux déformations de la liaison entre la vis et le chariot. Ce procédé est donc intrinsèquement *moins précis* que la mesure directe. Cet aspect des choses doit être pris en considération lors de l'achat d'une machine outil, car il conditionnera la précision du travail qu'elle réalisera.

5.1.3 Commande des vitesses

Lorsque l'on combine les mouvements de plusieurs axes pour obtenir une trajectoire dans une direction donnée, la direction de la tangente à la trajectoire est définie par le rapport des vitesses des différents moteurs. Il est donc nécessaire de pouvoir asservir également les *vitesses* des moteurs. A cette fin, on monte en bout de la vis d'entraînement une dynamo tachymétrique dont le signal agit en contre-réaction sur l'alimentation du moteur (à courant continu) [6].

5.1.4 Genres de commandes

Les commandes peuvent être classées en fonction des relations qu'elles permettent de réaliser entre les mouvements selon les divers axes.

Commande point par point (*fig. 2*)

Cette catégorie englobe les machines dont la table se déplace en mouvement rapide d'un point à un autre, la trajectoire étant *sans importance*, car l'usinage n'intervient que lorsque la position prescrite est atteinte. Ce type de commande se rencontre sur les perceuses, machines de soudage point par point, etc.

Commande paraxiale (*fig. 3*)

Outre un fonctionnement identique au précédent, la trajectoire de l'outil peut, *avec une vitesse d'avance donnée*, s'effectuer suivant un mouvement rectiligne et parallèle à l'un des axes de la table X, Y ou Z . Ce type de commande se rencontre sur aléseuses, fraiseuses, tours, etc. , mais ne leur donne en somme que les possibilités d'une machine traditionnelle.

Commande de contournage (*fig. 4*)

Les commandes de ce genre contiennent un système d'interpolation linéaire et circulaire, ce qui nécessite la coordination des vitesses de plusieurs axes. Il est alors possible d'usiner un plan incliné par rapport aux axes, une courbe dans le plan, etc. On trouve ce genre de commandes sur fraiseuses, tours, centres d'usinage, machines d'électro-érosion à fil, etc.

5.1.5 Nombre d'axes commandés

Un second critère de classification des commandes numériques est le nombre d'axes commandés.

Deux axes

C'est la commande classique des tours parallèles, où l'axe Z est le déplacement du chariot principal et l'axe X , le déplacement du chariot transversal.

Deux axes et demi

On rencontre ce système sur certaines machines à trois mouvements d'avance, comme les aléseuses-fraiseuses. L'interpolation ne peut se faire que sur deux axes à la fois, le troisième étant bloqué : interpolation $X-Y$ avec Z bloqué, ou $Y-Z$ avec X bloqué, ou $X-Z$ avec Y bloqué. Le plan d'interpolation est spécifié par le programme.

Ce système permet d'obtenir un grand nombre de pièces par contournages successifs en suivant les lignes de niveau. Il suffit à la plupart des problèmes des moulistes, qui utilisent à cette fin des fraises-boules.

Trois axes

Ici, les trois axes peuvent être déplacés et contrôlés simultanément, grâce à une interpolation dans l'espace. Il est par exemple possible de réaliser une trajectoire hélicoïdale. On trouve ce genre de commandes sur les aléseuses-fraiseuses, les centres d'usinage, etc.

Quatre axes

Sur une aléseuse-fraiseuse, un quatrième axe est par exemple la rotation d'un plateau tournant sur la table.

Cinq axes

Toujours sur une aléseuse-fraiseuse, on ajoutera par exemple le déplacement du fourreau de la broche ou une inclinaison de celle-ci. Les machines d'électro-érosion à fil sont généralement à cinq axes.

Six axes et plus

Les possibilités sont multiples.

Remarque

Il va sans dire que la programmation devient de plus en plus complexe à mesure que le nombre d'axes augmente. Très rapidement, la nécessité d'une *aide informatique à la programmation* se fait sentir. Il existe sur le marché un certain nombre de logiciels de F.A.O. remplissant cet office.

5.1.6 Dénomination des axes

Les mouvements rectilignes de base sont appelés X , Y et Z . Pour toutes les machines-outils à broche tournante, on appelle Z l'axe de la broche. Les mouvements perpendiculaires à Z sont appelés X et Y . Parmi ceux-ci, X désigne normalement le mouvement ayant la plus grande amplitude (en fraisage, c'est selon la longueur de la table). Les rotations autour des axes X , Y et Z sont nommées A , B et C respectivement. Enfin, il existe parfois des mouvements *secondaires* parallèles à X , Y et Z , que l'on nomme alors U , V , W respectivement.

Les sens positifs sont généralement définis par rapport à la pièce et, souvent, leur orientation est rappelée sur le pupitre de commande de la machine-outil. Ces dispositions sont illustrées par les figures 5, 6 et 7 [16].

5.2 Eléments de programmation**5.2.1 Introduction**

Nous nous limiterons dans cet exposé aux premiers rudiments de la programmation ISO en deux axes et demi sur une aléseuse-fraiseuse. Il faut noter que de nombreuses autres possibilités existent. Pour celles-ci, nous renvoyons le lecteur à la littérature spécialisée [31, 23, 17, 18, 19, 20, 29]. En outre, les différentes commandes du marché offrent des possibilités supplémentaires qui leur sont propres et ne sont donc pas portables.

La figure 7 représente une aléseuse-fraiseuse universelle à trois axes (sans ses capots) et fournit la direction des axes.

5.2.2 Géométrie

Un point d'une pièce est repérée par trois axes X , Y , Z (*fig. 8*). Pendant le travail, on choisit une origine quelconque sur la pièce. C'est ce que l'on appelle le *zéro programmé* (ZP). Il peut être choisi n'importe où sur la pièce. Mais il existe des choix plus opportuns que d'autres. La règle est évidemment de faire un choix rendant les choses simples, c'est-à-dire permettant de réaliser un maximum de cotes du dessin en cotes directes, de manière à éviter les transferts de cotes qui resserrent toujours les tolérances. On note le zéro programmé sur le dessin par le symbole représenté en figure 9.

Le zéro programmé peut être donné par palpement d'un angle de la pièce, par exemple, à l'aide d'un capteur *Renishaw*. Ce capteur permet également de prendre référence au centre d'un alésage.

5.2.3 Choix de l'origine et définition des coordonnées

Le premier travail consiste à repérer les coordonnées définissant la pièce. Nous illustrerons cette étape à l'aide d'exemples.

Exemple 1

Dans le cas de la pièce représentée en figure 10, toutes les coordonnées du dessin sont données à partir du bord inférieur gauche. Il est donc naturel de prendre ce point comme origine. Le lecteur vérifie aisément que les axes des trois trous ont les coordonnées suivantes :

$$P1 : X = 15, Y = 55$$

$$P2 : X = 45, Y = 12$$

$$P3 : X = 75, Y = 50$$

Exemple 2

On demande les cotes des points $P1$ et $P2$ de la figure 11, dans le système d'axes représenté. On a

$$P1 : X = 35, Y = 30, Z = 0$$

$$P2 : X = 70, Y = 0, Z = -30 + 15 = -15$$

Exemple 3

On demande, pour la pièce représentée en figure 12,

- de choisir l'origine;
- de coter les points a à h .

Il est facile de voir que l'origine la plus opportune est le point b . Les coordonnées X et Y des différents points sont :

$$a : X = -100, 50; Y = 0$$

$$b : X = 0; Y = 0$$

$$c : X = 0; Y = 55$$

$$d : X = -100, 50; Y = 55$$

$$e : X = -85, 63; Y = 5, 20$$

$$f : X = -10; Y = 5, 20$$

$$g : X = -10; Y = 50, 75$$

$$h : X = -40, 75; Y = 50, 75$$

Exemple 4

On demande, pour la pièce représentée en figure 13,

- de choisir l'origine;
- de coter les points a à i .

Ici, le choix le plus opportun de l'origine est le point du côté ab situé sur la hauteur abaissée du point h . Les coordonnées X et Y des différents points sont alors :

a	:	$X = -50; Y = 0$
b	:	$X = 50; Y = 0$
c	:	$X = 50; Y = 50$
d	:	$X = -50; Y = 50$
e	:	$X = -40; Y = 10$
f	:	$X = 40; Y = 10$
g	:	$X = 40; Y = 30$
h	:	$X = 0; Y = 45$
i	:	$X = -40; Y = 30$

5.2.4 Changement d'origine

Il est possible de déplacer le zéro programmé en cours d'usinage. Cette possibilité facilite, par exemple, la répétition d'un motif donné en deux endroits de la pièce (*fig. 14*).

5.2.5 Cotation absolue et cotation relative

Lorsque l'outil se trouve en une position donnée, il est possible de lui définir une nouvelle position de deux manières. On parle de cotation absolue ou de cotation relative.

- Dans la *cotation absolue*, on définit la position du point d'arrivée par rapport au zéro programmé (*fig. 15*). Pour spécifier ce type de cotation, on emploie l'ordre `G90`.
- Dans la *cotation relative* (ou *incrémentale*), on définit les composantes du déplacement faisant passer du point de départ au point d'arrivée (*fig. 16*).

Pour spécifier ce type de cotation, on utilise l'ordre `G91`.

A titre d'illustration, considérons en figure 17 le passage du point A au point B . En cotation absolue, on écrira

$$G90 X - 10 Y + 30$$

tandis qu'en cotation relative, on écrira

$$G91 X + 30 Y + 30$$

5.2.6 Ordres modaux et ordres séquentiels

Un certain nombre d'ordres constituant un programme restent valables tant qu'on ne les modifie pas explicitement. C'est ce que l'on appelle des ordres *modaux*. Au rang de ceux-ci se trouve par exemple la fréquence de rotation de la broche S .

D'autres ordres varient systématiquement d'une instruction (ligne de programme) à l'autre. On parle alors d'ordres *séquentiels*. C'est notamment le cas des coordonnées.

5.2.7 Étapes de la programmation

L'établissement d'un programme passe par les étapes suivantes :

1. Fixer l'origine et les axes.
2. Déterminer les coordonnées.
3. Établir la *gamme opératoire* :
 - Définir les déplacements.
 - Définir pour chacun de ceux-ci la vitesse d'avance F et la vitesse de rotation de la broche S .
 - Choisir les outils.
 - Définir les conditions de travail, arrosage, etc.
4. Traduire la gamme en instructions.
5. Introduire le programme dans la machine.
6. Tester le programme (simulation à l'écran ou pièce d'essai en matériau tendre, genre *uréol*)
7. Exécution du programme.

5.2.8 Les déplacements

Le type de déplacements est défini par une instruction $\boxed{G}$. Nous retiendrons

1. Les déplacements en ligne droite : $\boxed{G01}$. Cet ordre est *modal* et en outre, il s'agit de l'option par défaut. En d'autres termes, ne rien dire équivaut à dire $G01$.
2. Les déplacements circulaires,
 - dans le sens des aiguilles d'une montre, $\boxed{G02}$.
 - dans le sens trigonométrique, $\boxed{G03}$.
 Dans les deux cas, il s'agit d'un ordre *séquentiel*.
3. Les positionnements rapides, $\boxed{G00}$. Ici, la machine va se positionner à l'endroit spécifié aussi vite que possible. On ne peut donc pas spécifier de vitesse d'avance et, par ailleurs, la vitesse de rotation de la broche peut être nulle.

En outre, on peut spécifier le type de cotation, par les ordre suivants :

- Cotation absolue : $\boxed{G90}$. C'est l'option standard.
- Cotation relative : $\boxed{G91}$.

Ces ordres sont *modaux*.

Pour l'exemple de la figure 18, on pourra procéder ainsi :

```

ISN1 :  Avance rapide jusqu'en P1. Mettre la broche en rotation
ISN2 :  Aller en ligne droite vers P2. Vitesse d'avance donnée
ISN3 :  Aller de P2 en P3, selon un cercle de centre C1.  $v_f$  donnée
ISN4 :  Aller de P3 à P4 en ligne droite. Vitesse d'avance donnée.
ISN4 :  Aller de P4 en P1 en ligne droite. Vitesse d'avance donnée.
ISN5 :  Retour rapide à l'origine. Arrêt de la rotation de broche.
```

Nous verrons plus loin comment programmer effectivement des étapes de ce genre.

5.2.9 Fréquence de rotation de la broche

La fréquence de rotation de la broche se note $\boxed{S}$. Il s'agit d'un ordre *modal*. Selon la machine, la gamme des fréquences de rotation peut être continue ou discrète. Elle s'exprime toujours en *tr/min*. Comme l'illustre la figure 19, la fréquence de rotation est positive dans le sens du tire-bouchon, selon l'axe allant du pied de l'outil à sa tête. Elle est négative dans le sens contraire.

5.2.10 Vitesse d'avance

La vitesse d'avance s'exprime par $\boxed{F}$. Elle s'exprime en *mm/min*. C'est un ordre *modal*. Cette spécification ne vaut que si $S \neq 0$.

5.2.11 Changement d'outil

L'instruction $\boxed{Tnn}$ demande le passage à l'outil numéro *nn*. Sur un centre d'usinage, ce changement est automatique. Sur une machine sans changement automatique, cette instruction provoque l'arrêt de la machine avec un message demandant à l'opérateur de placer l'outil *nn*. *Attention : cette opération efface les valeurs de F et S.*

5.2.12 Fonctions de commande

Il s'agit d'ordres régissant le mode de fonctionnement de la machine. Ils s'expriment par $\boxed{M}$. Citons les principaux :

M08 :	Arrosage	<i>modal</i>
M09 :	Arrêt de l'arrosage	<i>modal</i>
M02 :	Fin de programme	(arrête <i>F</i> et <i>S</i>)
M30 :	Idem, avec retour en début de programme	

5.2.13 Exemple d'interpolation linéaire

Pour illustrer l'interpolation linéaire, considérons l'exemple simple suivant : il s'agit de creuser une rainure selon le plan de la figure 20. L'origine est le point *A*, à ras du haut de la pièce. On procédera comme suit :

1. Relever l'outil *2mm* au-dessus de la pièce, en mettant la broche en rotation.
2. Amener le centre de la fraise au-dessus du point *B*.
3. Plonger
4. Aller de *B* en *C*
5. Sortir de la pièce et revenir au point de départ.

Voyons d'abord comment programmer ce travail en cotation absolue. On écrira

N0001	G00	Z + 2	S + 500	(On se place plus haut que la pièce, en rapide)
N0002	G00	X + 30	Y + 15	(On se place au-dessus de B)
N0003	(G01)	Z - 5	F100	(Plongée à 100mm/min)
N0004	X + 80	Y + 60	F200	(Rainurage à 200mm/min)
N0005	G00	Z + 2		(Dégagement de l'outil)
N0006	M30			

Écrivons à présent la même séquence en relatif, avec arrosage

N0001	G00	Z + 2	S + 500	
N0002	G00	X + 30	Y + 15	
N0003	G91	Z - 7	F100	M08
				(relatif et arrosage)
N0004	X + 50	Y + 45	F200	
N0005	G90			(retour en absolu)
N0006	G00	Z + 2	M09	(fin arrosage)
N0007	M30			

5.2.14 Interpolation circulaire

Rappelons que l'interpolation circulaire se commande par G02 pour une rotation horlogique et par G03 pour une rotation anti-horlogique. Il y a deux façons de programmer cette interpolation.

Par le centre et le point final

Supposons (*fig. 21*) que l'on se trouve au point $A = (50; 100)$. On veut aller au point $B = (150; 100)$ en suivant un cercle de centre $C = (100; 100)$. Il faut, évidemment, que les longueurs CA et CB soient égales. Les coordonnées du centre sont notées (I, J, K) , mais attention, selon les commandes, l'option standard est d'exprimer ces coordonnées en absolu ou en relatif par rapport à A . Le plus sûr est de spécifier le système choisi. On écrira par exemple

G90 I + 100 J + 100 G02 X + 150 Y + 100 F150

Si le point final n'est pas défini, la machine exécutera un cercle complet. En relatif, on écrira

G02 X + 150 Y + 100 G91 I + 50 J + 0 F150

Par le point final et le rayon

On obtiendra le même arc de cercle en écrivant

G02 X + 150 Y + 100 R + 50 F150

Ici, bien entendu, il faut que la distance de A à B soit inférieure ou égale à $2R$.

5.2.15 Corrections d'outil

Correction de longueur

Il se peut que le programme ait été écrit en supposant que l'outil avait une longueur donnée, mais que l'on utilise un outil de longueur différente (*fig. 22*). On peut spécifier au programme que l'outil a un supplément de longueur L .

Correction de rayon

En contournage, le centre d'un outil de rayon R doit suivre une trajectoire constamment à une distance R du profil à réaliser. Cette trajectoire est du reste arrondie au passage d'un angle saillant (*fig. 23*). (Notons au passage qu'il est impossible de réaliser un angle rentrant vif : il aura toujours le rayon de la fraise.) Programmer directement une telle trajectoire corrigée serait fastidieux. Heureusement, les commandes de contournage sont capable de réaliser ces corrections de trajectoire, à condition que l'on donne le rayon de l'outil.

Définition de l'outil

Pour pouvoir établir ces deux corrections, il faut définir l'outil à l'aide de l'ordre `G99`. On écrit

<code>G99</code>	<code>T1</code>	<code>L + 10</code>	<code>R + 20</code>
	<i>numéro</i>	<i>correction</i>	<i>rayon</i>
	<i>outil</i>	<i>longueur</i>	

Correction de trajectoire

Il y a en fait (*fig. 24*) deux façons de corriger la trajectoire, selon que l'outil est à gauche de la pièce ou à sa droite. Les ordres correspondants sont

<code>G41</code>	pour une correction avec l'outil à gauche
<code>G42</code>	pour une correction avec l'outil à droite
<code>G40</code>	pour annuler la correction

Ces ordres sont *modaux*.

5.2.16 Problème de l'accostage

Lorsqu'il faut réaliser le contournage d'un profil, l'outil part nécessairement d'un point extérieur au profil et plus ou moins éloigné de celui-ci. La tendance naturelle serait de rejoindre le profil par le chemin le plus court (trajectoire OA , *fig. 25*). Mais dans cette procédure, l'outil est obligé au point A de s'arrêter contre le profil, ce qui est impossible de manière instantanée, en raison des inerties. Il en résulte inmanquablement une surcoupe (en anglais : *over-cut*) qui endommage le profil. Pour éviter cela, il convient de réaliser ce que l'on appelle un *accostage tangentiel*, c'est-à-dire de suivre une trajectoire circulaire qui se raccorde tangentielllement au profil (*fig. 26*). Un certain nombre de commandes numériques contiennent des instructions permettant de simplifier la programmation de cet accostage [29].

Chapitre 6

Optimisation en chariotage

6.1 Introduction

Après la révolution apportée par la commande numérique, qui a permis de diminuer les temps morts d'usinage, ceux-ci ont à ce point décrié que le vieux problème de la diminution du temps d'usinage proprement dit est revenu à l'honneur, car il reprend à l'heure actuelle une part significative des coûts [26].

Les premières recherches relatives à l'optimisation de l'usinage remontent à Taylor [30], qui s'efforçait de minimiser le temps de production d'une pièce. Dans la même lignée, on a également déterminé les conditions de coût unitaire minimal, et il est bien connu que ces deux repères, coût unitaire minimal et production maximale, fixent la frontière du domaine d'usinage productif [11].

Malheureusement, des considérations de ce genre font fi de la plus forte limitation en dégrossissage, à savoir, *la puissance de la machine*. Cette limitation se fait sentir de plus en plus sévèrement à mesure que les vitesses admises par les outils s'accroissent, car en augmentant la vitesse de coupe, on consomme inmanquablement plus de puissance. Il en résulte que les résultats optimisés par la voie taylorienne sont fréquemment situés au-delà des possibilités de la machine et, bien souvent, on se trouve obligé de se ramener à des vitesses plus faibles que prévu, sans trop savoir comment les choisir.

Le problème a, certes, été déjà traité de manière fort complète, notamment par *Pinte et Du Mong* [28]. Mais leur algorithme fondé sur les multiplicateurs lagrangiens n'est guère parlant. Nous présentons ici une méthode élémentaire fondée sur une inversion de la démarche habituelle : au lieu de chercher d'abord un optimum absolu, puis à le corriger tant bien que mal en fonction des possibilités de la machine, il nous semble plus efficace d'explorer *d'abord* ces possibilités, *puis* de corriger éventuellement les résultats obtenus pour tenir compte des caractéristiques de durée de vie de l'outil. Ce procédé, que l'on peut qualifier de *méthode de la puissance disponible*, sera exposé ici dans le cadre du chariotage. Il peut du reste être étendu au cas du dressage, que nous omettrons dans ce texte, mais pour lequel on pourra consulter la référence [10].

6.2 Principes de l'optimisation du chariotage

Tout algorithme d'optimisation suppose l'existence, d'une part, d'un certain nombre de *données* intangibles et, d'autre part, de *paramètres* qu'il s'agit d'ajuster de manière à obtenir le résultat *le plus satisfaisant*. Sous cette dernière expression se cache la notion de *critère d'optimisation* sur laquelle nous reviendrons. En outre, les divers paramètres sont généralement soumis à un certain nombre de *restrictions* qui limitent leur *domaine d'admissibilité*.

Pour les problèmes de chariotage, nous considérerons comme *donnés*

- La machine
- L'outil à utiliser, qui est supposé choisi tant pour sa composition que pour sa géométrie, y compris les angles de coupe
- Le diamètre à réaliser, noté d .

Sont *ajustables*, les trois paramètres normalement utilisés sur un tour, à savoir

- L'avance (par tour) f
- L'engagement ou profondeur de passe a
- La fréquence de rotation N

C'est donc le triplet (f, a, N) que nous cherchons à ajuster au mieux, en tenant compte des diverses restrictions liées au processus de coupe et à la machine. Mais avant de rentrer dans le vif du sujet, il est nécessaire de rappeler un certain nombre de caractéristiques de l'opération d'usinage envisagée.

6.3 Paramètres d'usinage fondamentaux

Tout d'abord, il y a lieu de remarquer que les paramètres fondamentaux du processus d'usinage ne sont pas f , a et N , mais des grandeurs qui leur sont liées. Il s'agit de

- L'*épaisseur de coupe* h , mesurée perpendiculairement à l'arête principale de coupe, à savoir

$$h = f \sin \kappa_r \quad (6.1)$$

- La *largeur de coupe* b , mesurée le long de l'arête principale de coupe,

$$b = \frac{a}{\sin \kappa_r} \quad (6.2)$$

- La *vitesse de coupe* v , liée à la fréquence de rotation et au diamètre par la relation

$$v = \pi d N \quad (6.3)$$

Précisons une fois pour toutes que nous travaillons dans un système d'unités *cohérent*, bannissant ainsi dans nos formules tout facteur correctif d'unités.

La *section de coupe* S est donnée par

$$S = af = bh \quad (6.4)$$

Le *débit de coupe* Q est le volume de copeaux engendré par unité de temps. Il vaut

$$Q = Sv = afv = bhv \quad (6.5)$$

6.4 Énergie spécifique de coupe. Force de coupe

On appelle *énergie spécifique de coupe* k_c le rapport entre la puissance de coupe P et le débit :

$$k_c = \frac{P_c}{Q} \quad (6.6)$$

(Il serait plus correct de parler d'énergie *volumique* de coupe, mais l'usage est consacré.) Tenant compte du fait que la puissance de coupe est le produit de la force de coupe F_c par la vitesse de coupe, on a encore

$$k_c = \frac{F_c v}{S v} = F_c S$$

soit

$$F_c = k_c S \quad (6.7)$$

ce qui justifie que k_c soit encore appelé *pression (nominale) de coupe*.

L'énergie spécifique de coupe dépend essentiellement de l'angle de coupe normal γ_n , ici supposé donné, et de l'épaisseur de coupe. Nous utiliserons ici la loi de *Kienzle*

$$k_c = k_{c11} h^{-m_c} \quad (6.8)$$

Généralement, l'exposant m_c prend des valeurs comprises entre 0,2 et 0,3. La force de coupe se calcule donc par

$$F_c = k_{c11} h^{1-m_c}$$

Mais nos paramètres pratiques étant f et a , nous préférons écrire

$$F_c = k_{c11}^* a f^{1-m_c} \quad (6.9)$$

en introduisant la grandeur

$$k_{c11}^* = \frac{k_{c11}}{\sin^{m_c} \kappa_r} \quad (6.10)$$

Le *couple de coupe* est alors donné par

$$C_c = F_c \frac{d}{2} = k_{c11}^* a f^{1-m_c} \frac{d}{2} \quad (6.11)$$

6.5 Durée de vie de l'outil

L'outil s'usant, il est nécessaire de le remplacer ou de le réaffûter de temps à autre. L'usure de l'outil est mesurée soit par l'usure VB de sa face en dépouille, soit par la profondeur KT du cratère qui s'est formé sur sa face de coupe, soit encore par la dérive de la cote [4, 11]. On définit *a priori* une valeur limite de cette usure, et on convient de déclarer l'outil *hors service* lorsque cette valeur est atteinte. On appelle conventionnellement *durée de vie de l'outil* T le temps d'usinage qui, à conditions de coupe constantes, mène à la mise hors service.

Nous admettrons que l'outil utilisé vérifie une loi de *Taylor* généralisée de la forme

$$v T^n h^p b^q = K \quad (6.12)$$

K étant une constante. Ceci peut encore être écrit

$$vT^n f^p a^q = K^* \quad (6.13)$$

avec

$$K^* = K \sin^{p-q} \kappa_r \quad (6.14)$$

Au cours de sa vie, l'outil enlèvera un volume de copeaux égal à

$$V = QT$$

Ce volume enlevé, il faut changer d'outil, ce qui suppose l'arrêt de l'usinage pendant un temps t_o appelé *temps de changement d'outil*. Le temps total nécessaire pour réduire le volume V en copeaux est donc en fait $(T + t_o)$, ce qui signifie que l'on ne peut compter que sur un *débit moyen*

$$Q_{moy} = \frac{V}{T + t_o} = \frac{Q}{1 + \left(\frac{t_o}{T}\right)} \quad (6.15)$$

dont le dénominateur dépend, par le biais de la loi de Taylor 6.12, des trois paramètres de coupe. La recherche du plus grand débit moyen constitue du reste un des deux critères tayloriens d'optimisation.

6.6 Coût variable de l'usinage

La partie variable du coût d'usinage s'établit comme suit [11]. Tout d'abord, si une pièce requiert l'enlèvement d'un volume V_p de copeaux, le temps d'usinage vaudra

$$t_u = \frac{V_p}{Q} \quad (6.16)$$

où Q est le débit de coupe. A ce temps, il faut ajouter le temps de changement d'outil. Le nombre (fractionnaire) d'outils correspondant à une pièce est donné par le rapport du temps d'usinage à la durée de vie de l'outil :

$$N_o = \frac{t_u}{T} \quad (6.17)$$

si bien que l'usinage d'une pièce prend en fait un temps moyen $(t_u + N_o t_o)$. Le coût variable d'une pièce est alors égal au coût de ce temps, augmenté du coût des N_o outils. En notant M le coût de l'unité de temps et C_o le coût d'un outil, on obtient ainsi un coût unitaire variable

$$C_1 = M(t_u + N_o t_o) + N_o C_o$$

soit

$$C_1 = M \frac{V_p}{Q} \left(1 + \frac{t_o + \frac{C_o}{M}}{T} \right) \quad (6.18)$$

La minimisation de ce coût unitaire variable constitue le second critère classique d'optimisation taylorienne.

6.7 Restrictions relatives à la géométrie de coupe

Les paramètres géométriques a et f de la coupe sont limités par les conditions suivantes :

6.7.1 Copeau minimal

Il n'est pas possible d'usiner des épaisseurs de copeau arbitrairement faibles. Il existe donc une épaisseur de coupe minimale h_m . Selon König [22],

$$h_m = 2...3 \cdot r_n$$

où r_n est le rayon du tranchant de l'outil. Malheureusement, cette valeur est rarement renseignée par les carburiers. Aussi, nous adopterons la valeur

$$h_m \approx 0,05mm \quad (6.19)$$

6.7.2 Épaisseur de coupe maximale

Pour éviter de couper avec l'arête secondaire de coupe, on limite l'épaisseur de coupe à une valeur inférieure au rayon r_ϵ du bec de l'outil. König [22] propose la valeur

$$h_M = 0,8r_\epsilon \quad (6.20)$$

Les deux conditions (6.19) et (6.20) se traduisent comme suit en termes des avances :

$$\begin{aligned} f_m &= \frac{h_m}{\sin \kappa_r} = \frac{0,05mm}{\sin \kappa_r} \\ f_{M1} &= \frac{h_M}{\sin \kappa_r} = \frac{0,8r_\epsilon}{\sin \kappa_r} \end{aligned} \quad (6.21)$$

6.7.3 Largeur de coupe minimale

Il convient d'éviter que l'outil ne coupe que sur une partie de sa pointe. C'est pourquoi on impose $b \geq b_m$ avec

$$b_m = r_\epsilon \quad (6.22)$$

6.7.4 Largeur de coupe maximale

La largeur maximale de coupe dépend de la largeur ℓ de l'arête coupante. Nous écrirons donc $b \leq b_M$ avec, selon König [22]

$$\begin{aligned} b_M &= \frac{3}{4}\ell \text{ (plaquettes carrées ou losanges à grand angle aigu)} \\ &= \frac{1}{2}\ell \text{ (plaquettes triangulaires ou losanges à faible angle aigu)} \end{aligned} \quad (6.23)$$

Les conditions (6.22) et (6.23) limitent en fait l'engagement,

$$\begin{aligned} a_m &= b_m \sin \kappa_r \\ a_M &= b_M \sin \kappa_r \end{aligned} \quad (6.24)$$

6.7.5 Élancement de la coupe

On appelle *élancement de la coupe* le rapport

$$\sigma = \frac{b}{h} = \frac{f}{a \sin^2 \kappa_r} \quad (6.25)$$

Un élancement trop faible mène à une coupe concentrée sur la pointe de l'outil, ce qui conduit à une usure prématurée. Lorsqu'au contraire, l'élancement est trop grand, les copeaux ont une forme de ruban dangereux. Il faut donc limiter l'élancement dans les deux sens, $\sigma_m \leq \sigma \leq \sigma_M$. pour fixer les idées, on peut admettre pour les aciers les valeurs suivantes :

$$\sigma_m = 3 \quad (6.26)$$

$$\sigma_M = 15 \quad (6.27)$$

6.7.6 État de surface désiré

En finition, on désire généralement obtenir une certaine qualité de surface, caractérisée par une valeur maximale de la rugosité moyenne arithmétique R_a . Rappelons que l'état de surface théorique est donné par la formule

$$R_a = 0,032 \frac{f^2}{r_\epsilon}$$

Il en résulte donc une restriction supplémentaire à l'avance

$$\begin{aligned} f_{M2} &= \sqrt{\frac{R_a r_\epsilon}{0,032}} \text{ en finition} \\ f_{M2} &= \infty \text{ sinon} \end{aligned} \quad (6.28)$$

La valeur à adopter comme avance maximale est donc

$$f_M = \min(f_{M1}, f_{M2}) \quad (6.29)$$

6.8 Limitation de l'effort de coupe

L'effort de coupe doit être limité, essentiellement pour éviter des vibrations. Selon *Pinte et Du Mong* [28], il est raisonnable d'imposer que la flèche de l'outil sous l'effort de coupe soit inférieure à

$$\delta = 0,065 \text{ mm}$$

Si le corps d'outil a une section d'inertie I et un porte-à-faux x , on a, pour un module de Young E

$$\delta = \frac{F_c x^3}{3EI}$$

ce qui fixe la condition

$$F_{cM\delta} = \frac{3EI\delta}{x^3} \quad (6.30)$$

6.9 Limitations liées à la machine

6.9.1 Gamme de fréquences de rotation

Que la machine ait une gamme continue ou discontinue de fréquences de rotation, il existe de toute manière une fréquence de rotation minimale et une fréquence de rotation maximale et force sera de choisir N dans l'intervalle

$$N_m \leq N \leq N_M \quad (6.31)$$

6.9.2 Puissance disponible

Il est clair que la machine devra être capable de fournir la puissance nécessaire à la coupe. En fait, en-deçà d'une fréquence de rotation N_{nom} dite fréquence *nominale* de rotation, c'est le *couple* qui est limité ; au-delà de cette fréquence de rotation, c'est la *puissance* qui est limitée. On a donc, *au moteur*

$$\begin{aligned} P &= 2\pi N C_M \text{ pour } N \leq N_{nom} \\ P &= P_{nom} ; \text{ pour } N \geq N_{nom} \end{aligned} \quad (6.32)$$

A cette puissance, il faut retrancher les pertes dans la machine. Un modèle assez satisfaisant consiste à écrire qu'à *l'outil*, la puissance disponible est donnée par

$$P_{disp} = \eta_{eff}(P - P_v) \quad (6.33)$$

où η_{eff} est le *rendement effectif* et P_v , la *puissance à vide*. Cette dernière est une fonction croissante de la fréquence de rotation, légèrement convexe. Il est généralement suffisant (*fig. 1*) de l'approcher par une interpolation linéaire de la forme

$$P_v = 2\pi N C_v \quad (6.34)$$

où C_v peut être interprété comme le couple à vide. Au total, on a donc

$$\begin{aligned} P_{disp} &= \eta_f 2\pi N (C_M - C_v) \text{ pour } N \leq N_{nom} \\ P_{disp} &= \eta_f (P_{nom} = 2\pi N C_v) \text{ pour } N \geq N_{nom} \end{aligned} \quad (6.35)$$

situation qui est représentée en figure 2 par la courbe OAB . Il est commode dans les raisonnements d'y adjoindre le segment vertical BD au droit de N_M . On définit ainsi un ensemble fermé se puissances disponibles limité par le polygone $OABDO$.

6.10 Détermination de la géométrie de coupe

6.10.1 Problème fondamental

Un premier problème consiste à choisir les dimensions a et f de la coupe *en supposant l'effort de coupe limité*. On détermine d'abord les limites de variation de a et f à partir des relations (6.21), (6.24), (6.28) et (6.29). On porte ces limites sur un diagramme ayant l'engagement pour abscisse et l'avance pour ordonnée (*fig. 3*). Sur le même diagramme, on peut encore porter la courbe d'équation

$$F_{cM} = k_{c11}^* a f^{1-m_c}$$

En omettant provisoirement les contraintes liées à l'élanement de la coupe, la région admissible pour les paramètres a et f est la zone hachurée de la figure 3. Le choix du couple (a, f) dans cette zone peut être guidé par la remarque suivante. Si l'on impose la durée de vie T de l'outil, la vitesse dépendra de a et f par la relation

$$v = K^* T^{-n} a^{-q} f^{-p}$$

directement issue de la loi de Taylor. Cette valeur conduit au débit

$$Q = afv = (K^* T^{-n}) a^{1-q} f^{1-p} \quad (6.36)$$

Le débit moyen

$$Q_{moy} = \frac{Q}{1 + \frac{t_o}{T}}$$

varie, dans ces conditions, comme Q . Étant donné que q et p sont normalement inférieurs à l'unité, le débit croît visiblement avec l'avance et l'engagement. Les solutions productives sont donc situées dans la portion $ABCD$ de la frontière de l'ensemble admissible (fig. 3). Bien plus, de A à B , le débit augmente, puisque l'engagement croît ; il en est de même de D à C , puisque l'avance croît sur ce tronçon. Sur la courbe BC , on a constamment

$$F_{cM} = k_{c11}^* a f^{1-m_c}$$

ce qui implique

$$\frac{da}{a} = -(1 - m_c) \frac{df}{f}$$

Dès lors, par (6.36),

$$\begin{aligned} \frac{dQ}{Q} &= (1 - q) \frac{da}{a} + (1 - p) \frac{df}{f} \\ &= [(1 - p) - (1 - q)(1 - m_c)] \frac{df}{f} \end{aligned} \quad (6.37)$$

Des valeurs typiques des exposants apparaissant dans cette formule sont

$$p = 0,4 ; q = 0,1 ; m_c = 0,2$$

ce qui donne

$$(1 - p) - (1 - q)(1 - m_c) = 0,6 - 0,9 \cdot 0,8 = -0,12$$

Toutes les données courantes d'usinage donnent ainsi à la grandeur entre crochets de (6.37) une valeur *négative*. Par conséquent, sur la courbe $F_c = F_M$, on augmente le débit en diminuant l'avance ou, ce qui revient au même, en augmentant l'engagement. L'optimum est donc obtenu au point C de la figure 3, pour autant qu'il satisfasse aux exigences d'élanement.

Pratiquement, la manière la plus simple d'opérer un choix est d'établir un tableau donnant, pour des valeurs de l'engagement régulièrement espacées entre a_m et a_M , les valeurs extrêmes permises pour l'avance, $f_{min}(a)$ et $f_{max}(a)$ correspondant au diagramme de la figure 3, ainsi que la valeur minimale de l'élanement, $[b/h_{max}]_a$. Le choix normal, si l'élanement est convenable, est le couple $(a_M, f_{max}(a_M))$.

6.10.2 Découpage en passes successives

Dans maints problèmes de dégrossissage, la question se pose autrement. On part d'un diamètre initial d_1 pour arriver à un diamètre final d_2 . Il faut donc enlever une surépaisseur radiale

$$s = \frac{d_1 - d_2}{2} \quad (6.38)$$

La procédure courante pour y arriver est de subdiviser cette surépaisseur en un certain nombre de passes égales et faisables avec l'outil considéré. Le nombre minimal de passes à réaliser est donné par

$$n_m = \left(\frac{s}{a_M} \right)_{\text{excès}}$$

Pour calculer ce quotient par excès entre nombre *réels*, on procède comme suit : on calcule d'abord le quotient par défaut

$$q = \text{ent} \left(\frac{s}{a_M} \right)$$

le symbole 'ent' désignant la partie entière d'un nombre. Alors,

– Si

$$\left| \frac{s}{a_M} - q \right| \leq \varepsilon$$

ε étant un nombre mesurant la précision des calculs de la machine (ordinateur, calculette) sur des réels, par exemple, $\varepsilon = 10^{-16}$, on adopte q comme valeur du quotient par excès.

– Dans le cas contraire, on adopte la valeur $(q + 1)$.

L'approximation d'ordre relatif ε ainsi consentie est sans conséquence marquante sur la suite. On établit alors un tableau des avances admissibles en fonction de l'engagement comme dans le problème fondamental, mais en ne considérant que les valeurs suivantes de l'engagement :

$$\frac{s}{n_m}, \frac{s}{n_m + 1}, \frac{s}{n_m + 2}, \text{ etc.}$$

jusqu'à obtenir une fraction de s inférieure à a_m , valeur qu'il ne faut évidemment pas prendre en considération.

6.10.3 Cas de la finition

Pour les passes de finition, le problème se pose dans l'autre sens : *étant donné le diamètre à obtenir, quelle surépaisseur faut-il prévoir pour la finition ?* Cette surépaisseur doit être choisie dans l'intervalle admissible pour l'engagement et aussi petite que possible pour diminuer au maximum les efforts de coupe. La condition relative à la rugosité limite souvent les avances de manière sévère. Pour le reste, on procède comme dans le cas du problème fondamental.

Remarque - Il convient de préciser que les passes de finition doivent être déterminées *en premier lieu*, car ce sont elles qui définissent le diamètre d_2 de fin de dégrossissage.

6.11 L'usinage faible

6.11.1 Définitions

Les dimensions de la coupe étant définies, il reste à déterminer la vitesse de coupe. A ce stade, la puissance de la machine peut être une limitation importante. En effet, la force de coupe est à présent connue, et la puissance de coupe

$$P_c = F_c v$$

croît linéairement avec la vitesse.

Nous parlerons d'*usinage faible* dans le cas où la puissance de la machine est suffisamment grande pour ne pas constituer un obstacle. Dans le cas contraire, nous dirons qu'il s'agit d'un *usinage fort*. Cette classification dépend *essentiellement* de la machine choisie. Ainsi, une même opération, indépendamment du fait qu'il s'agisse de dégrossissage ou de finition, pourra être faible ou forte selon que la machine est elle-même plus ou moins puissante.

Dans le cas de l'usinage faible, on n'a donc pas à se soucier de la puissance de la machine, et on peut déterminer des optima *absolus*. Au contraire, en usinage fort, la machine est essentiellement dimensionnante et les optima que l'on peut obtenir sont *relatifs à la machine*. C'est dire que le choix d'une machine plus puissante permettrait alors d'obtenir de meilleures conditions de coupe, *pour autant que cette machine soit disponible*. En fait, l'usinage fort est le cadre naturel du dégrossissage dont la stratégie générale est d'enlever, par unité de temps, autant de matière que la machine le permet.

6.11.2 Optimisation taylorienne

Les résultats classiques d'optimisation de l'usinage faible sont bien connus. En 1907, *Taylor* [30] a choisi comme critère d'optimisation le *maximum du débit moyen*

$$Q_{moy} = \frac{afv}{1 + \frac{t_o}{T}}$$

Notant que pour a et f donnés, la loi de Taylor (6.12) prend la forme

$$v = K^{**} T^{-n} \quad (6.39)$$

on obtient

$$Q_{moy} = \frac{afK^{**}}{T^n \left(1 + \frac{t_o}{T}\right)} \quad (6.40)$$

expression qui admet un maximum pour une durée de vie égale à

$$T_{PM} = \frac{1-n}{n} t_o \quad (6.41)$$

On en déduit la vitesse de production maximale v_{PM} par (6.39).

Un autre critère d'optimisation classique est le *minimum du coût unitaire variable* (6.18)

$$C_1 = M \frac{V_p}{Q} \left(1 + \frac{t_o + \frac{C_o}{M}}{T}\right)$$

qui, en vertu de (6.39), se transforme en

$$C_1 = M \frac{V_p}{afK^{**}} T^n \left(1 + \frac{t_o + \frac{C_o}{M}}{T} \right) \quad (6.42)$$

On retrouve au numérateur de cette expression le dénominateur de (6.40), sauf à remplacer t_o par $(t_o + C_o/M)$. En conséquence, le minimum est obtenu pour la durée de vie

$$T_{cm} = \frac{1-n}{n} \left(t_o + \frac{C_o}{M} \right) \quad (6.43)$$

qui est supérieure à T_{PM} . Ici encore, on déduit la vitesse correspondante de (6.39).

Une étude approfondie de la question [11] conduit aux conclusions suivantes :

- L'utilisation d'une vitesse de coupe supérieure à v_{PM} est toujours anti-économique : le débit moyen décroît et le coût unitaire augmente simultanément.
- Il en est de même pour les vitesses de coupe inférieures à v_{cm} .
- Dans une situation de *concurrence parfaite*, le gain par unité de temps est maximal pour une certaine vitesse située entre v_{cm} et v_{PM} . C'est pourquoi l'intervalle $[v_{cm}, v_{PM}]$ est appelé *intervalle de productivité*.
- Le cas d'un producteur important, confronté à une courbe de demande décroissante, est plus complexe. Disons simplement que dans ce cas, l'optimum se déplace en direction du coût minimal [9].

6.11.3 Algorithme d'optimisation de l'usinage faible

La première remarque à faire est que les deux limites de durée de vie T_{cm} et T_{PM} sont indépendantes des paramètres géométriques a et f . On peut donc choisir *a priori* une durée de vie dans l'intervalle de productivité. On détermine alors a et f par la méthode décrite en section 6.10, puis on calcule la vitesse par

$$v = \frac{K^*}{T^n f p a^q} \quad (6.44)$$

La fréquence de rotation s'en déduit par

$$N = \frac{v}{\pi d} \quad (6.45)$$

Dans le cas d'une machine à gamme discrète de fréquences de rotation, on choisit pour N la valeur de la gamme juste inférieure à la fréquence de rotation calculée, de manière à assurer au moins la durée de vie souhaitée.

6.12 Choix de la vitesse en usinage fort

En usinage faible, la limitation de puissance se trouve au-delà des deux vitesses de référence v_{cm} et v_{PM} . Elle est représentée en figure 6 par la verticale P_f . En usinage fort, au contraire, la limite de puissance P_F est située à gauche de l'une au moins de ces vitesses. Supposons-la d'abord à gauche de v_{cm} . comme on peut le constater sur la figure, c'est alors la vitesse de pleine puissance qui permet alors d'obtenir à la fois le coût unitaire minimal et le débit moyen maximal. Le

cas intermédiaire d'une limitation P'_F située entre les deux vitesses de référence est un peu plus complexe, puisqu'en fonction de la durée de vie choisie, la vitesse optimale en usinage faible peut ou non se situer dans le domaine réalisable sur la machine. La manière la plus simple de procéder consiste à raisonner dans le diagramme (P, N) (*fig. 7*) dans lequel on a préalablement tracé les frontières du domaine de puissance. Pour a et f donnés, on peut calculer la force de coupe

$$F_c = k_{c11}^* a f^{1-m_c}$$

et le couple de coupe

$$C_c = F_c \frac{d}{2}$$

qui est indépendant de la vitesse. Le lieu géométrique des différents points de fonctionnement possibles est la droite d'équation

$$P_c = 2\pi N C_c$$

représentée par la marque C en figure 7.

Choisissant comme en usinage faible une durée de vie T , on peut déduire une vitesse v et une fréquence de rotation N par les formules (6.44) et (6.45). Ceci détermine un point sur la demi-droite C . A ce stade, quatre cas sont possibles :

1. Le point figuratif X' du fonctionnement est situé dans la zone des puissances disponibles. Il s'agit alors d'un usinage faible et X' est l'optimum recherché.
2. Le point figuratif X'' du fonctionnement se trouve en dehors de la zone des puissances disponibles. Dans ce cas, l'usinage est fort, et il faut diminuer la fréquence de rotation en se maintenant sur la demi-droite C , jusqu'à trouver son point d'intersection X avec la frontière de la zone de puissance disponible. Une telle intersection n'existe que si la demi-droite C a un coefficient angulaire inférieur à celui du segment OA , soit si

$$C_c \leq \eta_{eff}(C_M - C_v) \quad (6.46)$$

On détermine alors analytiquement l'intersection de la demi-droite C avec la droite AB , ce qui mène à la condition

$$2\pi N C_c = \eta_{eff}(P_{nom} - 2\pi N C_v)$$

dont la solution est

$$N = \frac{\eta_{eff} P_{nom}}{2\pi(C_c + \eta_{eff} C_v)} \quad (6.47)$$

Dans le cas où cette formule mène à une valeur de N supérieure à N_M , l'intersection se trouve en fait sur la branche BD de la frontière et il faut poser

$$N = N_M \quad (6.48)$$

3. Il peut encore arriver que le point X''' soit situé en-deçà de la fréquence de rotation minimale de la machine. Dans ce cas, la durée de vie de référence ne peut être atteinte et il faut soit modifier l'outil, soit diminuer a et f .
4. Enfin, il peut se faire que la condition (6.46) soit violée. Il faut alors diminuer a et f .

Ainsi présentée, cette méthode peut être considérée comme une correction de l'optimisation taylorienne. Nous préférons, quant à nous, adopter la démarche inverse, que l'on peut qualifier de *méthode de la puissance disponible*.

La première étape consiste toujours à choisir une durée de vie optimale, que nous considérerons comme un *minimum* et que nous noterons en conséquence T_m .

Dans une seconde étape, on détermine directement la fréquence de rotation de pleine puissance N_{pp} par les formules (6.47) et (6.48). On en déduit la vitesse à pleine puissance

$$v_{pp} = \pi d N \quad (6.49)$$

Dans une troisième étape, on calcule la durée de vie correspondante

$$T_{pp} = \left[\frac{K^*}{v_{pp} a^q f^p} \right]^{1/n} \quad (6.50)$$

et on la compare à T_m . Si T_{pp} est supérieur à T_m , la solution que l'on vient de calculer est la bonne et il s'agit en fait d'un usinage fort. Dans le cas contraire, on est en présence d'un usinage faible, et il faut se ramener à la durée de vie T_m en posant

$$v = \frac{K^*}{T_m^n a^q f^p} = v_{pp} \left(\frac{T_{pp}}{T_m} \right)^n \quad (6.51)$$

et

$$N = \frac{v}{\pi d} \quad (6.52)$$

Il reste le cas exceptionnel où $N < N_m$, pour lequel il faut modifier l'outil, a ou f .

Comme on peut le constater, la méthode de la puissance disponible revient en fait à considérer l'usinage faible comme l'exception et non le contraire. A l'inverse des méthodes classiques, *c'est ici la machine qui sert de point de départ*.

Le lecteur aura sans doute remarqué que nous n'avons plus envisagé le cas d'impossibilité (4) évoqué ci-dessus. C'est que, précisément, *on peut construire dans le cadre de notre méthode un algorithme de choix des dimensions de la coupe qui élimine automatiquement ce problème*.

6.13 Choix des dimensions de la coupe à partir de la puissance disponible

Nous savons donc qu'en usinage fort, la solution se trouve sur la portion ABD de la frontière de la zone des puissances disponibles (*fig. 7*). On se déplace sur cette courbe en modifiant les paramètres a et f de la coupe. Proposons-nous de chercher le point de débit maximal, après avoir fixé une fois pour toutes l'élancement

$$\sigma = \frac{b}{h}$$

ou ce qui revient au même, le rapport

$$\tau = \frac{a}{f} \quad (6.53)$$

La puissance de coupe peut s'exprimer en termes de la section S et du rapport τ par la formule

$$P_c = k_{c11}^* S^1 - (m_c/2) \tau m_c/2 \cdot v \quad (6.54)$$

On en déduit

$$\frac{dP_c}{P_c} = \left(1 - \frac{m_c}{2}\right) \frac{dS}{S} + \frac{dv}{v}$$

ce qui implique

$$\frac{dS}{S} = \frac{1}{1 - \frac{m_c}{2}} \left[\frac{dP_c}{P_c} - \frac{dv}{v} \right]$$

Il en découle

$$\frac{dQ}{Q} = \frac{dS}{S} + \frac{dv}{v} = \frac{1}{1 - \frac{m_c}{2}} \left[\frac{dP_c}{P_c} - \frac{m_c}{2} \frac{dv}{v} \right] \quad (6.55)$$

Lors du passage du point D au point B de la frontière, la vitesse reste invariable (à diamètre constant) et comme la puissance augmente, il en est de même du débit. De B à A , on assiste simultanément à une augmentation de la puissance et à une diminution de la vitesse, si bien que le débit augmente encore. *C'est donc le point A, à la fréquence nominale de rotation, qui correspond au maximum de débit.*

C'est à partir de ce point, correspondant du reste à la force de coupe maximale, qu'il convient de faire le choix de a et f . On suit pour cela la procédure indiquée en section 6.10, avec une force maximale définie par

$$F_{cM} = \min(F_{cMP}, F_{cM\delta}) \quad (6.56)$$

où $F_{cM\delta}$ est la force maximale définie par les problèmes de déformation de l'outil (section 6.8) et F_{cMP} , la force disponible au point A , à savoir,

$$\begin{aligned} F_{cMP} &= \frac{P_A}{v_A} \\ &= \frac{\eta_{eff} 2\pi N_{nom} (C_M - C_v)}{\pi d N_{nom}} \\ &= \frac{2\eta_{eff} (C_M - C_v)}{d} \end{aligned} \quad (6.57)$$

Il ne faudrait pas en conclure que tous les usinages doivent de faire à la fréquence nominale. En effet, le choix particulier de a et f mènera souvent à une force de coupe F_c inférieure à F_{MP} . C'est d'ailleurs toujours le cas lorsque $F_{cM\delta} < F_{cMP}$. Le point représentatif de cette force à la fréquence de rotation N_{nom} est donc un point A' situé en-dessous de A et correspondant à un couple C'_A (fig. 8). L'optimum en usinage fort est alors le point X , que l'on obtiendra comme en section 6.12.

Il est aisé de s'assurer que la méthode indiquée ci-dessus garantit automatiquement la vérification de la condition (6.46) : *le cas d'impossibilité 4 de la section précédente disparaît donc de l'analyse.*

Chapitre 7

Procédés spéciaux d'usinage

Procédés spéciaux d'usinage

Voici un tableau des performances de divers procédés. Nous étudierons la puissance spécifique brute P/Q , la puissance courante, le débit, la précision.

Procédé	P/Q (GPa)	Puissance courante (kW)	Débit correspondant (cm ³ /s)	Précision	
				la meilleure (μm)	à $P_{\max}$ (μm)
Tournage	2,5	25	10	2,5	125
Rectification	25	20	0,8	2,5	75
Plasma	50	150	3	250	2500
Electro-érosion	100	12,5	0,125	12,5	125
Electrochimique	400	150	0,375	12,5	125
Ultrasons	500	12,5	0,025	5	25
Electro Beam	25 000	7,5	0,0003	5	25
Laser	150 000	15	0,0001	12,5	125
Chimique	-	---	0,5	12,5	50

On constatera que sur le plan énergétique, la coupe est le procédé le plus économique. Les usinages spéciaux ne se justifient donc que dans la mesure où ils permettent des choses nouvelles.

Fig. 289

USINAGE AUX ULTRASONS

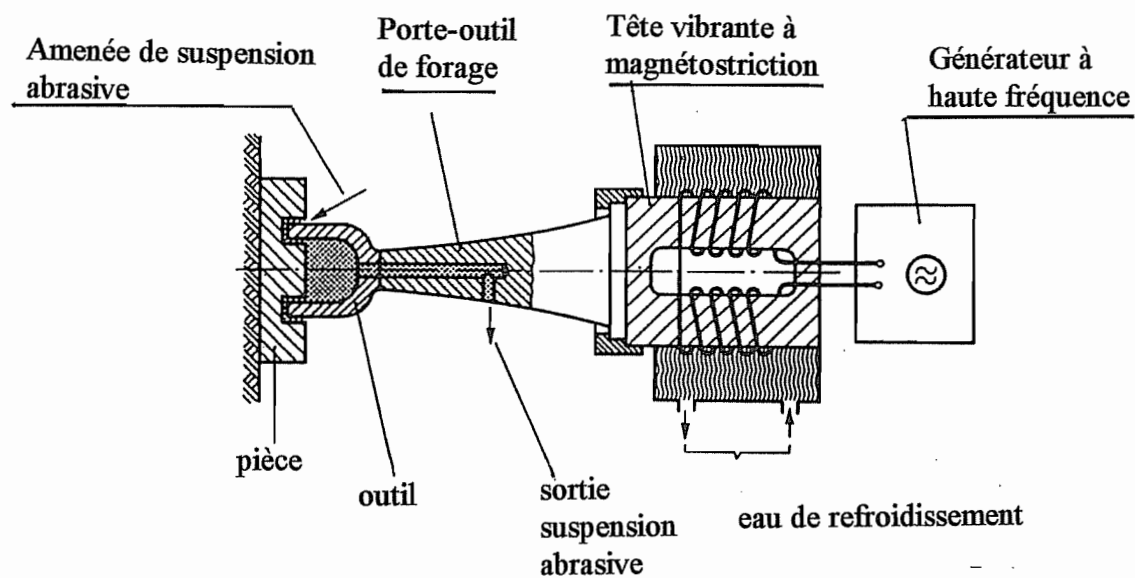


Fig. 290

PRINCIPE DE FONCTIONNEMENT

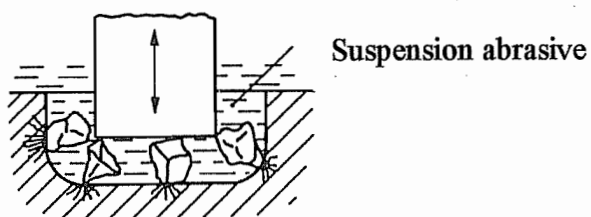


Fig. 291

Usinage aux ultrasons

1. L'usinage aux ultrasons consiste à *marteler* la pièce par des grains d'abrasif, sous l'action d'un outil en vibrations. L'impact d'un grain provoque le détachement *fragile* d'une écaille. Il va donc sans dire que ce procédé ne convient que pour le travail des matériaux *fragiles*. L'outil, quant à lui, doit être *ductile* (cuivre, par exemple).

Pratiquement, on amène les abrasifs sous forme d'une suspension dans un liquide. Les mouvements de l'outil doivent être très rapides si l'on veut une productivité suffisante. On l'excite donc à une fréquence très élevée, de l'ordre de 25 000 Hz. Il s'agit donc d'une fréquence ultrasonique, d'où le nom du procédé. Pour y arriver, on utilise une tête vibrante à magnétostriction, et le mouvement est amplifié par une *sonotrode*, dont le principe est le suivant : son premier mode de vibration libre-libre présente un maximum plus important à l'extrémité que du côté de l'excitation.

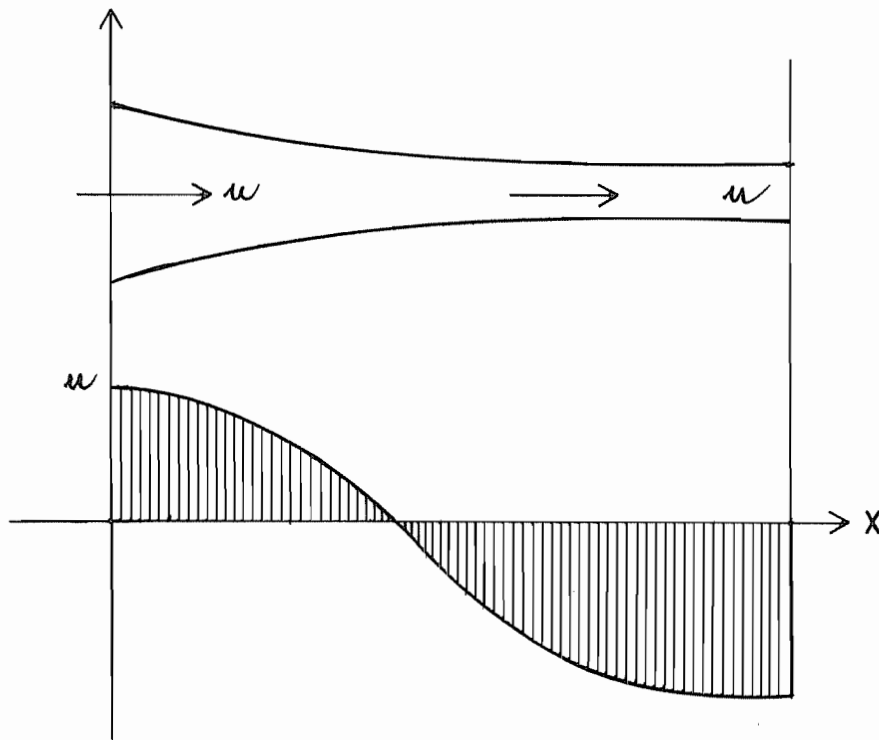


Fig. 292

2. Asservissement. Le système est asservi de manière à donner un effort moyen sur la pièce constant. La figure ci-contre représente un tel asservissement.

L'effort est mesuré. Après amplification, la mesure de cet effort, si elle est hors norme, provoque une alarme. On compare alors l'effort mesuré à la consigne, ce qui permet de déterminer une mesure à prendre quant à l'avance. Celle-ci, donnée par vis, est encore contrôlée.

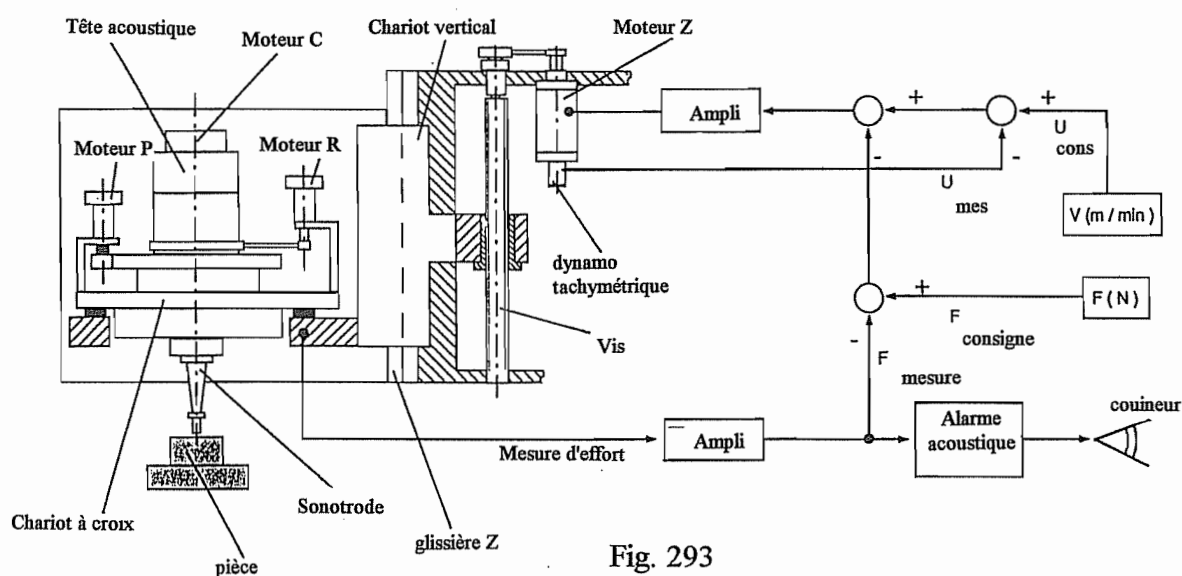


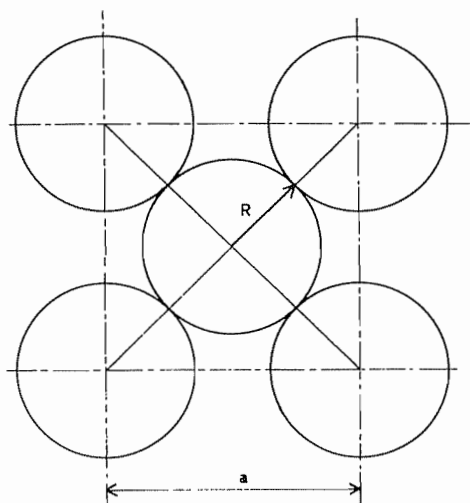
Fig. 293

PRINCIPE DE REGULATION DE L'AVANCE D'UNE INSTALLATION A ULTRASONS

3. Modélisation élémentaire

3.1. Coefficient de concentration des grains

La concentration maximale en grains s'obtient pour la géométrie suivante, où le carré de côté a contient $1 + \frac{4}{4} = 2$ grains, avec



$$a\sqrt{2} = 4R, \quad a = \frac{4R}{\sqrt{2}}$$

La surface de cette maille est

$$S = a^2 = \frac{16}{2} R^2 = 8R^2$$

R 284

Fig. 294

On a donc, pour un nombre $n = 2$ de grains,

$$S = 4 n R^2.$$

On mesure la concentration par le nombre

$$\beta = \frac{4 n R^2}{S}$$

appelé *coefficient de concentration*.

3.2. Analyse dimensionnelle

Interviennent dans le problème :

1. La vitesse d'avance	v	L/T
2. L'amplitude du mvt	y_o	L
3. La pulsation	w	$1/T$
4. La contrainte statique sur l'outil	σ_s	F/L^2
5. La dureté de la pièce	HB	F/L^2
6. Le rayon moyen des grains	R	L
7. Le coefficient de conc.	η	1

soit 7 grandeurs, pour 3 unités. Il nous faut donc former 4 nombres sans dimension. Nous choisirons

- π_1 contenant v : $\frac{v}{w y_o}$
- π_2 contenant σ_s : $\frac{\sigma_s}{H}$
- $\pi_3 = \eta$
- Il reste π_4 contenant R : y_o/R .

Nous pouvons donc affirmer qu'il existe une relation

$$\frac{v}{w y_o} = f\left(\frac{y_o}{R}, \frac{\sigma_s}{HB}, \eta\right).$$

L'expérience montre que, pour des contraintes moyennes pas trop grandes, la vitesse d'avance est proportionnelle à σ_s . Nous écrirons donc

$$\frac{v}{w y_o} = \frac{\sigma_s}{HB} f'\left(\frac{y_o}{R}, \eta\right)$$

L'expérience montre que $v \neq \sigma_s$

$$\Rightarrow \frac{v}{y_o w} = \frac{\sigma_s}{HB} f' \left(\frac{y_o}{R}, \eta \right)$$

Analyse simplifiée

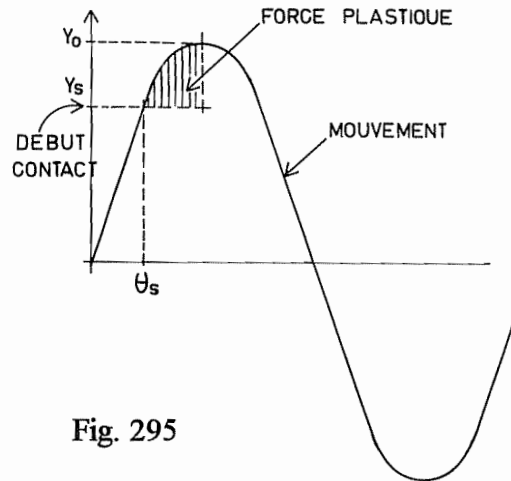


Fig. 295

Sur 1 grain,

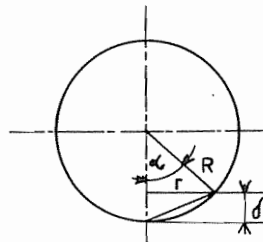
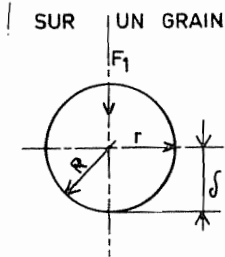


Fig. 296

On admet que $F_1 = HB \cdot \text{surface} = HB \cdot \pi r^2 = 2\pi \cdot HB \cdot R \cdot \delta = k\delta$ $k = 2\pi \cdot HB \cdot R$

$$F_1 = k(y - y_s) = k y_o (\sin \theta - \sin \theta_s)$$

$$\overline{F_1} = \frac{1}{2\pi} \int_{\theta_s}^{\pi/2} k y_o (\sin \theta - \sin \theta_s) d\theta = \frac{1}{2\pi} k y_o [-\cos \theta - \theta \sin \theta_s]_{\theta_s}^{\pi/2} = \frac{1}{2\pi} k y_o \left[\cos \theta_s - \frac{\pi}{2} \sin \theta_s + \theta_s \sin \theta_s \right]$$

avec

$$y_o \sin \theta_s = y_s \quad y \cos \theta_s = \sqrt{1 - \frac{y_s^2}{y_o^2}}$$

$$\overline{F_1} = \frac{k y_o}{2\pi} \left[\sqrt{1 - \frac{y_s^2}{y_o^2}} - \frac{\pi}{2} \frac{y_s}{y_o} + \frac{y_s}{y_o} \arcsin \frac{y_s}{y_o} \right] \quad y_s = y_o - \delta_o$$

$$= \frac{k y_o}{2\pi} \left[\sqrt{1 - \left(1 - \frac{\delta_o}{y_o}\right)^2} - \frac{\pi}{2} \left(1 - \frac{\delta_o}{y_o}\right) + \left(1 - \frac{\delta_o}{y_o}\right) \arcsin \left(1 - \frac{\delta_o}{y_o}\right) \right] = \frac{k y_o}{2\pi} F \left(\frac{\delta_o}{y_o} \right)$$

δ_o/y_o	0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	1
$f\left(\frac{\delta_o}{y_o}\right)$	0	0,02997	0,08520	0,1574	0,2436	0,3424	0,4528	0,5741	0,7059	0,8479	1
$\log \delta_o/y_o$		-1	-0,6990	-0,5229	-0,3979	-0,3010	-0,2218	-0,1549	-0,09691	-0,04376	0
$\log F$		-1,523	-1,070	-0,8030	-0,6133	-0,4655	-0,3441	-0,2410	-0,1513	-0,07166	0
$\left(\frac{\delta_o}{y_o}\right)^{1,5}$	0	0,03162	0,08944	0,1643	0,2530	0,3536	0,4648	0,5857	0,7155	0,8538	1
$\left(\frac{\delta_o}{y_o}\right)^{1,530}$		0,02951	0,08523	0,1585	0,2461	0,3463	0,4577	0,5794	0,7108	0,8511	1

$$F \approx 1,013 \left(\frac{\delta_o}{y_o}\right)^{1,521} \approx \left(\frac{\delta_o}{y_o}\right)^{1,5} \approx \left(\frac{\delta_o}{y_o}\right)^{1,530}$$

Fig. 297

ajusté

Donc

$$\overline{F}_1 \approx \frac{ky_o}{2\pi} \cdot \left(\frac{\delta_o}{y_o}\right)^{1,5} = R.HB. \frac{\delta_o^{1,5}}{y_o^{0,5}}$$

Pour N grains, on a donc

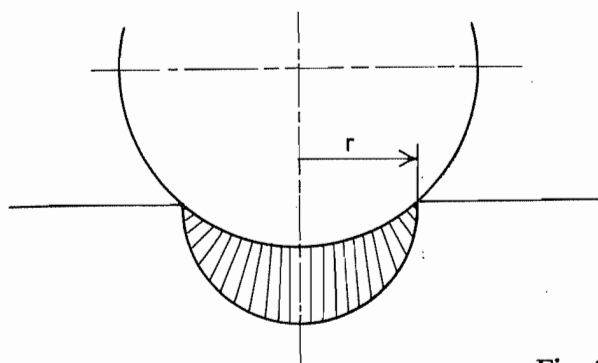
$$\overline{F} = N\overline{F}_1 = NR.HB. \frac{\delta_o^{0,5}}{y_o^{0,5}}$$

La contrainte moyenne est alors

$$\sigma_s = \frac{\overline{F}}{S} = \frac{N}{S} R.HB. \frac{\delta_o^{1,5}}{y_o^{0,5}}$$

$$\text{Or, } \eta = \frac{4NR^2}{S} \Rightarrow \frac{NR}{S} = \frac{\eta}{4R} \Rightarrow \sigma_s = \frac{\eta}{4R} HB \frac{\delta_o^{1,5}}{y_o^{0,5}} \quad (1)$$

* Le volume enlevé par grain sera évalué comme la demi-sphère de rayon r, soit



$$V_1 = \frac{2}{3} \pi r^3 = \frac{2}{3} \pi (2R\delta_o)^{3/2}$$

Pour les N grains, il vient

$$V = NV_1 = \frac{2}{3} \pi N (2R\delta_o)^{3/2}$$

et, comme

Fig. 298

$$N = \frac{\eta S}{4R^2},$$

on obtient

$$V = \frac{2}{3} \pi \frac{\eta S}{4R^2} (2R\delta_o)^{3/2}$$

Ce volume est enlevé au cours d'un cycle, de temps $\frac{2\pi}{\omega}$. Donc

$$\dot{V} = \frac{\omega}{2\pi} \cdot \frac{2}{3} \pi \frac{\eta S}{4R^2} (2R\delta_o)^{3/2} = \frac{\omega \eta S}{12R^2} (2R\delta_o)^{3/2}$$

La vitesse d'avancement est alors

$$v = \frac{\dot{V}}{S} = \frac{\omega \eta}{12R^2} (2R\delta_o)^{3/2} \quad (2)$$

On peut écrire (1) sous la forme

$$\frac{\sigma_s}{HB} = \frac{\eta}{4} \cdot \left(\frac{\delta_o}{R}\right)^{1.5} \cdot \left(\frac{R}{y_o}\right)^{0.5} \quad (1')$$

et (2) équivaut à

$$\frac{v}{\omega y_o} = \frac{\eta}{12} \cdot 2^{3/2} \frac{\delta_o^{1.5}}{R^{0.5} y_o} = \frac{\eta}{12} \cdot 2^{3/2} \left(\frac{\delta_o}{R}\right)^{1.5} \cdot \left(\frac{R}{y_o}\right) \quad (2')$$

Divisant ces deux relations, on obtient

$$\frac{\frac{v}{\omega y_o}}{\frac{\sigma_s}{HB}} = \frac{1}{3} \cdot 2^{3/2} \cdot \left(\frac{R}{y_o}\right)^{1/2},$$

soit

$$\frac{v}{\omega y_o} = 0,9428 \cdot \frac{\sigma_s}{HB} \cdot \left(\frac{R}{y_o}\right)^{1/2}$$

ou encore

$$v = 0,9428 \omega_o \cdot \frac{\sigma_s}{HB} \cdot \sqrt{R y_o}$$

En fait, l'efficacité est bien moindre, car les grains sont de grandeur variable, et les petits grains pénètrent élastiquement. Il est bon de poser

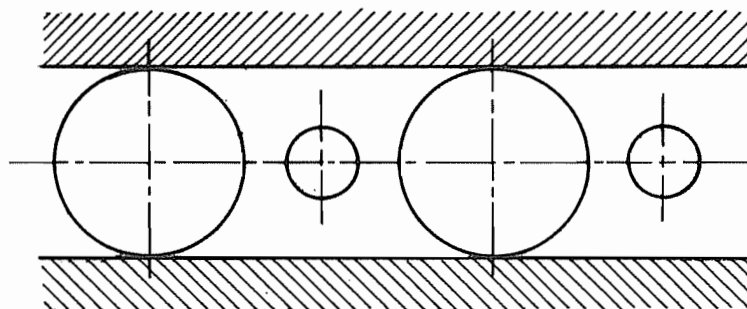


Fig. 299

$$v \approx 0,1 w_o \frac{\sigma_s}{HB} \sqrt{Ry_o}$$

On remarquera que η n'intervient pas dans cette relation simplifiée.

4. Applications

- travail du verre
- découpage des semi-conducteurs
- finition de matrices de matériaux très durs
- finition des poinçons de frappe
- rodage de filières en WC
- découpage de plaques de saphir ou de Ge
- fabrications d'électrodes de graphite de haute qualité pour électroérosion.

MAIS lent !

Sonotrode

Elle est excitée à la fréquence propre de son premier mode d'extension libre-libre. On utilise par exemple une sonotrode exponentielle, dont la section est

$$S(x) = S_0 e^{-2\beta x} \quad (d(x) = d_0 e^{-\beta x}).$$

On a donc

$$V = \frac{1}{2} \int_0^l ES \left(\frac{du}{dx} \right)^2 dx = \frac{1}{2} ES_0 \int_0^l e^{-2\beta x} \left(\frac{du}{dx} \right)^2 dx$$

$$T = \frac{1}{2} \varpi^2 \int_0^l \rho S \mu^2 dx = \frac{1}{2} \varpi^2 \rho S_0 \int_0^l e^{-2\beta x} \mu^2 dx$$

Les modes propres d'extension ont pour équation

$$-ES_0 \frac{d}{dx} \left(e^{-2\beta x} \frac{du}{dx} \right) + \varpi^2 \rho S_0 e^{-2\beta x} \mu = 0$$

soit

$$\frac{d}{dx} \left(e^{-2\beta x} \frac{du}{dx} \right) + \frac{\varpi^2 \rho}{E} e^{-2\beta x} \mu = 0$$

ou encore, en notant

$$\lambda^2 = \frac{\varpi^2 \rho}{E},$$

$$e^{-2\beta x} \frac{d^2 u}{dx^2} - 2\beta e^{-2\beta x} \frac{du}{dx} + \lambda^2 e^{-2\beta x} u = 0.$$

Simplifiant par $e^{-2\beta x}$, on obtient l'équation linéaire à coefficients constants

$$\frac{d^2 u}{dx^2} - 2\beta \frac{du}{dx} + \lambda^2 u = 0,$$

cherchant une solution de la forme

$$\mu = A e^{zx},$$

on obtient l'équation caractéristique

$$z^2 - 2\beta z + \lambda^2 = 0.$$

dont les solutions sont

$$z = \beta \pm i \sqrt{\lambda^2 - \beta^2}$$

La solution générale est donc

$$\mu = Ae^{\beta x} \cos(\gamma x + \varphi), \quad \gamma = \sqrt{\lambda^2 - \beta^2}$$

Les modes cherchés correspondent à $\mu'(0) = \mu'(l) = 0$, soit

$$\begin{aligned} Ae^{\beta x} (\beta \cos \varphi - \gamma \sin \varphi) &= 0 \\ Ae^{\beta x} [\beta \cos (\gamma l + \varphi) - \gamma \sin (\gamma l + \varphi)] &= 0 \end{aligned}$$

Il faudra donc que

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{\beta}{\gamma}$$

$$\operatorname{tg} (\gamma l + \varphi) = \frac{\beta}{\gamma}$$

La première valeur non nulle de γl qui vérifie la seconde condition est

$$\gamma l = \pi,$$

ce qui donne

$$\gamma = \frac{\pi}{l}$$

et

$$\frac{\omega^2 \rho}{E} = \lambda^2 = \gamma^2 + \beta^2 = \frac{\pi^2}{l^2} + \beta^2 = \frac{\pi^2}{l^2} \left(1 + \frac{\beta^2 l^2}{\pi^2} \right)$$

Donc

$$\omega = \frac{\pi}{l} \sqrt{\frac{E}{\rho}} \cdot \sqrt{1 + \frac{\beta^2 l^2}{\pi^2}}$$

ω_0 , pulsation pour $\beta = 0$

Le coefficient d'amplification est

$$\left| \frac{\mu(l)}{\mu(o)} \right| = \left| \frac{A e^{\beta l} \cos(\gamma l + \varphi)}{A \cos \varphi} \right| = e^{\beta l} = \frac{d(o)}{d(l)}$$

Exemple
(MAFELL)

$$d(o) = 54 \text{ mm}$$

$$d(l) = 18 \text{ mm}$$

$$l = 125 \text{ mm}$$

$$e^{\beta l} = \frac{54}{18} = 3$$

$$\beta l = 1,099$$

$$\beta = \frac{1,099}{0,125} = 8,792 \text{ m}^{-1}$$

$$\text{Acier} \rightarrow \omega_o = \frac{\pi}{0,125} \sqrt{\frac{2,1 \cdot 10^{11}}{7800}} = 130400 \text{ s}^{-1}$$

$$= 130700 \sqrt{1 + \left(\frac{1,099}{\pi} \right)^2} = 138200 \text{ s}^{-1} \quad f = \frac{\omega}{2\pi} = 21990 \text{ Hz}$$

$$\tan \varphi = \frac{\beta}{\gamma} = \frac{\beta l}{\pi} = 0,3498 \quad \varphi = 19,28^\circ \rightarrow \text{noeud env.} \quad \gamma x = \frac{\pi}{180} (90 - 19,28) = 1,234$$

$$x = \frac{1,234 \cdot l}{\pi} = 49,11 \text{ mm}$$

Soit le mode avec $u = q$ à gauche, $u = -kQ$ à droite. Pour ce mode,

$$V = \frac{1}{2}kq^2, \quad T = \frac{1}{2}mw^2q^2$$

et on a, pour une excitation (f_1 à gauche, f_2 à droite),

$$\begin{array}{cc} f_1 & f_2 \\ \rightarrow & \rightarrow \end{array}$$

$$(k - \omega^2 m)q = f_1 K f_2$$

Le système se comporte donc comme un levier.

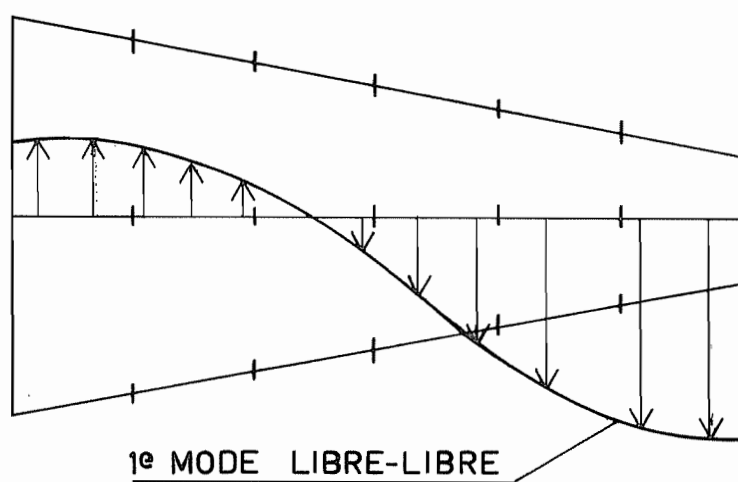
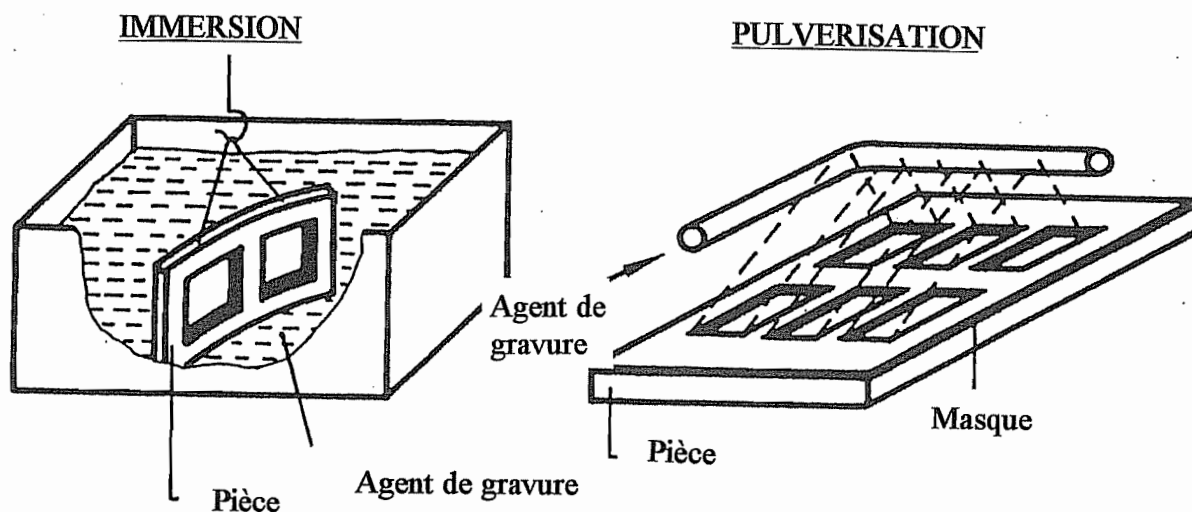
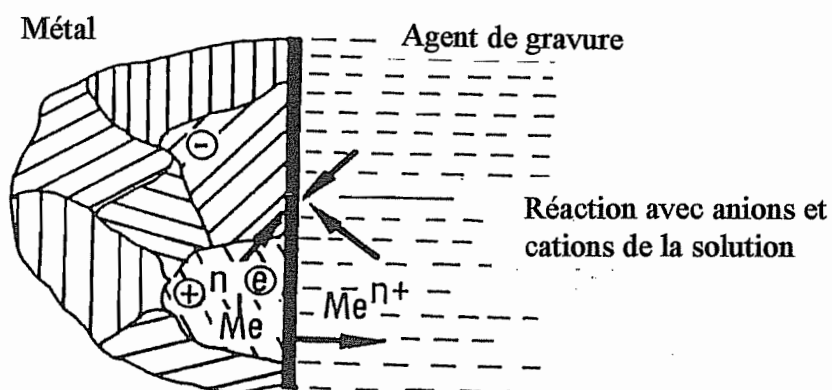


Fig. 300

GRAVURE CHIMIQUE

PRINCIPE

MILIEU DE TRAVAIL : Solutions aqueuses de HCl , HNO_3 , H_2SO_4 , $NaOH$, ...

VITESSE D'EROSION : 0,01 à 0,08 mm/min.

ETAT DE SURFACE : $R_a = 1$ à 15 μm .

GENERATION DE LA FORME : à l'aide d'un masque. Périodiquement, remuer la pièce ou la sortir de la solution.

Fig. 301

USINAGE ELECTROCHIMIQUE

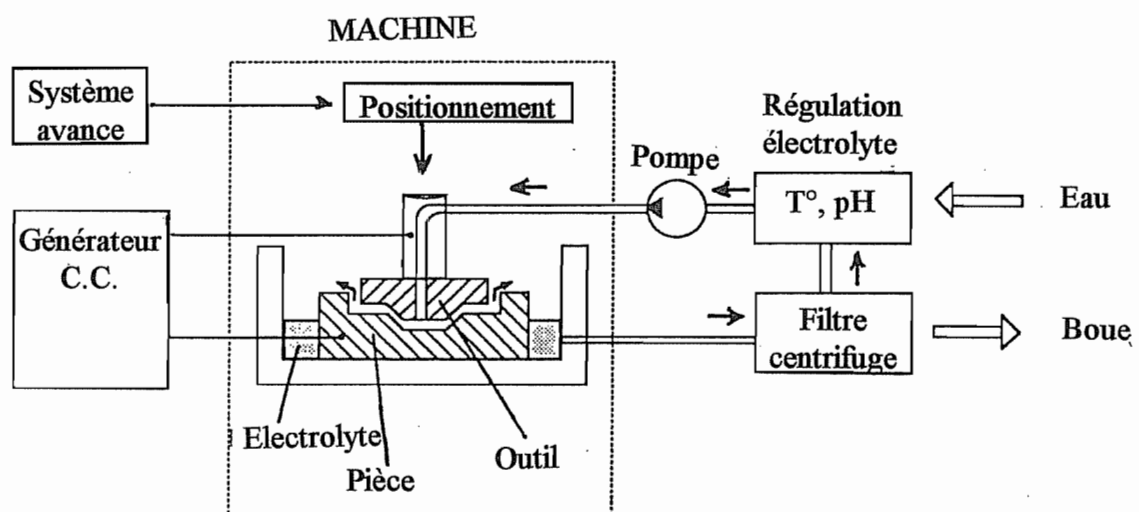
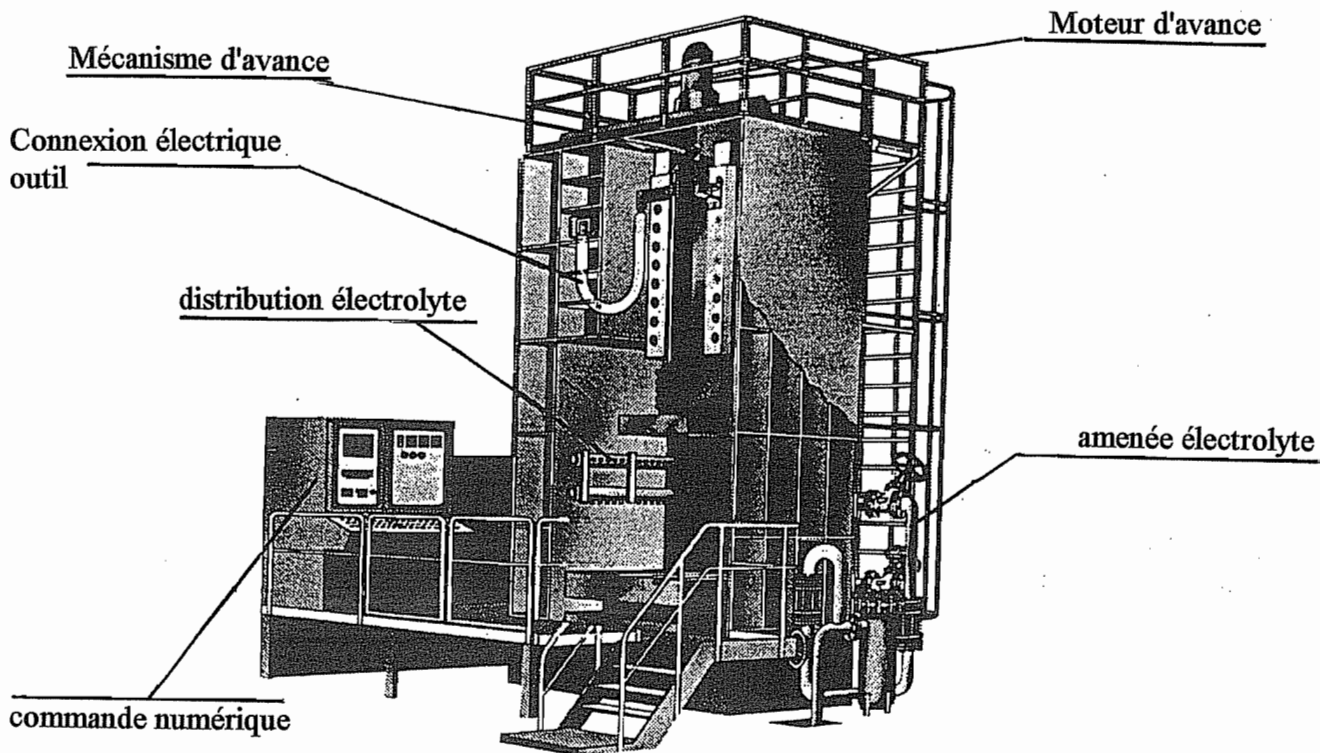


Fig. 302

Usinage électrochimique

1. Développé vers 1958-1960 aux Etats-Unis, ce procédé a pour utilisateurs principaux les industries de l'aéronautique et de l'automobile.

2. Imaginons une pièce en fer et un outi neutre en cuivre, avec une solution saline (NaCl, NaNO₃). On aura les réactions suivantes :

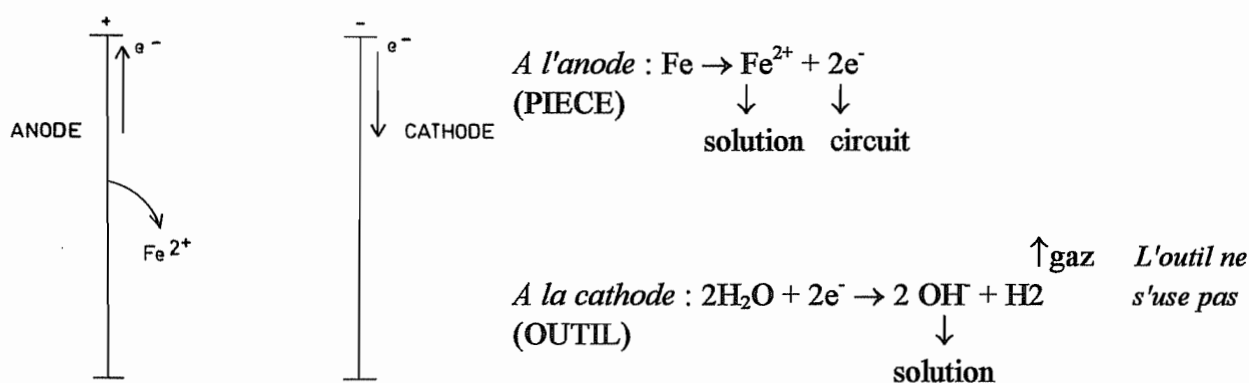


Fig. 303

Dans la solution : $\text{Fe}^{2+} + 2\text{OH}^- \rightarrow \text{Fe}(\text{OH})_2 \downarrow$

3. Loi de Faraday : il faut un Faraday, soit

$$\mathcal{F} = 96 \cdot 500 \cdot 000 \text{ Cb}$$

pour former l'équivalent kg d'ions, soit $\frac{M}{z}$ kg d'ions, où M est la masse atomique et z, la valence. Donc, la masse enlevée après un temps t, est

$$m = \frac{M}{z} \cdot \frac{It}{F}$$

En pratique, la réaction est accompagnée de réactions secondaires, et on ne peut compter que sur une portion η du courant pour la réaction principales :

$$m = \eta \frac{M}{z} \frac{It}{F}$$

Le débit volumique est donc

$$\dot{V} = \frac{m}{\rho t} = \eta \frac{M}{\rho z F} I$$

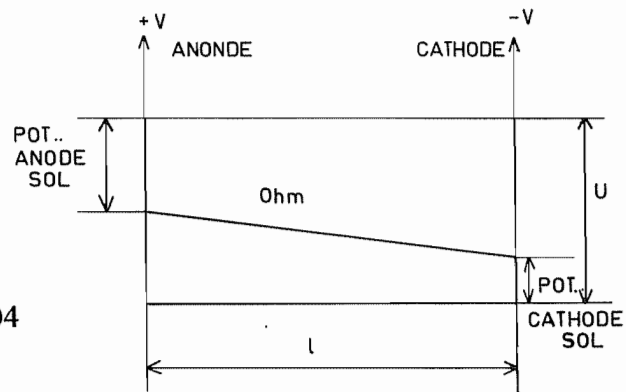
4. Comportement électrique

On a $U = \Delta U_{\text{an}} + \Delta U_{\text{cath}} + RI$
 ΔU : saut de potentiel

5. Energie spécifique brute

$$\frac{P}{\dot{V}} = \frac{UI}{\dot{V}} = \frac{U\rho zF}{M}$$

Fig. 304



Elle dépend essentiellement de U , donc de ΔU . Plus celui-ci est grand, plus il faut de l'énergie.

6. Isolation de l'outil : nécessaire pour forer un trou cylindrique.

7. Dispositions pratiques

Le diélectrique doit évacuer la production de chaleur donnée par

$$P_{\text{chal}} = RI^2 = (U - \Delta U) I$$

Cette chaleur est emmagasinée par l'électrolite :

$$P_{\text{chal}} = G c_p \Delta T \quad G = \text{débit massique.}$$

En limitant ΔT à une faible valeur (15°C par ex.) pour éviter l'ébullition, on obtient

$$G = \frac{(U - \Delta U) I}{C_p \Delta T}$$

Ce débit est en général important et, vu la petitesse du gap, il en résultera une forte perte de charge et, donc, une forte pression d'alimentation. On travaille avec

$$p = 5 \dots 50 \text{ bar,}$$

ce qui suppose des machines importantes pour reprendre l'effort normal qui en résulte.

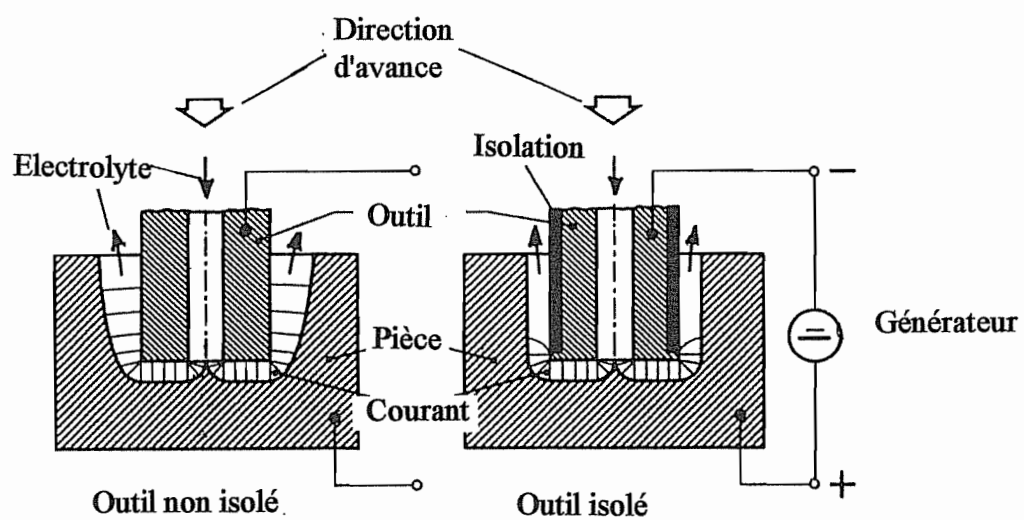


Fig. 305

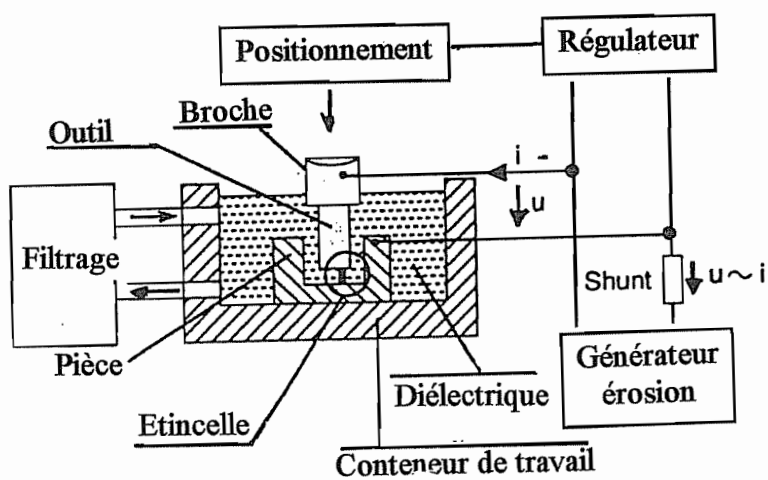


Fig. 306

Electro-érosion

1. L'électro-érosion est, au départ, le fruit des recherches des époux LAZARENKO (URSS, 1944). Le point de départ est le fait qu'en faisant naître une étincelle entre deux électrodes, on provoque leur érosion. Ce phénomène est bien connu dans le cas des interrupteurs. C'est ce phénomène qui rend nécessaire le remplacement périodique des vis platinees d'une voiture.

Si les deux électrodes sont de même métal, l'étincelle attaque plus la borne $\oplus$ que la borne $-$, du moins pour les étincelles rapides (bombardement électronique). A la différence de l'usinage électrochimique, *l'outil s'use*.

2. Mise en oeuvre. La pièce et l'outil reproduisant en négatif la forme à obtenir sont placés dans un bain d'électrolyte. Un générateur d'impulsions produit un courant pulsé à une fréquence donnée ($f = 20 \dots 300$ kHz). Sous l'effet de champ, il naît en un point une *étincelle*, qui a lieu de préférence entre les points les plus rapprochés. Cette étincelle produit un petit cratère. Le processus continuant, on finit par arracher, petit cratère par petit cratère, une épaisseur appréciable de la pièce. Il faut donc que l'outil avance. La *régulation de l'avance* est le problème le plus *délicat* à résoudre.

2bis. Applicabilité : Il suffit que le matériau soit conducteur, indépendamment de sa dureté. L'inconvénient essentiel est la *faible productivité*. Mais on peut couper du nitrure de bore cubique !

3. Fonctionnement de l'étincelle

Entre deux points rapprochés des électrodes, le champ est plus important. Il y a accrochement d'électrons à la cathode. Ceux-ci, heurtant les molécules, provoquent une ionisation intense avec formation de photons. Il naît un canal de plasma conducteur. Le choc des particules $\oplus$ et $\ominus$ sur les électrodes provoque leur échauffement. Elles sont liquéfiées et vaporisées localement. Il y a formation d'une bulle de gaz à très haute pression (10^3 bar). Lorsque le courant est coupé, la pression tombe dans la bulle, ce qui provoque la vaporisation explosive du métal fondu qui est éjecté dans le liquide pour former des particules sphériques.

Au point de vue électrique, la tension est constante entre le moment de la mise sous tension et l'apparition de l'étincelle. A ce moment, la tension diminue.

PARAMETRES DE L'ELECTRO-EROSION

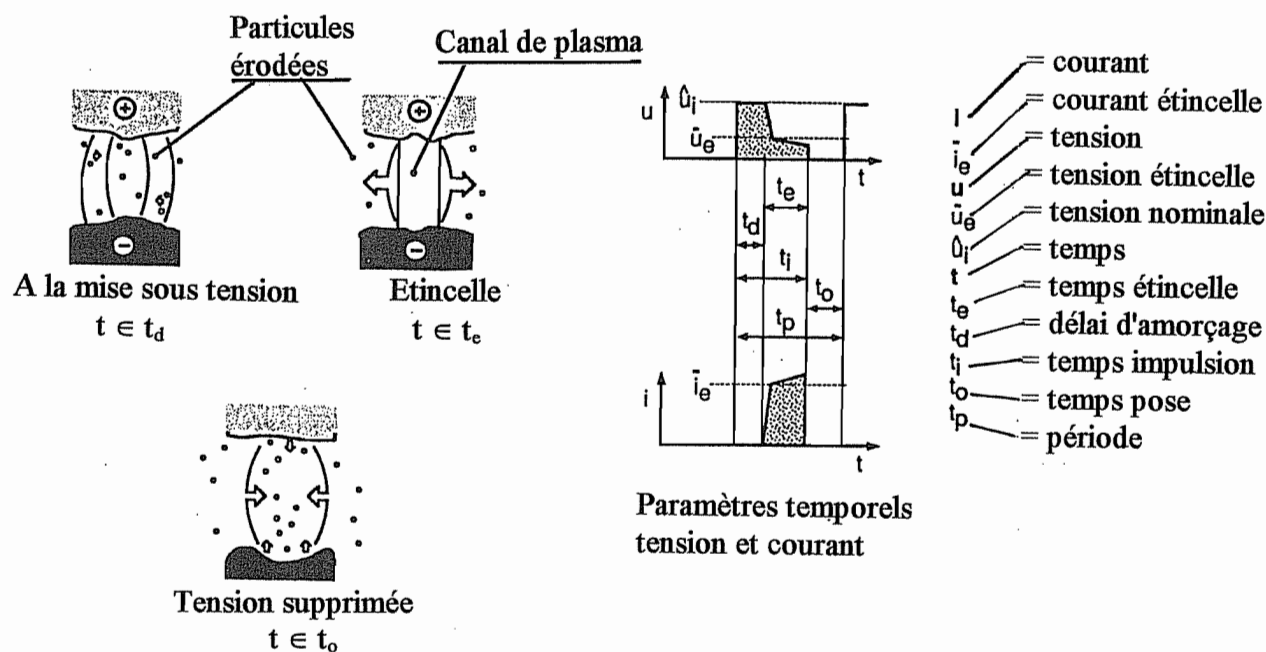


Fig. 307

Asservissement du "gap"

$$u = \frac{1}{T} \int u(t) dt \approx u_i \frac{t_i}{t_p}$$

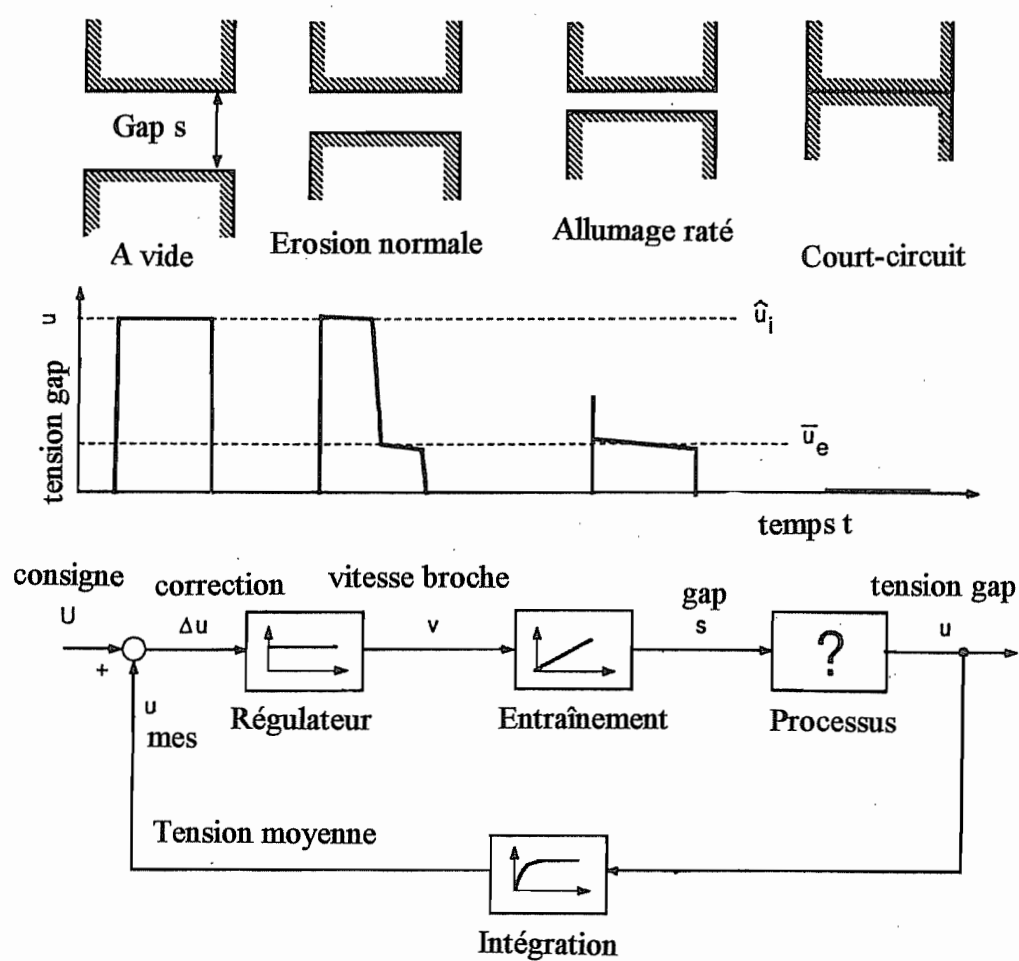


Fig. 308

4. Asservissement du gap

Appelant μ_i la tension nominale et μ_e la tension d'étincelle, voyons comment varie la tension moyenne

$$u = \frac{1}{T} \int_{\text{période}} u(t) dt$$

A vide, il n'y a pas d'étincelle et

$$u = u_i \frac{t_i}{t_p} \quad (\text{gap trop grand})$$

Pour un gap nul,

$$u = 0$$

Pour un gap trop faible,

$$u \approx u_e \frac{t_i}{t_p}$$

Pour une érosion normale,

$$u \approx \frac{u_i t_d + u_e t_e}{t_p}$$

On constate donc que la tension moyenne permet de mesurer l'efficacité du processus. Ceci permet de concevoir un système d'asservissement où, à partir de la tension moyenne, on peut établir une correction du gap.

5. Electro-érosion planétaire

On peut donner à l'outil un mouvement planétaire, ce qui permet par exemple de faire une saignée ou de faire la finition d'un trou en travaillant sur la *surface latérale*. On notera que le contour obtenu est alors arrondi.

ELECTRO-EROSION PLANETAIRE

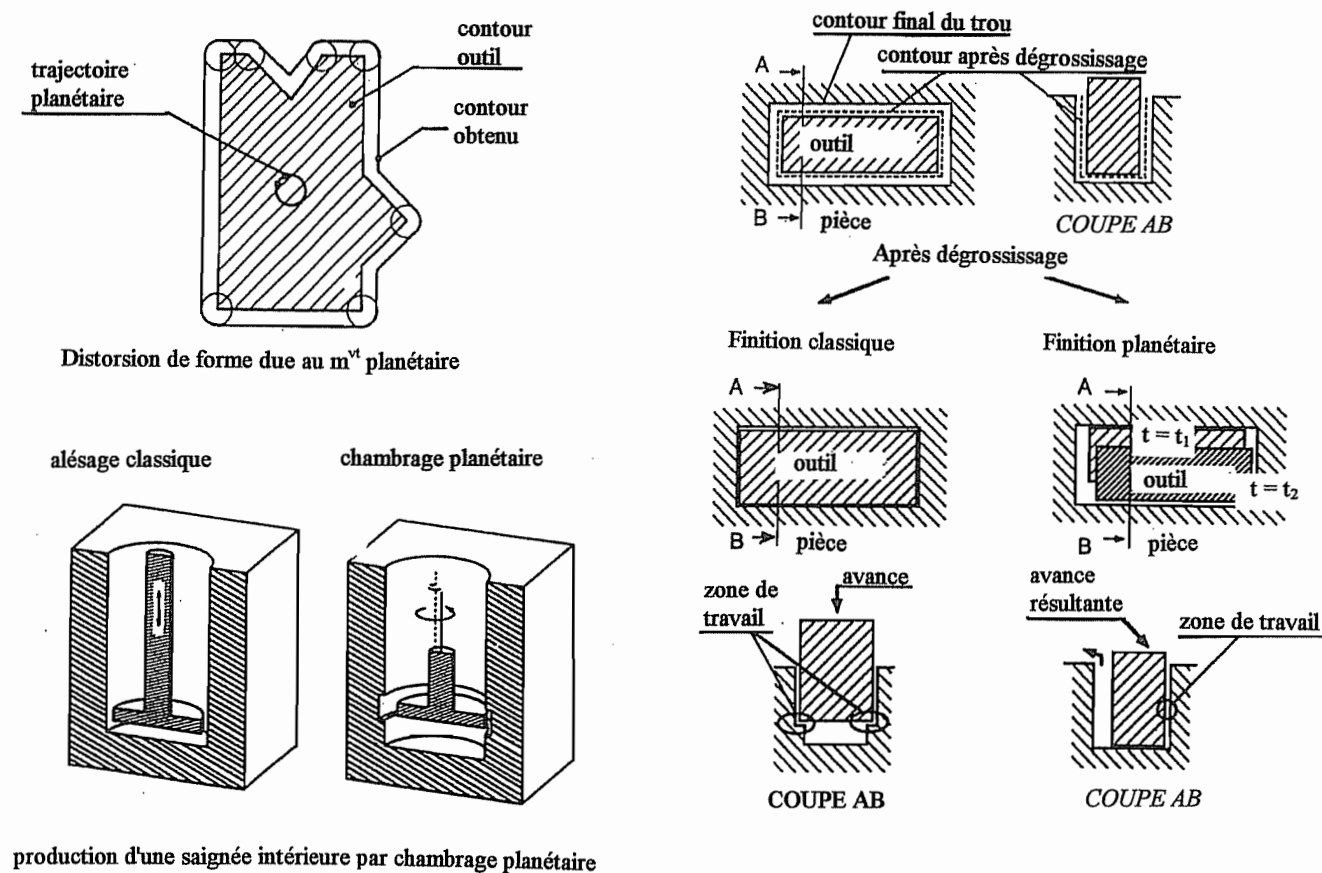
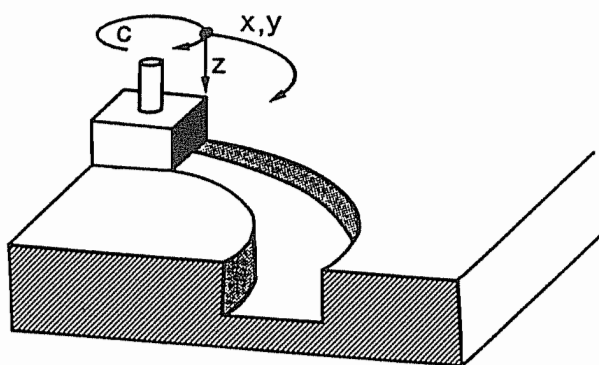


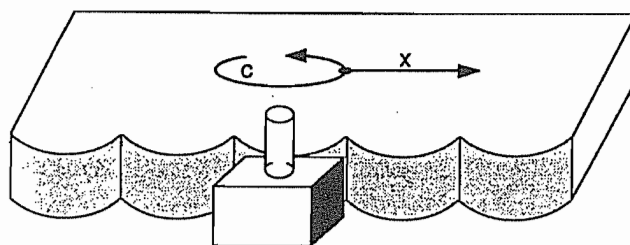
Fig. 309

6. En combinant un mouvement de contournage avec une rotation de l'outil (4 axes), on peut obtenir des formes complexes.



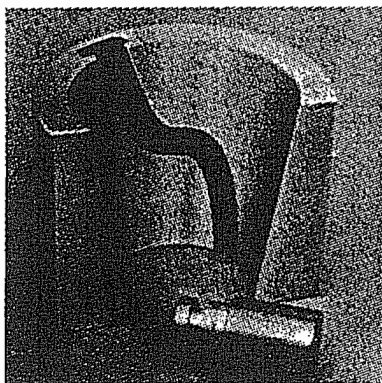
Electro-érosion: contournage combiné avec rotation c

Fig. 310



Erosion selon x combinée avec rotation C

Fig. 311



Exemple d'application du contournage
par électro-érosion

Fig. 312

7. Electro-érosion à fil

Un outil trop mince s'userait trop vite. On corrige ce défaut en faisant défiler un fil. Ci-contre une machine à 5 axes.

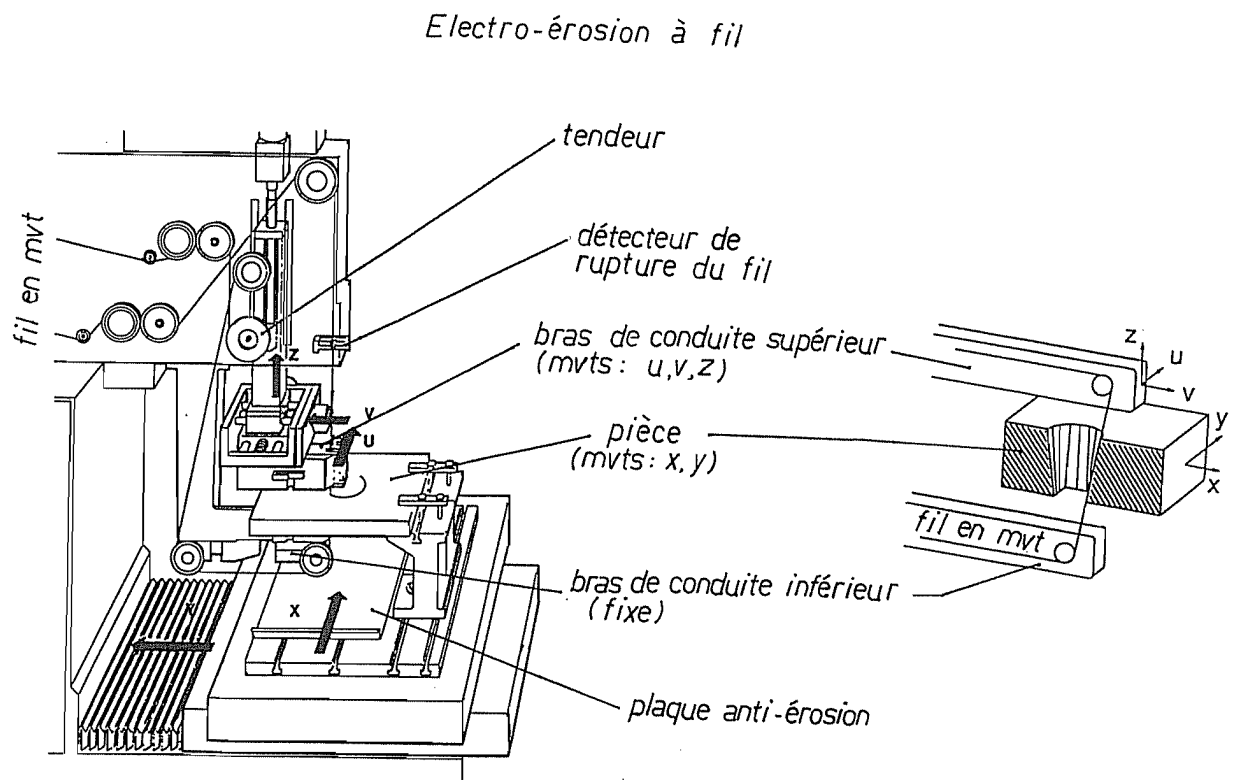
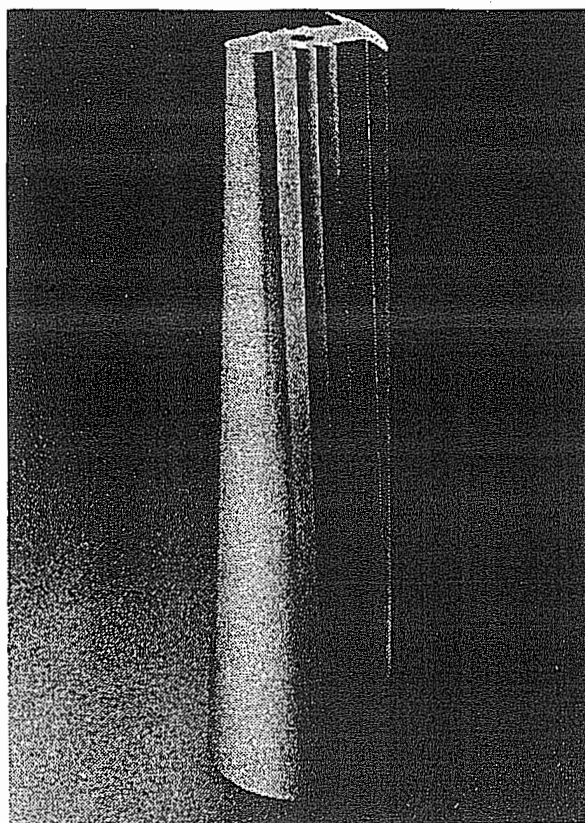


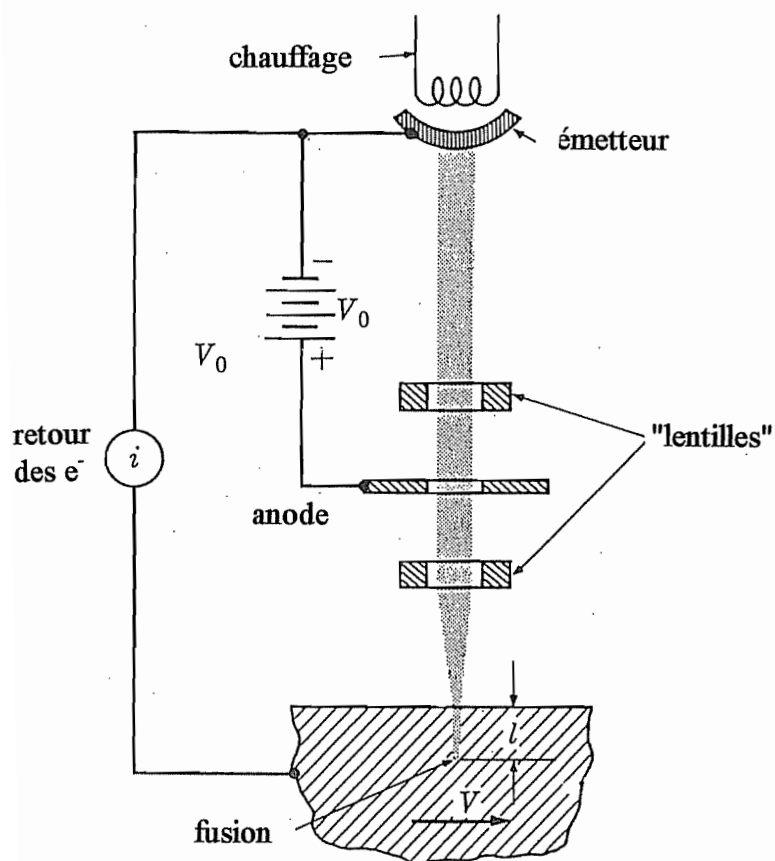
Fig. 313



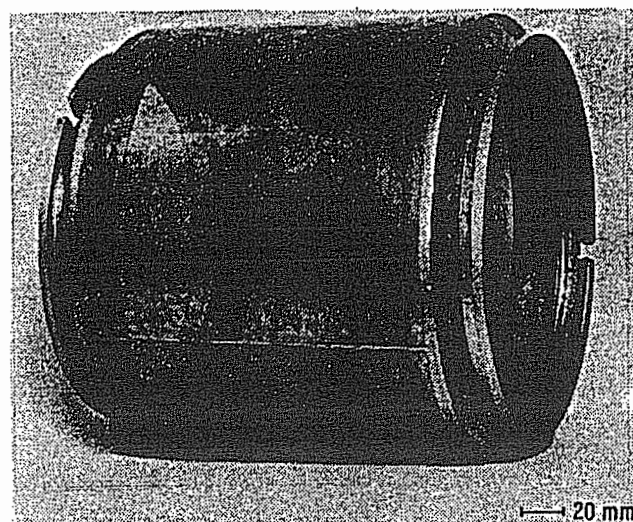
Noyau d'outil d'extrusion réalisé par électro-érosion à fil.
Hauteur : 250 mm.

L'outil complet a été réalisé en 19 h.

USINAGE PAR FAISCEAU D'ELECTRONS

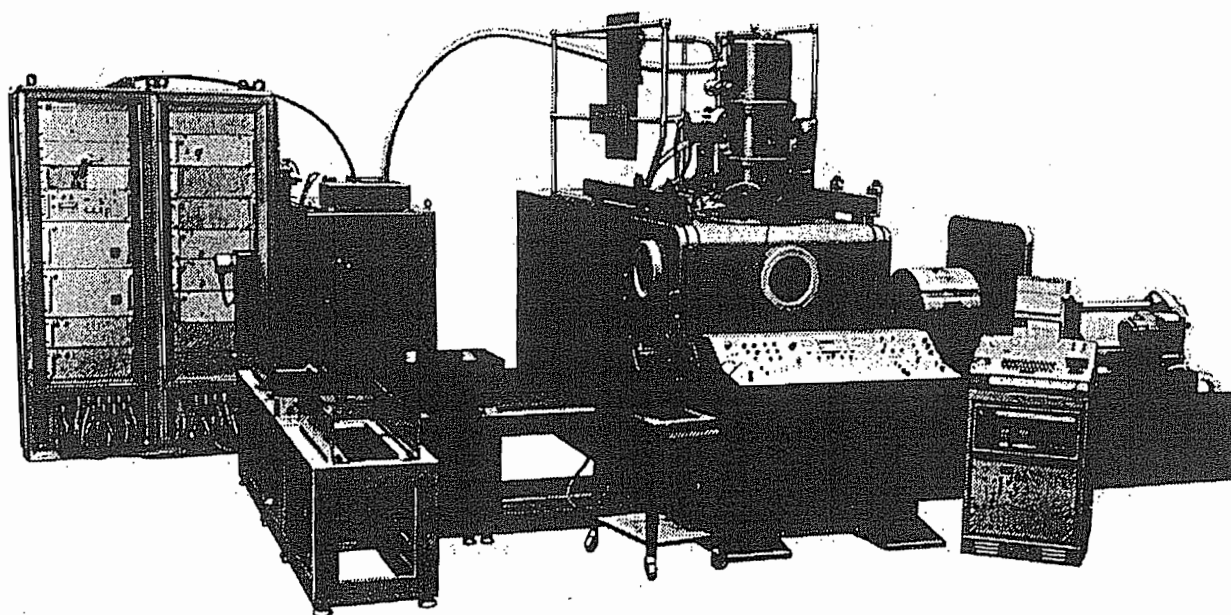


principe
Fig. 315



Filtre cylindrique perforé par
faisceau d'électrons

Fig. 316



Installation de perforation par faisceau d'électrons

Fig. 317

Usinage par faisceau d'électrons (Electron-Beam Machining)

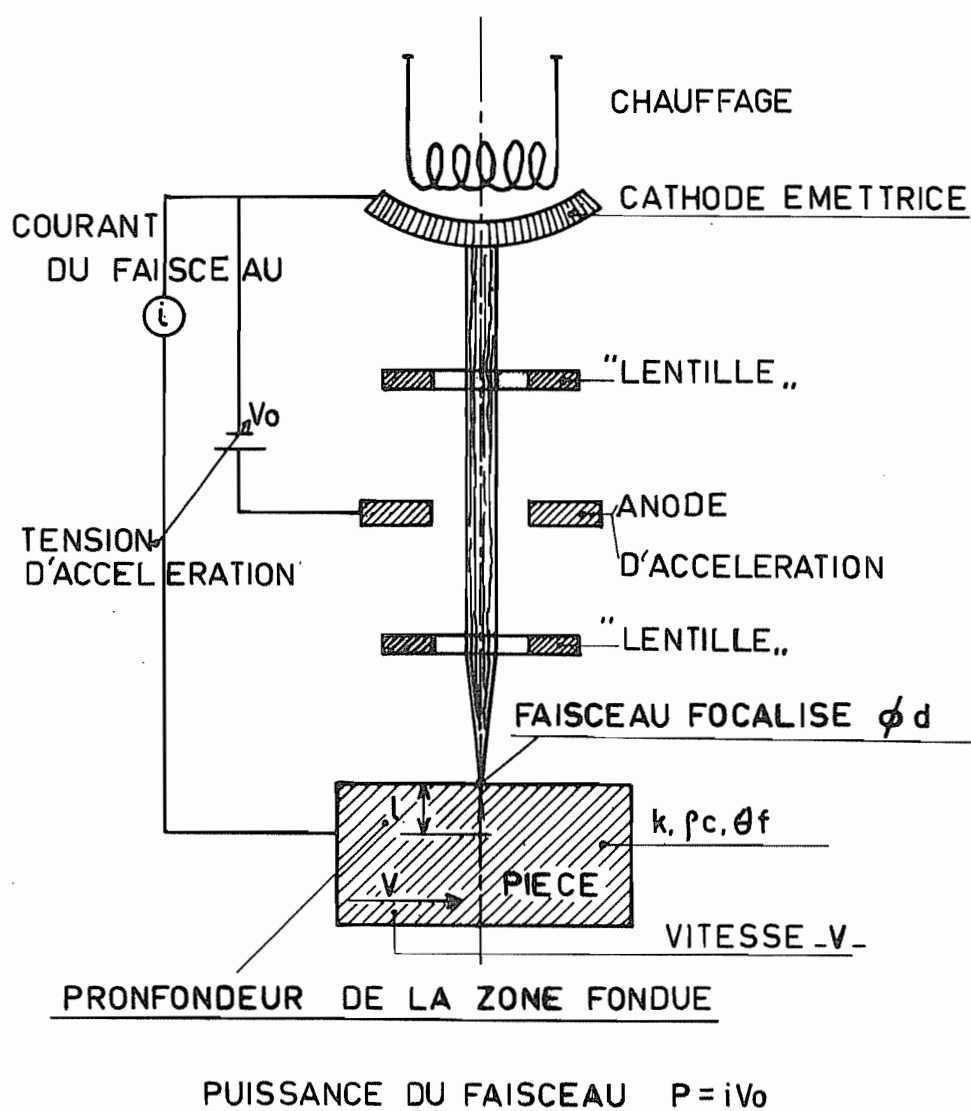


Fig. 318

Dans le vide !

Le faisceau apporte un échauffement local → fusion

Puissance du faisceau : $P = i V_0$

Grandeurs qui interviennent

1. Profondeur de pénétr.	l	L		
2. Puissance	P	W/T		
3. Vitesse d'avance	V	L/T		
4. Diamètre faisceau	d	L		
5. Conductivité	k	$\frac{W}{LTH}$	$\dot{Q} = k S \frac{d\theta}{dx}$	$\frac{W}{T} = [k] H L$
6. Chaleur volumique	ρc	W/L ³ H		
7. Température de fusion	θ_f	H		

7 grandeurs, 4 unités fond → 3 nb sans dim. Nous choisirons comme variables indépendantes l, d, θ_f .

$$\pi_1 = l P^{x_1} V^{x_2} k^{x_3} \rho c^{x_4}$$

$$[\pi_1] = L \frac{W^{x_1}}{T^{x_1}} \frac{L^{x_2}}{T^{x_2}} \cdot \frac{W^{x_3}}{L^{x_3} T^{x_3} H^{x_3}} \cdot \frac{W^{x_4}}{L^{3x_4} H^{x_4}}$$

$$W \rightarrow x_1 + x_3 + x_4 = 0$$

$$x_4 = -x_3$$

$$x_4 = 1$$

$$L \rightarrow 1 + x_2 - x_3 - 3x_4 = 0$$

$$x_1 = 0$$

$$T \rightarrow -x_1 - x_2 - x_3 = 0$$

$$x_2 = -x_3$$

$$x_2 = 1$$

$$H \rightarrow x_3 + x_4 = 0$$

$$1 - x_3 - x_3 + 3x_3 = 0$$

$$x_3 = -1$$

$$\pi_1 = \frac{V l \rho c}{k}$$

$$\pi_2 = d P^{x_1} V^{x_2} k^{x_3} (\rho c)^{x_4} : \text{même analyse } \pi_2 = \frac{V d \rho c}{k}$$

$$\pi_3 = \theta_f P^{x_1} V^{x_2} k^{x_3} (\rho c)^{x_4}$$

$$L \rightarrow x_2 - x_3 - 3x_4 = 0$$

$$T \rightarrow -x_1 - x_2 - x_3 = 0$$

$$1 - x_3 - x_3 - 3 + 3x_3 = -2 + x_3 = 0$$

$$W \rightarrow x_1 + x_3 + x_4 = 0$$

$$x_2 = -x_1 - x_3 = 1 - x_3$$

$$H \rightarrow 1 - x_3 - x_4 = 0 \quad x_1 = -1; x_4 = 1 - x_3$$

$$x_3 = 2$$

$$x_2 = 1 - x_3 = -1$$

$$x_4 = -1$$

$$x_1 = -1$$

$$\pi_3 = \frac{\theta_f k^2}{P V \rho c}$$

On a donc

$$\frac{Vl\rho c}{k} = f\left(\frac{Vd\rho c}{k}, \frac{\theta_f k^2}{PV\rho c}\right)$$

L'expérience montre que si P varie seul, l est proportionnel à P. Donc

$$\frac{Vl\rho c}{k} = \frac{PV\rho c}{\theta_f k^2} \cdot f'\left(\frac{Vd\rho c}{k}\right).$$

On a donc,

$$\frac{\theta_f lk}{P} = f'\left(\frac{Vd\rho c}{k}\right)$$

Expérimentalement,

$$\frac{\theta_f lk}{P} = 0,1 \left(\frac{Vd\rho c}{k}\right)^{-1/2} \dots\dots\dots \frac{P}{\theta_f lk} = 10 \sqrt{\frac{Vd\rho c}{k}}$$

$$P = 10\theta_f l \sqrt{Vdk\rho c}$$

↓

Pour une puissance donnée, l ↓ si s ↑, d ↑.

Applications : fabrication semi-conducteurs
micro-usinage

Laser : principe semblable, mais faisceau laser.

Pas besoin de travailler dans le vide.

Applications : découpage, perçage, traitement thermique.

↓
mat. difficiles à usiner : W, Ti, Al, diamant...

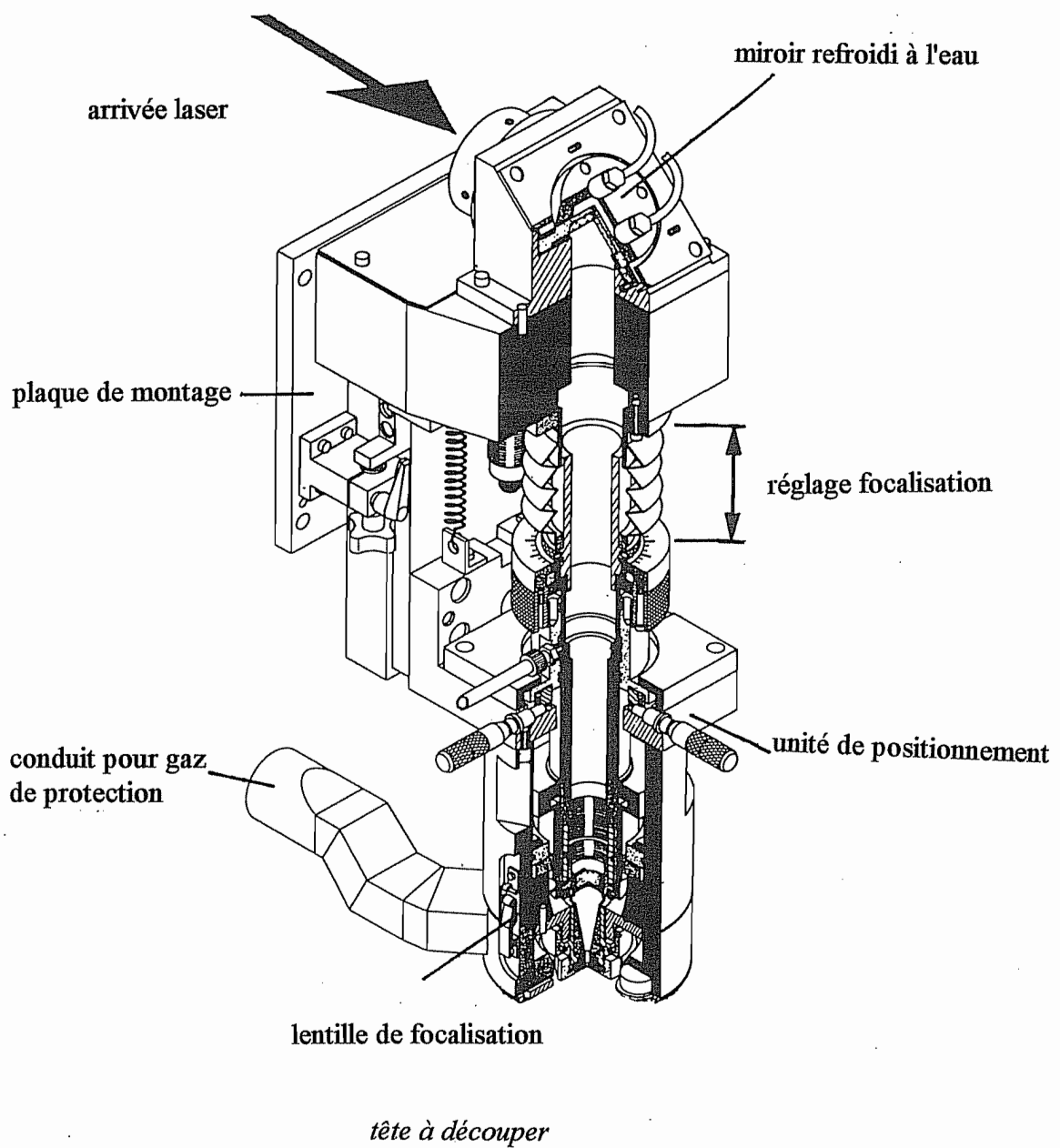


Fig. 319

DECOUPAGE AU LASER

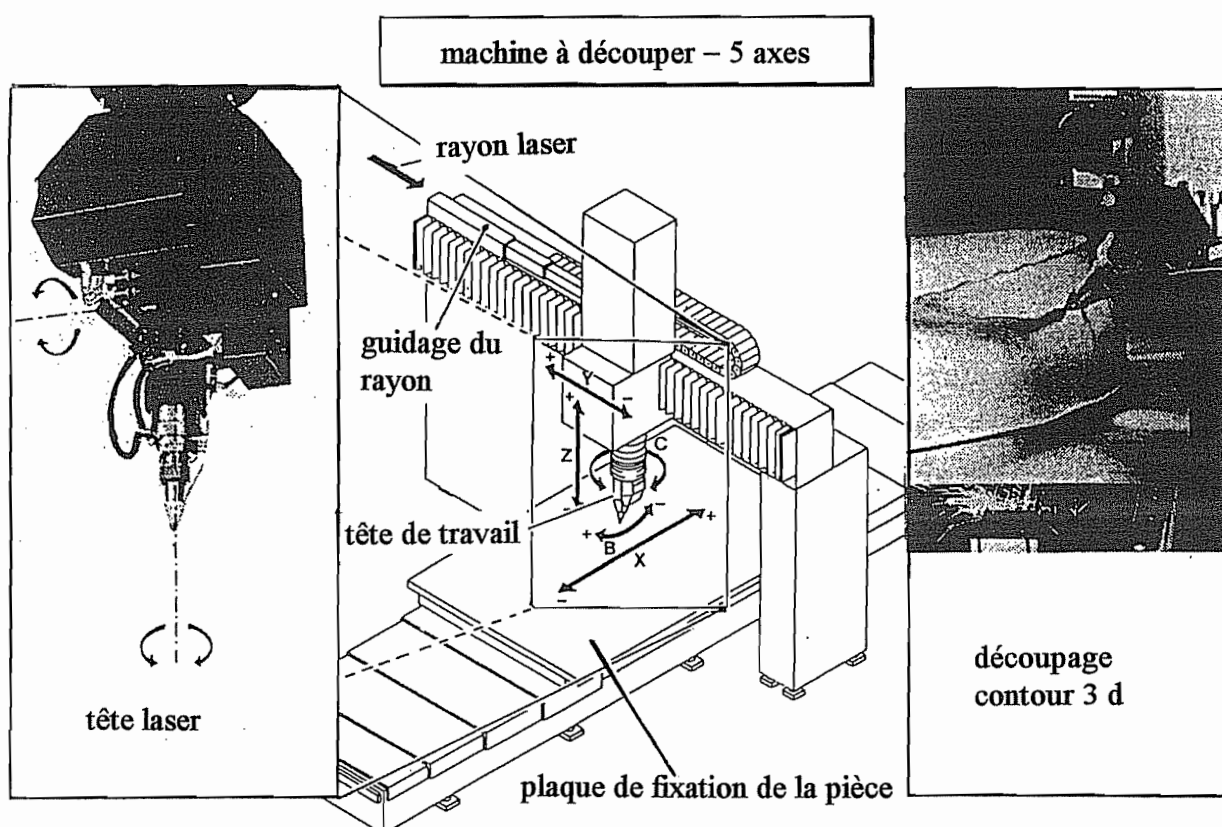
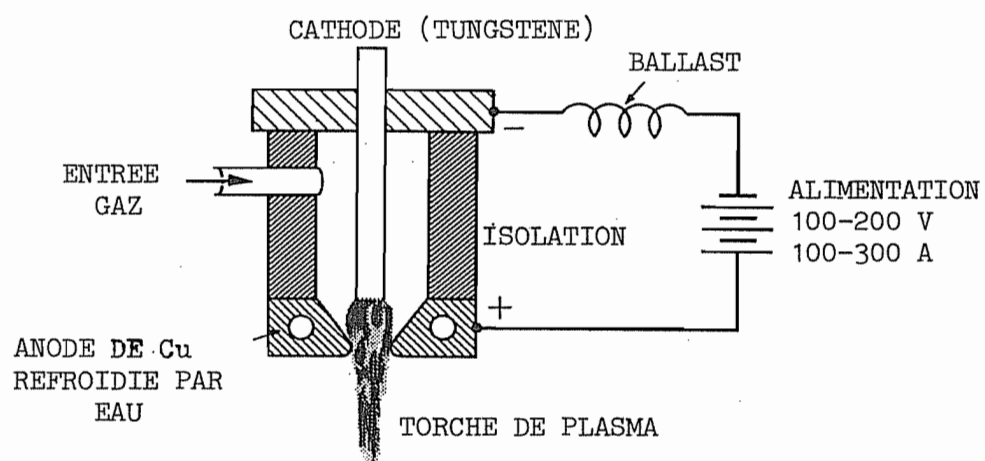


Fig. 320

DECOUPAGE AU PLASMA



Applications : découpage tôles de grande épaisseur

Fig. 321

DECOUPAGE AU JET D'EAU

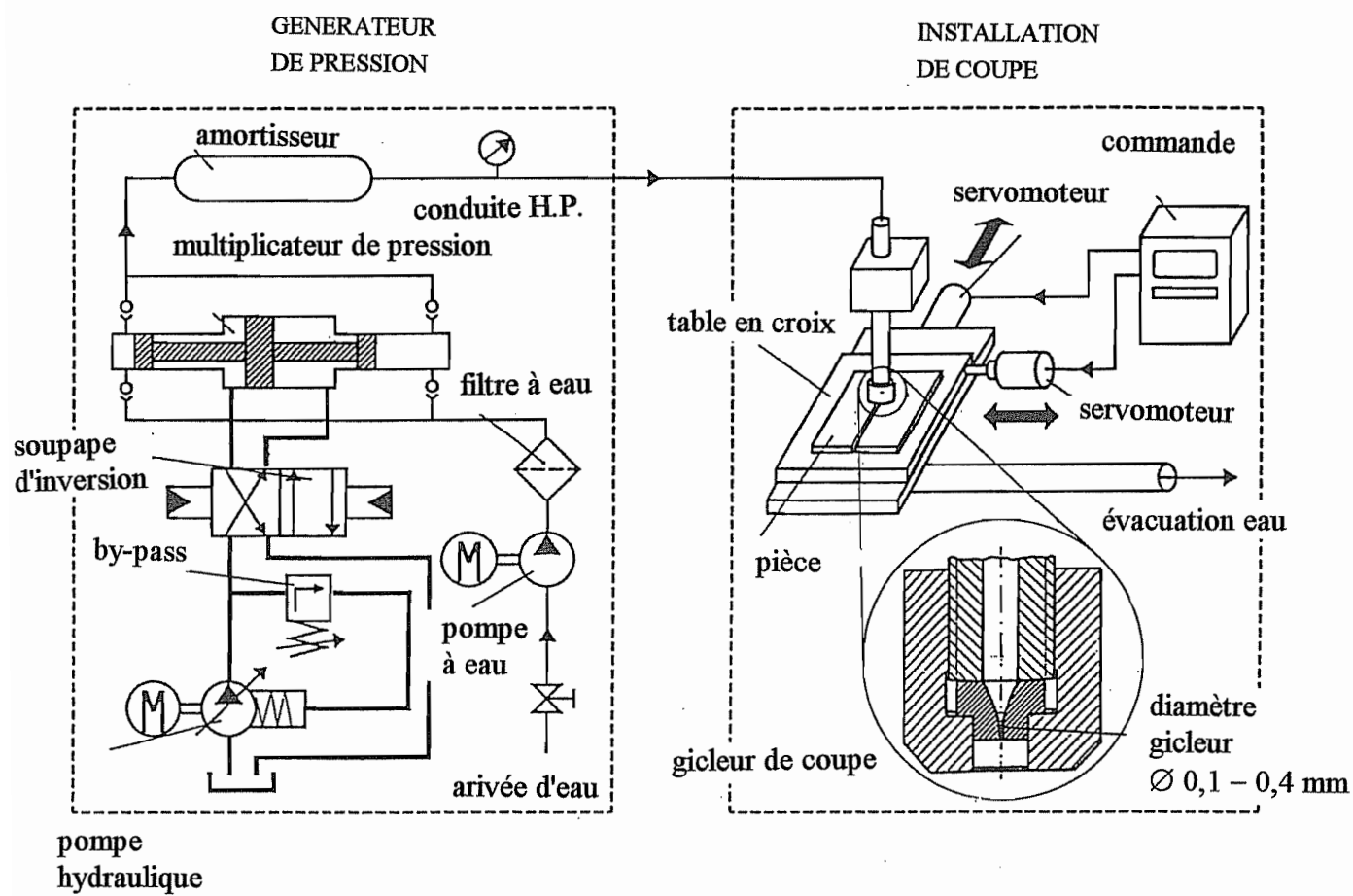


Fig. 322

Découpage au jet d'eau

1. Le principe est de produire un jet d'eau à très grande vitesse. On arrive actuellement à produire une pression de 400 MPa. Il y correspond une vitesse théorique donnée par

$$\frac{p}{\rho} = \frac{v^2}{2},$$

soit

$$v = \sqrt{\frac{2p}{\rho}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 400 \cdot 10^6}{1000}} = 894,4 \text{ m/s}.$$

L'énergie de ce jet permet la coupe de divers matériaux relativement tendres. Le découpage des tissus et des mousses, notamment, se fait bien par ce procédé alors qu'en coupe mécanique, ces matériaux sont répartis aux outils.

2. Production de la pression. Pour obtenir une telle pression, on travaille en deux étages. On produit d'abord de l'huile sous une pression moindre; puis, à l'aide d'un système à tiroirs, on conduit cette huile dans un dispositif multiplicateur de pression, qui est une pompe à double effet où l'huile travaille sur une plus grande surface que l'eau. La fluctuation de pression est amortie dans un réservoir accumulateur.

3. Installation de coupe. La pièce, placée sur une table à mouvements croisés, peut se présenter en chacun de ses points devant le gicleur. On peut ainsi obtenir toute espèce de forme de découpe.

4. Etude théorique élémentaire

Le jet d'eau apporte une énergie cinétique spécifique $\frac{v_1^2}{2}$, à laquelle correspond la puissance

$$G_{eau} \frac{v_1^2}{2},$$

où G_{eau} est le débit massique de l'eau. A la sortie de la pièce, il sort de l'eau et des copeaux à la vitesse v_2 , ce qui équivaut à une puissance

$$(G_{eau} + G_{cop}) \frac{v_2^2}{2}$$

La différence entre ces deux puissances est la puissance de coupe :

$$G_{eau} \frac{v_1^2}{2} = (G_{eau} + G_{cop}) \frac{v_2^2}{2} + P_{coupe}$$

Généralement, on s'arrange pour que la vitesse de sortie soit petite devant la vitesse d'entrée. Comme le débit de copeaux est toujours d'un ordre de grandeur inférieur au débit d'eau, on peut négliger le premier terme du second membre et écrire

$$G_{eau} \frac{v_1^2}{2} \approx P_{coupe}$$

Mais le paramètre directement mesurable n'est pas v_1 mais la pression avant le gicleur. En l'absence de pertes, on aurait

$$v_1 = \sqrt{\frac{2p}{\rho}},$$

en négligeant l'effet de compressibilité de l'eau. Nous écrirons comme les hydrauliciens

$$v_1 = \varphi \sqrt{\frac{2p}{\rho}}, \quad \varphi < 1,$$

de manière à tenir compte de la perte de charge. Le débit massique est alors

$$G_{eau} = \rho S v_1 = \rho S \varphi \left(\frac{2p}{\rho} \right)^{1/2},$$

ce qui permet d'écrire le bilan énergétique sous la forme

$$\frac{1}{2} \rho S \varphi^3 \left(\frac{2p}{\rho} \right)^{3/2} \approx P_{coupe}$$

soit

$$p = \frac{\rho}{2} \cdot \left(\frac{2 P_{coupe}}{\rho S \varphi^3} \right)^{2/3}$$

Explicitons à présent P_{coupe} . Nous écrirons

$$P_{coupe} = Q_{copeaux} \cdot k_s$$

en faisant apparaître l'énergie spécifique de coupe k_s . Quant au débit, si d_j est le diamètre du jet, t l'épaisseur de la pièce, et v_f la vitesse d'avance, il est donné par

$$Q_{copeaux} = d_j t v_f$$

Enfin, comme

$$S = \frac{\pi d^2}{4},$$

avec

$$d = \text{diamètre gicleur} = \beta d_j, \beta < 1,$$

on obtient

$$p = \frac{\rho}{2} \left(\frac{2 d_j t v_f}{\rho \varphi^3 \frac{\pi d^2}{4}} \right)^{2/3} k_s^{2/3} = \frac{\rho}{2} \left(\frac{8 d t v_f}{\rho \varphi^3 \beta \pi d^2} \right)^{2/3} k_s^{2/3}$$

soit

$$p = 2 \rho^{1/3} \left(\frac{1}{\pi \varphi^3 \beta} \right)^{2/3} \left(v_f \frac{t}{d} \right)^{2/3} k_s^{2/3}.$$

En admettant que k_s ne dépend pas de t , d , v_f , on constate que la pression doit être proportionnelle à la puissance $2/3$ du groupement

$$v_f \frac{t}{d}$$

Ceci correspond assez bien aux données expérimentales de König quant à la dépendance de p par rapport à t , pour les *caoutchoucs*, les *polycarbonates*, le *bois*, le *fibro-ciment*, le *polyester expansé*, le *plomb*. Pour les autres métaux, ses expériences donnent

$$p \propto t^x \quad x = 0,3 \dots 0,5$$

ce qui semble indiquer que

$$(k_s t)^{2/3} \propto t^x$$

soit

$$k_s \propto t^{\frac{3}{2}x-1} \quad \frac{3}{2}x - 1 = (-0,55) \dots (-0,25)$$

Mais on est limité à environ 2 mm d'épaisseur pour les tôles d'acier ou d'Al. On peut également découper les roches au jet d'eau.

Bibliographie - Procédés non traditionnels

1. N.H. COOK : *Manufacturing Analysis*. Addison - Wesley, Reading, Massachusetts, 1966.
2. A.E. DE BARR, D.A. OLIVIER : *L'usinage électrochimique*. Eyrolles, Paris, 1971.
3. W. KOENIG : *Fertigungsverfahren - Band 3 : Abtragen*. VDI, Düsseldorf, 1979.
4. K.P. RAJURKAR, G. SATHYANARAYANAN R. KOMANDURI : *Advances in Non-Traditional Machining*. Ped-Vol. 22, A.S.M.E., New York, 1986.
5. R.A. TIKHOMIROV *et al.* : *High Pressure Jetcutting*. A.S.M.E. Press, New York, 1992.
6. *Guide des usinages par électro-érosion*. CETIM et ENIMS, 1980.
7. *L'électro-érosion aujourd'hui*. SOFETEC, Boulogne Billancourt.

Bibliographie

- [1] R. ASTIER, J. BRESCIANI, R. COSTE, L. JOURDAN, P. NEVEU, P. PER-RONE et G. REY – *Construction industrielle*, Dunod, Paris, 1982.
- [2] C. BARLIER et R. BOURGEOIS – *Mémotech Productique. Conception et dessin*, Casteilla, Paris, 1988.
- [3] M. BONTE, R. BOURGEOIS et R. GOGNET – *Mémotech productique mécanique*, Casteilla, Paris, 1997.
- [4] G. BOOTHROID – *Fundamentals of metal machining and machine tools*, Mc Graw Hill, Singapore, 1981.
- [5] G. BRANGER – *Guide du bureau des méthodes*, Desforges, Paris, 1977.
- [6] M. CARDON et R. PAURIOL – *La commande numérique pour tous*, recueil d'articles de la revue Machine-Outil, 1982.
- [7] A. CHEVALIER – *Guide du dessinateur industriel*, 2004 éd., Hachette technique, Paris, 2004.
- [8] A. CHEVALIER et J. BOHAN – *Guide du technicien en productique*, 91-92 éd., Hachette Technique, Paris, 1991.
- [9] J.-F. DEBONGNIE – « Considérations économiques relatives à l'usinage léger », Rapport LMF D29, Université de Liège, Liège, 1993.
- [10] — , « Optimisation des opérations de tournage : la méthode de la puissance disponible », Rapport LMF D31, Université de Liège, Liège, juillet 1993.
- [11] — , *Usinage*, CEFAL, Liège, 2006.
- [12] R. DIETRICH, G. FACY, E. HUGONNAUD, M. POMPIDOU et J.-P. TROTTIGNON – *Précis de construction mécanique*, 7e éd., vol. 2 - Méthodes, fabrication et normalisation, AFNOR NATHAN, Paris, 1988.
- [13] R. DIETRICH, D. GARSAUD, S. GENTILLON et M. NICOLAS – *Précis de méthodes d'usinage*, 5e éd., AFNOR NATHAN, Paris, 1989.
- [14] J.-L. FANCHON – *Guide des sciences et technologies industrielles*, Nathan, Paris, 1994.
- [15] M. GONDRAN et R. STARON – *Les dispersions*, Casteilla, Paris, 1986.
- [16] K. HUG – *Brève introduction à la programmation des machines-outils*, Technische Rundschau Hallwag, Berne, 1984.
- [17] IFAO (éd.) – *CNC-Ausbildung*, 2 éd., vol. 1, Grundlagen, Carl Hanser Verlag, München, Wien, 1986.
- [18] — (éd.) – *CNC-Ausbildung*, 2 éd., vol. 2, Uebungen, Carl Hanser Verlag, München, Wien, 1988.

- [19] — (éd.) — *CNC-Ausbildung*, vol. 3a, Drehen mit Komplettbearbeitung, Carl Hanser Verlag, München, Wien, 1989.
- [20] — (éd.) — *CNC-Ausbildung*, 2 éd., vol. 4, Fräsen, Carl Hanser Verlag, München, Wien, 1990.
- [21] J. KARR — *Gammes d'usinage et analyse de phases*, Dunod, Paris, 1971.
- [22] W. KÖNIG — *Fertigungsverfahren*, 3 éd., vol. 1 - Drehen, Fräsen, Bohren, VDI Verlag, Düsseldorf, 1990.
- [23] R. MAGNIN et J.-P. URSO — *Mémotech commande numérique*, Casteilla, Paris, 1991.
- [24] L. MASSET et J.-F. DEBONGNIE — « Simulation numérique de l'usinage - Essais de fraisage », Rapport LMF R-décembre1998, Université de Liège, 1998.
- [25] C. MASSONNET — *Résistance des matériaux*, vol. 2, Dunod, Paris, 1965.
- [26] M. E. MERCHANT — « Some observations on the past and present research on machining and grinding », *Applied Mechanical Reviews* **46** (1993), no. 3.
- [27] M. PAOLETTI — *Etudes de fabrication*, Desforges, Paris, 1983.
- [28] J. PINTÉ et W. DU MONG — « Technologie de l'usinage : choix optimal des conditions de coupe en tournage », Tech. Report MC70, CRIF, Bruxelles, 1981.
- [29] P. REINAERS — *Programmation CNC - Simulateur Deckel*, Université de Liège, 1988.
- [30] F. W. TAYLOR — « On the art of cutting metals », *Transactions A.S.M.E.* **28** (1907), no. paper 119.
- [31] J. VERGNAS — *Exploitation des machines-outils à commande numérique*, Pyc Edition, Paris, 1985.

Table des matières

1	Tolérances et états de surface	3
1.1	États de surface	3
1.2	Tolérances et ajustements	3
1.2.1	Rappels	3
1.2.2	Chaînes de cotes	4
1.2.3	Autre présentation et discussion	6
1.2.4	Autre exemple	6
1.3	Tolérances géométriques	7
1.3.1	Tolérances de forme	7
1.3.2	Tolérances d'orientation	8
1.3.3	Tolérances de position	9
1.3.4	Tolérances de battement	9
2	Cotation de fabrication	11
2.1	Dispersions dimensionnelles	11
2.1.1	Généralités	11
2.1.2	Dispersion systématique et dispersion aléatoire	11
2.1.3	Autres incertitudes	11
2.2	Classification des cotes de fabrication	12
2.2.1	Généralités	12
2.2.2	Les trois types de cotes de fabrication	12
2.2.3	Premier exemple : perçage avec masque	13
2.2.4	Deuxième exemple : introduction de la notion de <i>référentiel auxiliaire</i>	13
2.2.5	Troisième exemple	13
2.3	Réglage des cotes	13
2.3.1	Position du problème	13
2.3.2	Fondements théoriques	14
2.3.3	Remarques	16
2.3.4	Procédure simplifiée	16
2.4	Cotes de fabrication	16
2.4.1	Quelques remarques préliminaires	16
2.4.2	Transfert de cotes	17
2.4.3	Exemples	18
2.5	Transfert de tolérances d'orientation	21
2.5.1	Réalisation directe	21
2.5.2	Transfert d'une tolérance de parallélisme	21
2.5.3	Transfert d'une tolérance de perpendicularité	22

2.6	Transfert de tolérances de localisation	22
2.7	Transfert de tolérances de symétrie	25
2.7.1	Première possibilité	25
2.7.2	Deuxième possibilité	26
2.8	Cumul de chaînes de cotes	27
2.8.1	Chaînes cumulées	27
2.8.2	Copeau minimal	27
2.8.3	Tolérances des cotes de fabrication	28
2.8.4	Un exemple simple	29
2.9	Quelques notions sur les gammes d'usinage	30
2.9.1	Définitions	30
2.9.2	Liaisons au brut	30
2.9.3	Surfaces accessibles à l'outil	31
2.9.4	Dégrossissage et finition	31
2.10	Simulation d'usinage	31
2.10.1	Généralités	31
2.10.2	Problème	31
2.10.3	Description de la gamme d'usinage	32
2.10.4	Cotes axiales	33
2.10.5	Cotes radiales	33
2.10.6	Brut minimal	34
3	Contraintes résiduelles	35
3.1	Introduction	35
3.2	Origine des contraintes résiduelles	35
3.2.1	Pièces moulées	35
3.2.2	Profilés laminés à chaud	36
3.2.3	Plaques laminées	36
3.2.4	Pièces obtenues par déformation plastique	36
3.3	Effet de l'usinage	36
3.3.1	Cas d'une plaque laminée	37
3.3.2	Cas d'une pièce redressée plastiquement	37
3.4	Élimination des contraintes résiduelles	37
3.4.1	Vieillessement	37
3.4.2	Traitement thermique	37
3.4.3	Gamme d'usinage bien choisie	38
3.5	Un modèle simple	38
3.6	Applications pratiques	39
3.6.1	Rainures	39
3.6.2	Un cas réel	39
4	Ablocage des pièces	41
4.1	Introduction	41
4.2	Les six degrés de liberté	41
4.3	Avantages et inconvénients de l'hyperstaticité	42
4.4	Aspect économique	42
4.5	Positionnement des surfaces planes	43
4.5.1	Bornes d'appui	43
4.5.2	Butées	43
4.5.3	Centreurs	43

4.5.4	Appuis sur palonnier	43
4.5.5	Appui sensitif	44
4.5.6	Détrompeur	44
4.5.7	Matériau des bornes, butées, etc.	44
4.5.8	Appui plan-trait	45
4.5.9	Prise en étau sur deux réglettes	45
4.6	Positionnement des surfaces circulaires	45
4.6.1	Montage entre pointes	45
4.6.2	Centrage long	46
4.6.3	Centrage court	46
4.6.4	Prise en mandrin	46
4.6.5	Montages spéciaux	47
4.7	Serrage des pièces	47
4.7.1	Introduction	47
4.7.2	Règles générales	47
4.7.3	Règles particulières	47
4.7.4	Serrage par brides	47
4.7.5	Quelques exemples de réalisation	48
4.7.6	Stabilité du montage	48
5	Machines-outils à commande numérique	49
5.1	Généralités sur la commande numérique des machines-outils . . .	49
5.1.1	Introduction	49
5.1.2	Principe de la commande d'un axe en position	49
5.1.3	Commande des vitesses	50
5.1.4	Genres de commandes	50
5.1.5	Nombre d'axes commandés	51
5.1.6	Dénomination des axes	52
5.2	Éléments de programmation	52
5.2.1	Introduction	52
5.2.2	Géométrie	52
5.2.3	Choix de l'origine et définition des coordonnées	53
5.2.4	Changement d'origine	54
5.2.5	Cotation absolue et cotation relative	54
5.2.6	Ordres modaux et ordres séquentiels	54
5.2.7	Étapes de la programmation	55
5.2.8	Les déplacements	55
5.2.9	Fréquence de rotation de la broche	56
5.2.10	Vitesse d'avance	56
5.2.11	Changement d'outil	56
5.2.12	Fonctions de commande	56
5.2.13	Exemple d'interpolation linéaire	56
5.2.14	Interpolation circulaire	57
5.2.15	Corrections d'outil	57
5.2.16	Problème de l'accostage	58

6	Optimisation en chariotage	59
6.1	Introduction	59
6.2	Principes de l'optimisation du chariotage	60
6.3	Paramètres d'usinage fondamentaux	60
6.4	Énergie spécifique de coupe. Force de coupe	61
6.5	Durée de vie de l'outil	61
6.6	Coût variable de l'usinage	62
6.7	Restrictions relatives à la géométrie de coupe	63
6.7.1	Copeau minimal	63
6.7.2	Épaisseur de coupe maximale	63
6.7.3	Largeur de coupe minimale	63
6.7.4	Largeur de coupe maximale	63
6.7.5	Élancement de la coupe	64
6.7.6	État de surface désiré	64
6.8	Limitation de l'effort de coupe	64
6.9	Limitations liées à la machine	65
6.9.1	Gamme de fréquences de rotation	65
6.9.2	Puissance disponible	65
6.10	Détermination de la géométrie de coupe	65
6.10.1	Problème fondamental	65
6.10.2	Découpage en passes successives	67
6.10.3	Cas de la finition	67
6.11	L'usinage faible	68
6.11.1	Définitions	68
6.11.2	Optimisation taylorienne	68
6.11.3	Algorithme d'optimisation de l'usinage faible	69
6.12	Choix de la vitesse en usinage fort	69
6.13	Choix des dimensions de la coupe à partir de la puissance disponible	71
7	Procédés spéciaux d'usinage	73

FIGURES

9 février 2010

Chapitre 1

Tolérances et états de surface

Méthode d'usinage		Profondeur de rugosité Rt (µm)																					
Groupe	Désignation	0,1	0,18	0,25	0,4	0,6	1	1,8	2,5	4	6,3	10	18	25	40	63	100	180	250	400	630	1000	
Fonderie	Fonderie au sable																						
	Fonderie en coquille																						
	Fonderie fine																						
Forgeage	Forge libre																						
	Estampage																						
	Forge de précision																						
Laminage	Laminage à chaud																						
	Laminage à froid																						
Emboutissage	Compression																						
	Matriçage																						
Galetage	Galetage																						
	Roulage																						
Rabotage	Dégrossissage																						
	Ébauche																						
	Finition																						
Tournage (extérieur et intérieur)	Tournage dégrossissage																						
	Tournage d'ébauche																						
	Tournage de finition																						
	Tournage de précision avec carbure																						
	Tournage de haute précision avec diamant																						
Chambrage	Chambrage																						
Alésage par alésoir	Alésage normal																						
	Alésage de précision																						
	Alésage de haute précision																						
Fraisage	Fraisage d'ébauche																						
	Fraisage de finition																						
	Fraisage de précision																						
	Fraisage de haute précision																						
Brochage	Brochage normal																						
	Brochage de précision																						
Rectification	Rectification d'ébauche																						
	Rectification normale																						
	Rectification de précision																						
	Rectification de haute précision																						
Honing	Honing																						
	Honing de précision																						
	Honing de haute précision																						
Rodage	Rodage d'ébauche																						
	Rodage de finition																						
	Rodage de haute précision																						
	Rodage de très haute précision																						

d'après document : CETIM

FIG. 1

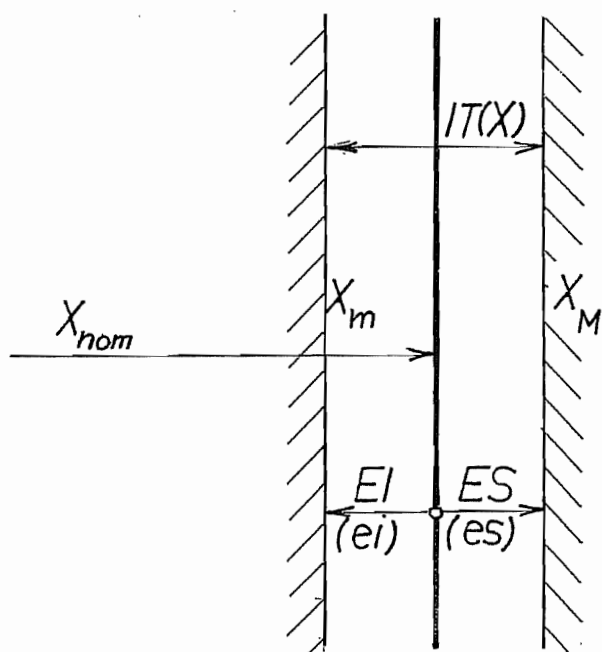


FIG. 2

ÉCARTS DES AJUSTEMENTS LES PLUS COURAMMENT UTILISÉS (NF R 91-011)

1

Alésages		H6				H7				H8						H9			H11		
Arbres		h5	js5	k5		g6	h6	m6	p6		e8	f7	h7	s7	u7	x7		e9	h8		d11
Écarts en micromètres (1 μm = 0,001 mm)	≤ 3	+ 6 - 0	0 - 4	+ 2 - 2	+ 4 0	+ 10 - 2	0 - 8	+ 8 + 2	+ 12 + 6	+ 14 - 14	- 6 - 18	0 - 16	+ 24 + 14	+ 28 + 18	+ 30 + 20	+ 25 0	- 14 - 39	0 - 14	+ 60 - 20	- 80 - 20	
	> 3 à 6	+ 8 0	0 - 5	- 2,5 + 1	+ 6 + 1	+ 12 0	- 4 - 12	0 + 8	+ 12 + 12	+ 18 - 38	- 10 - 22	0 - 12	+ 31 + 19	+ 35 + 23	+ 40 + 28	+ 30 0	- 20 - 50	0 - 18	+ 75 0	- 30 - 105	
	> 6 à 10	+ 9 0	0 - 6	+ 3 - 3	+ 7 + 1	+ 15 0	- 5 - 14	0 + 9	+ 15 + 6	+ 24 + 15	+ 22 0	- 25 - 47	- 13 - 28	+ 38 + 23	+ 43 + 28	+ 49 + 34	+ 36 0	- 25 - 61	0 - 22	+ 90 0	- 40 - 130
	> 10 à 14	+ 11 0	0 - 8	+ 4 + 1	+ 9 + 1	+ 18 0	- 6 - 17	0 + 11	+ 18 + 7	+ 29 + 18	+ 27 0	- 32 - 34	- 16 - 18	0 + 26	+ 46 + 33	+ 51 + 40	+ 58 + 40	+ 43 0	- 32 - 75	0 + 110	- 50 0
	> 14 à 18	+ 11 0	0 - 8	+ 4 + 1	+ 9 + 1	+ 18 0	- 6 - 17	0 + 11	+ 18 + 7	+ 29 + 18	+ 27 0	- 32 - 34	- 16 - 18	0 + 26	+ 46 + 28	+ 51 + 33	+ 63 + 45	+ 43 0	- 32 - 75	0 + 110	- 50 0
	> 18 à 24	+ 13 0	0 - 9	+ 4,5 + 2	+ 11 + 2	+ 21 0	- 7 - 20	0 + 13	+ 21 + 8	+ 35 + 22	+ 33 0	- 40 - 73	- 20 - 41	0 + 25	+ 56 + 35	+ 62 + 41	+ 75 + 54	+ 52 0	- 40 - 92	0 + 130	- 65 0
	> 24 à 30	+ 13 0	0 - 9	+ 4,5 + 2	+ 11 + 2	+ 21 0	- 7 - 20	0 + 13	+ 21 + 8	+ 35 + 22	+ 33 0	- 40 - 73	- 20 - 41	0 + 25	+ 56 + 35	+ 69 + 48	+ 85 + 64	+ 52 0	- 40 - 92	0 + 130	- 65 0
	> 30 à 40	+ 16 0	0 - 11	+ 5,5 + 2	+ 13 + 2	+ 25 0	- 9 - 25	0 + 16	+ 25 + 9	+ 42 + 26	+ 39 0	- 50 - 89	- 25 - 50	0 + 68	+ 85 + 43	+ 105 + 80	+ 62 + 80	+ 62 0	- 50 - 112	0 + 160	- 80 0
	> 40 à 50	+ 16 0	0 - 11	+ 5,5 + 2	+ 13 + 2	+ 25 0	- 9 - 25	0 + 16	+ 25 + 9	+ 42 + 26	+ 39 0	- 50 - 89	- 25 - 50	0 + 68	+ 95 + 43	+ 122 + 70	+ 62 + 97	+ 62 0	- 50 - 112	0 + 160	- 80 0
	> 50 à 65	+ 19 0	0 - 13	+ 6,5 + 2	+ 15 + 2	+ 30 0	- 10 - 29	0 + 19	+ 30 + 11	+ 51 + 32	+ 46 0	- 60 - 106	- 30 - 60	0 + 83	+ 117 + 87	+ 152 + 122	+ 74 0	- 60 - 134	0 + 190	- 200 0	
	> 65 à 80	+ 19 0	0 - 13	+ 6,5 + 2	+ 15 + 2	+ 30 0	- 10 - 29	0 + 19	+ 30 + 11	+ 51 + 32	+ 46 0	- 60 - 106	- 30 - 60	0 + 89	+ 132 + 102	+ 176 + 146	+ 74 0	- 60 - 134	0 + 190	- 100 0	
	> 80 à 100	+ 22 0	0 - 15	+ 7,5 + 3	+ 18 + 3	+ 35 0	- 12 - 34	0 + 22	+ 35 + 13	+ 59 + 37	+ 54 0	- 72 - 126	- 36 - 71	0 + 106	+ 159 + 124	+ 213 + 178	+ 87 0	- 72 - 159	0 + 220	- 120 0	
	> 100 à 120	+ 22 0	0 - 15	+ 7,5 + 3	+ 18 + 3	+ 35 0	- 12 - 34	0 + 22	+ 35 + 13	+ 59 + 37	+ 54 0	- 72 - 126	- 36 - 71	0 + 114	+ 179 + 144	+ 245 + 210	+ 87 0	- 72 - 159	0 + 220	- 120 0	
	> 120 à 140	+ 25 0	0 - 18	+ 9 + 3	+ 21 + 3	+ 40 0	- 14 - 39	0 + 25	+ 40 + 15	+ 68 + 43	+ 63 0	- 85 - 148	- 43 - 83	0 + 132	+ 210 + 170	+ 288 + 248	+ 100 0	- 85 - 185	0 + 250	- 145 0	
	> 140 à 160	+ 25 0	0 - 18	+ 9 + 3	+ 21 + 3	+ 40 0	- 14 - 39	0 + 25	+ 40 + 15	+ 68 + 43	+ 63 0	- 85 - 148	- 43 - 83	0 + 140	+ 230 + 190	+ 320 + 280	+ 100 0	- 85 - 185	0 + 250	- 145 0	
	> 160 à 180	+ 25 0	0 - 18	+ 9 + 3	+ 21 + 3	+ 40 0	- 14 - 39	0 + 25	+ 40 + 15	+ 68 + 43	+ 63 0	- 85 - 148	- 43 - 83	0 + 148	+ 250 + 210	+ 350 + 310	+ 100 0	- 85 - 185	0 + 250	- 145 0	
	> 180 à 200	+ 29 0	0 - 20	+ 10 + 4	+ 24 + 4	+ 46 0	- 15 - 44	0 + 29	+ 46 + 17	+ 79 + 50	+ 72 0	- 100 - 172	- 50 - 96	0 + 168	+ 282 + 236	+ 396 + 350	+ 115 0	- 100 - 215	0 + 290	- 170 0	
	> 200 à 225	+ 29 0	0 - 20	+ 10 + 4	+ 24 + 4	+ 46 0	- 15 - 44	0 + 29	+ 46 + 17	+ 79 + 50	+ 72 0	- 100 - 172	- 50 - 96	0 + 176	+ 304 + 258	+ 431 + 385	+ 115 0	- 100 - 215	0 + 290	- 170 0	
	> 225 à 250	+ 29 0	0 - 20	+ 10 + 4	+ 24 + 4	+ 46 0	- 15 - 44	0 + 29	+ 46 + 17	+ 79 + 50	+ 72 0	- 100 - 172	- 50 - 96	0 + 186	+ 330 + 284	+ 471 + 425	+ 115 0	- 100 - 215	0 + 290	- 170 0	
> 250 à 280	+ 32 0	0 - 23	+ 11,5 + 4	+ 27 + 4	+ 52 0	- 17 - 49	0 + 32	+ 52 + 20	+ 88 + 56	+ 81 0	- 110 - 191	- 56 - 108	0 + 210	+ 367 + 315	+ 527 + 475	+ 130 0	- 110 - 240	0 + 320	- 190 0		
> 280 à 315	+ 32 0	0 - 23	+ 11,5 + 4	+ 27 + 4	+ 52 0	- 17 - 49	0 + 32	+ 52 + 20	+ 88 + 56	+ 81 0	- 110 - 191	- 56 - 108	0 + 222	+ 402 + 350	+ 577 + 525	+ 130 0	- 110 - 240	0 + 320	- 190 0		
> 315 à 355	+ 36 0	0 - 25	+ 12,5 + 4	+ 29 + 4	+ 57 0	- 18 - 54	0 + 36	+ 57 + 21	+ 98 + 62	+ 89 0	- 125 - 214	- 62 - 119	0 + 247	+ 447 + 390	+ 647 + 590	+ 140 0	- 125 - 265	0 + 360	- 210 0		
> 355 à 400	+ 36 0	0 - 25	+ 12,5 + 4	+ 29 + 4	+ 57 0	- 18 - 54	0 + 36	+ 57 + 21	+ 98 + 62	+ 89 0	- 125 - 214	- 62 - 119	0 + 265	+ 492 + 435	+ 717 + 660	+ 140 0	- 125 - 265	0 + 360	- 210 0		
> 400 à 450	+ 40 0	0 - 27	+ 13,5 + 5	+ 32 + 5	+ 63 0	- 20 - 60	0 + 40	+ 63 + 23	+ 108 + 68	+ 97 0	- 135 - 232	- 68 - 131	0 + 295	+ 553 + 490	+ 803 + 740	+ 155 0	- 135 - 290	0 + 400	- 230 0		
> 450 à 500	+ 40 0	0 - 27	+ 13,5 + 5	+ 32 + 5	+ 63 0	- 20 - 60	0 + 40	+ 63 + 23	+ 108 + 68	+ 97 0	- 135 - 232	- 68 - 131	0 + 315	+ 603 + 540	+ 883 + 820	+ 155 0	- 135 - 290	0 + 400	- 230 0		

1. COTES AVEC INDICATION DE TOLÉRANCE.

Le dessin comporte des cotes avec indication de tolérance : se reporter au tableau figure 1. Le tableau donne les écarts des ajustements les plus couramment utilisés.

2. COTES SANS INDICATION DE TOLÉRANCE.

La tolérance est reportée dans un nota général suivant les directives ci-après de NF E 02-350 :

1^{er} cas : tolérance JS/js

exemple : JS14/js14

2^e cas : tolérance extraite des tableaux de la norme (fig. 2).

DIMENSIONS LINÉAIRES (mm)									2
Dimensions nominales		0,5 à 3	de 3 à 6	de 6 à 30	de 30 à 120	de 120 à 315	de 315 à 1000	1000 à 2000	2000 à 4000
Écarts (mm)	Série fine	± 0,05	± 0,05	± 0,1	± 0,15	± 0,2	-	-	-
	Série moy.	± 0,1	± 0,1	± 0,2	± 0,3	± 0,5	± 0,8	± 1,2	± 2
	Série grossière	-	± 0,2	± 0,5	± 0,8	± 1,2	± 2	± 3	± 4
DIMENSIONS ANGULAIRES									
Longueur du plus petit côté de l'angle (mm)		Jusqu'à 10		de 10 à 50	de 50 à 120	de 120 à 400			
Écarts	en degrés et minutes	± 1°		± 30'	± 20'	± 10'			
	en pourcentage	± 1,8		± 0,9	± 0,6	± 0,3			

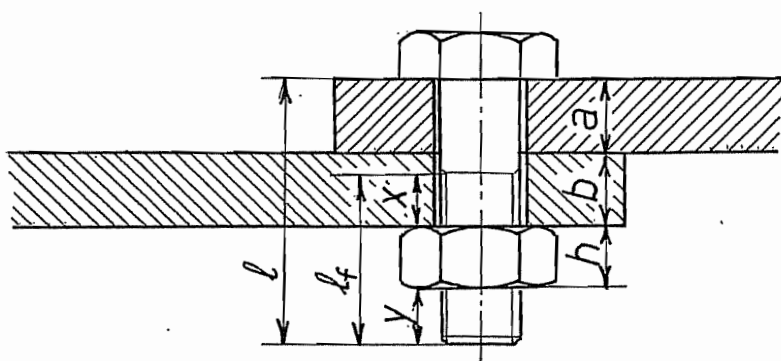


FIG. 4

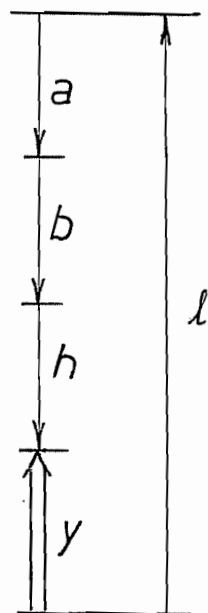


FIG. 5

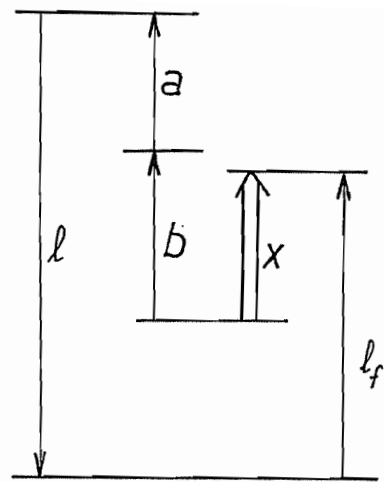


FIG. 6

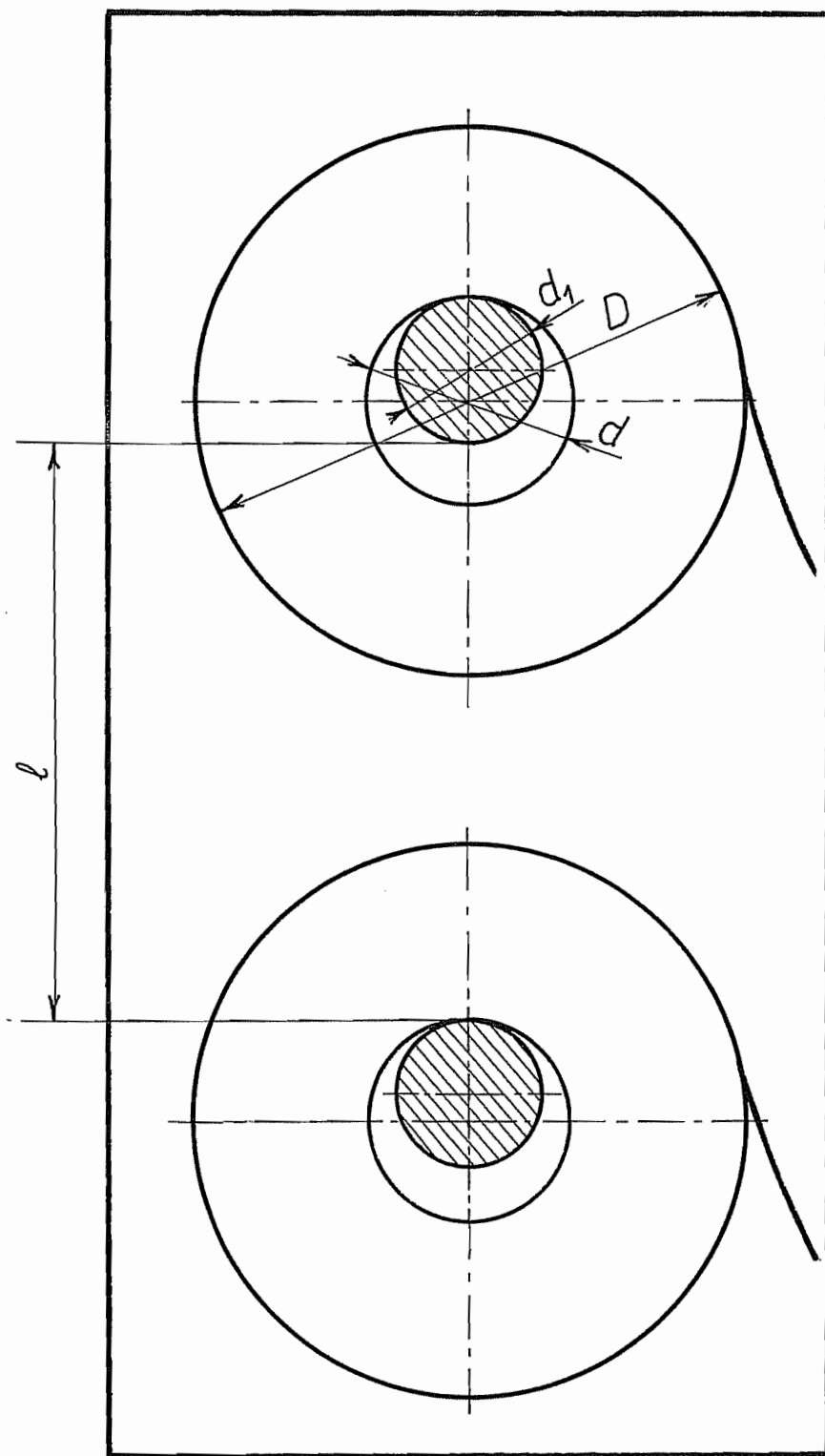


FIG. 7

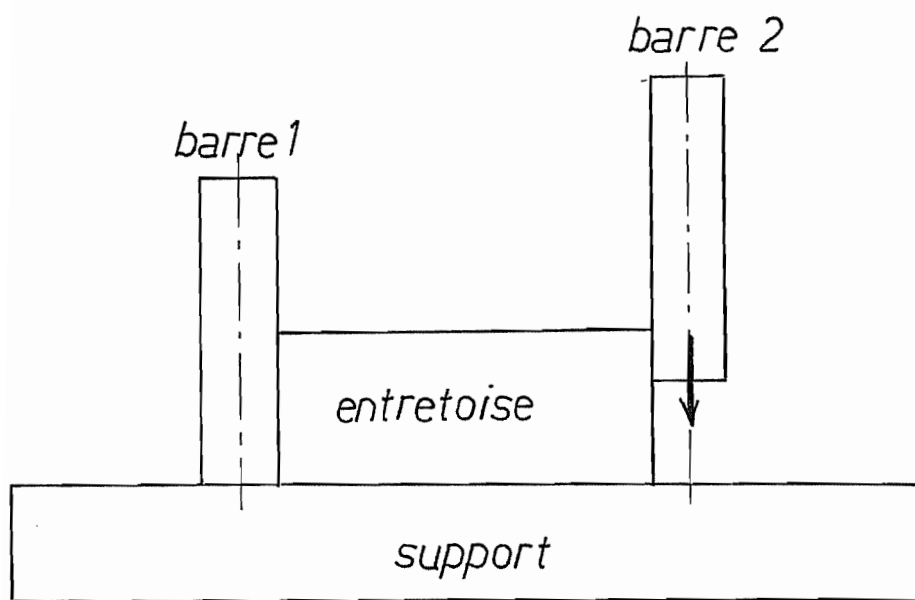


FIG. 8

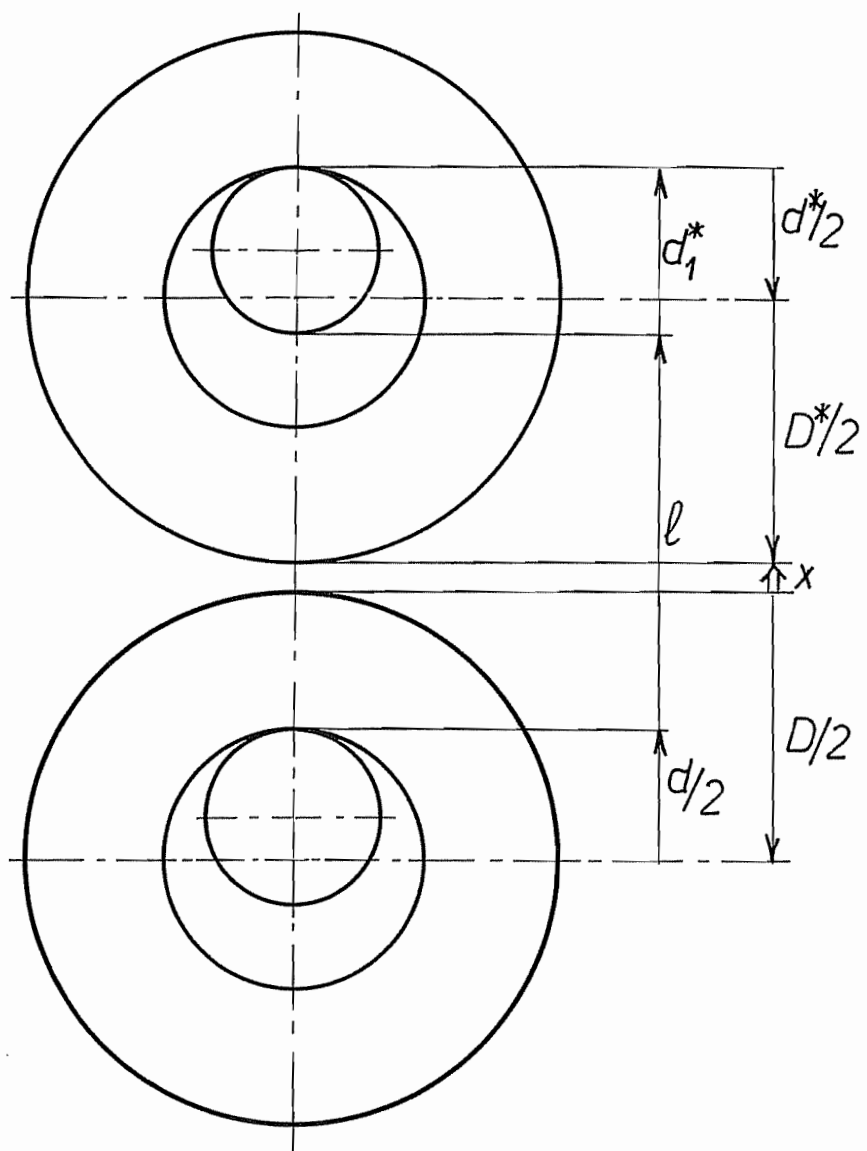


FIG. 9

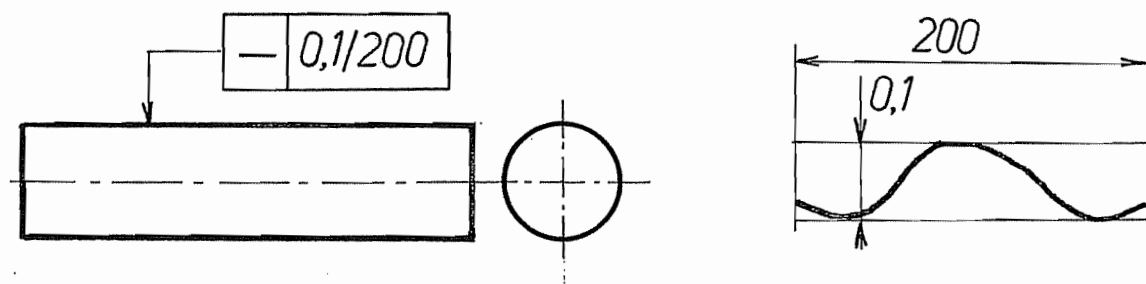


FIG. 10

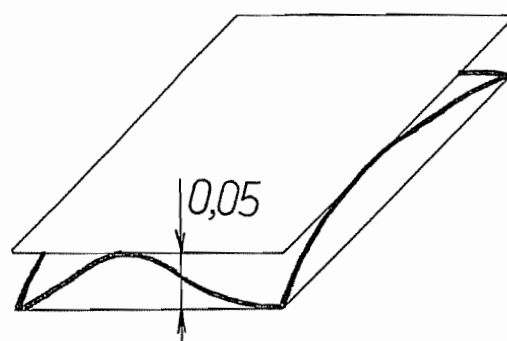
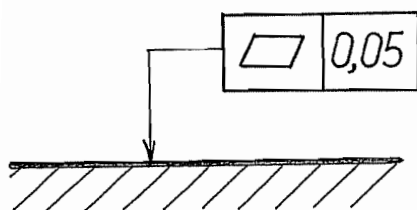


FIG. 11

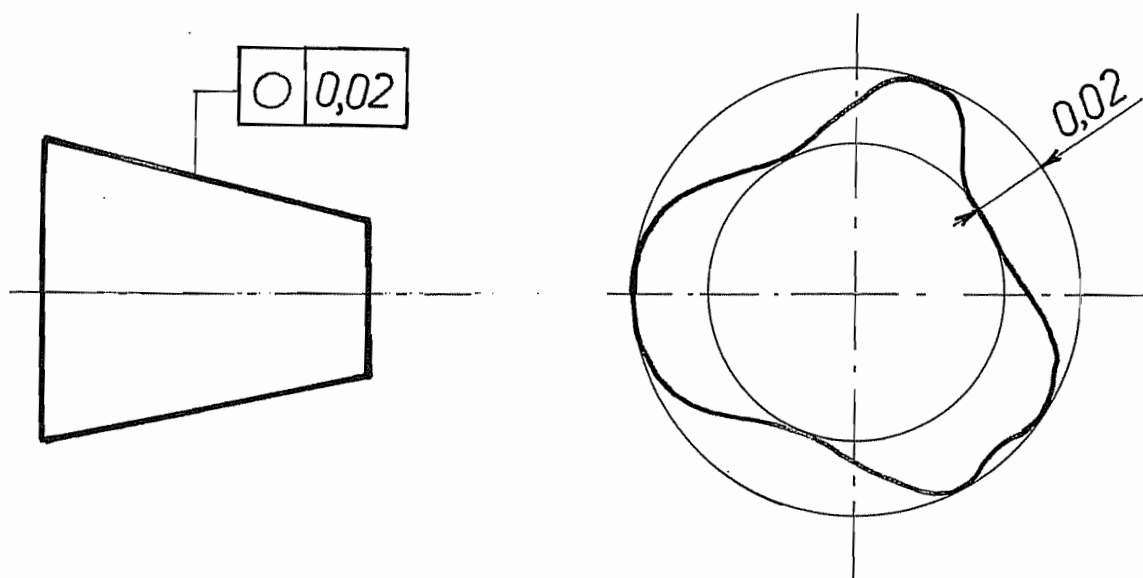


FIG. 12

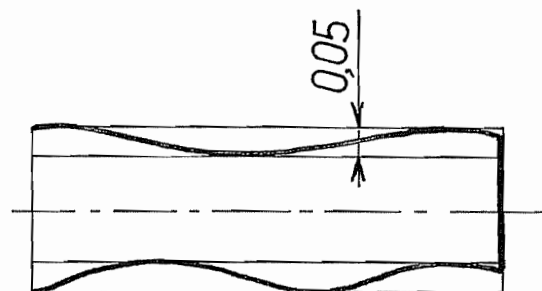
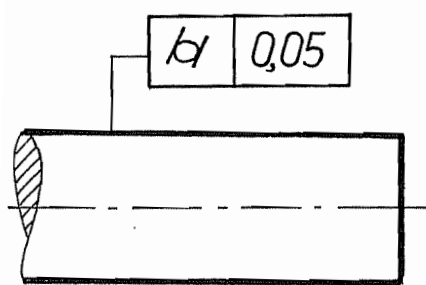


FIG. 13

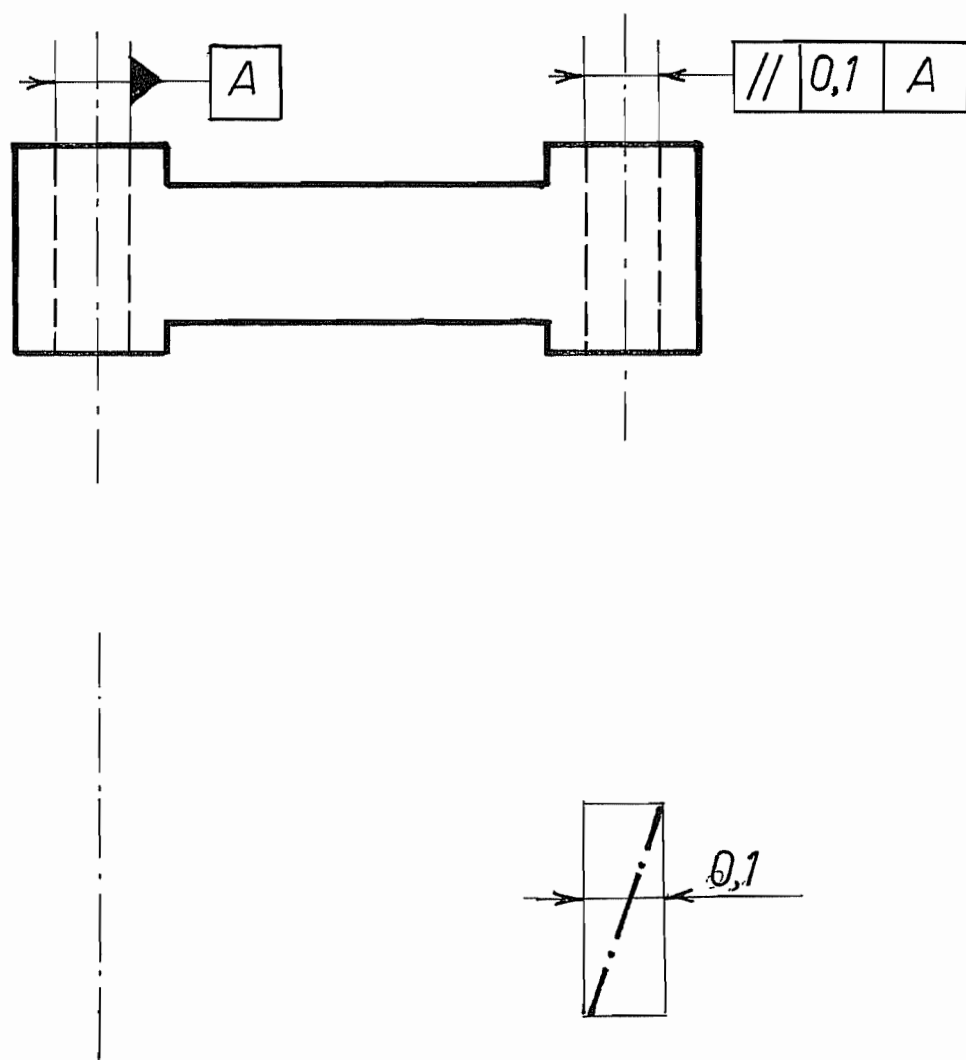


FIG. 14

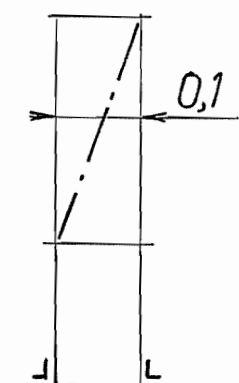
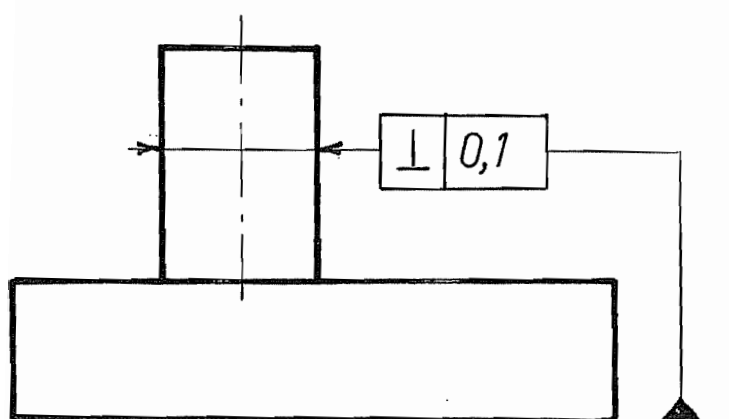


FIG. 15

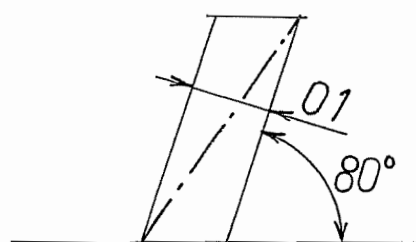
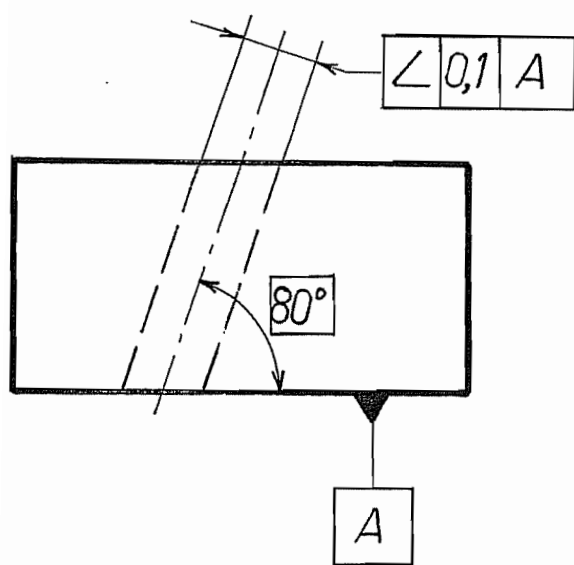


FIG. 16

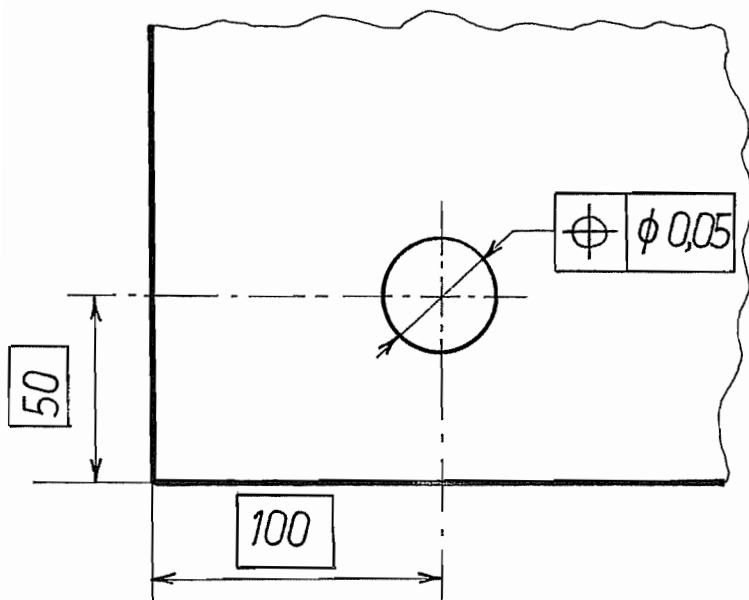


FIG. 17

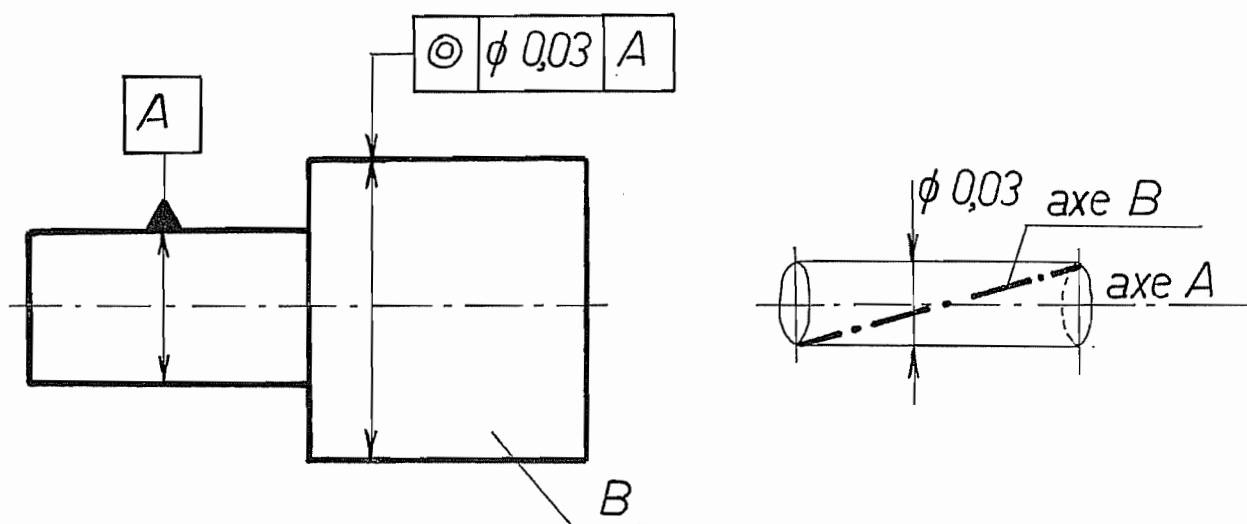


FIG. 18

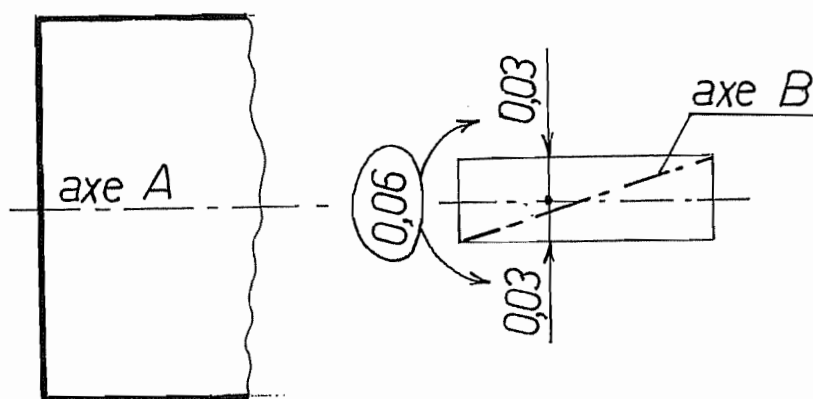
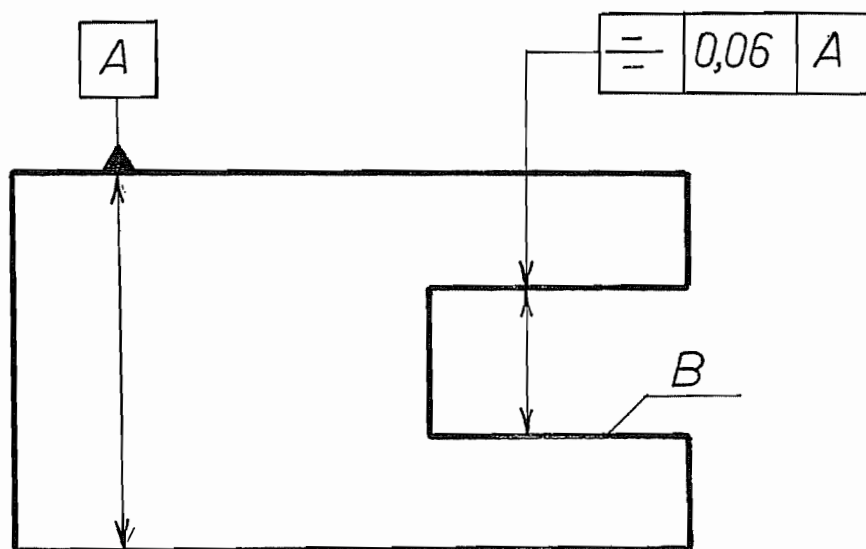


FIG. 19

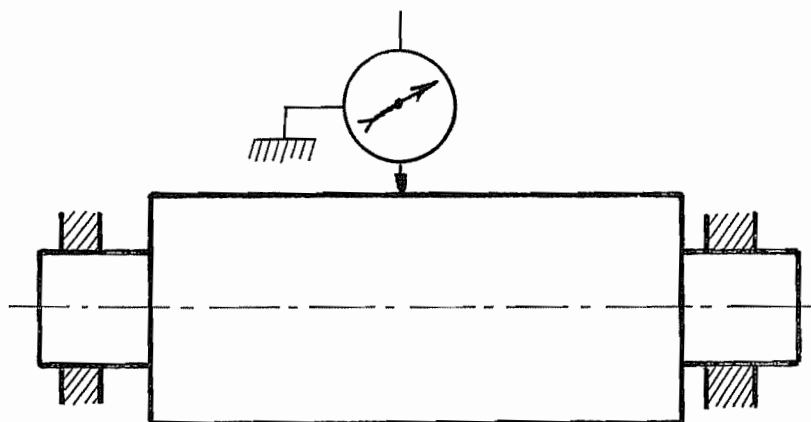
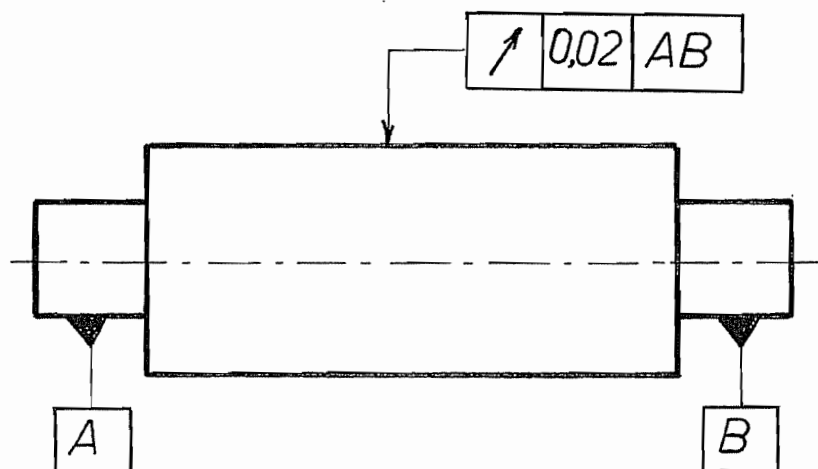


FIG. 20

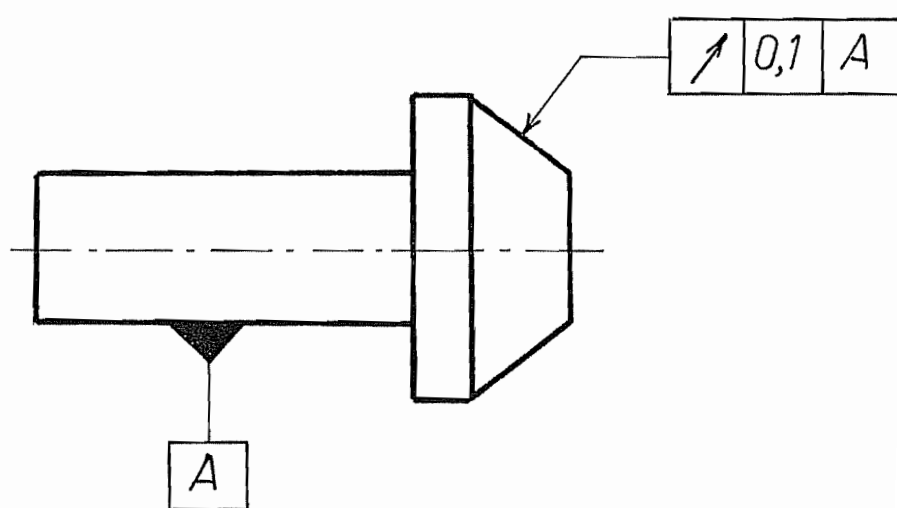


FIG. 21

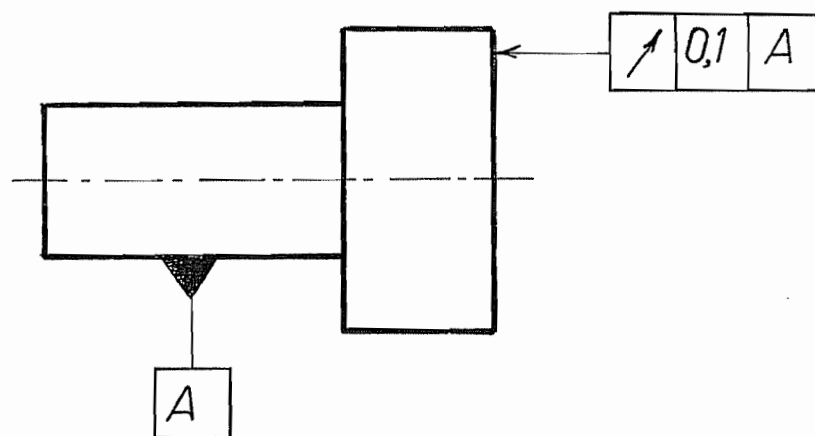


FIG. 22

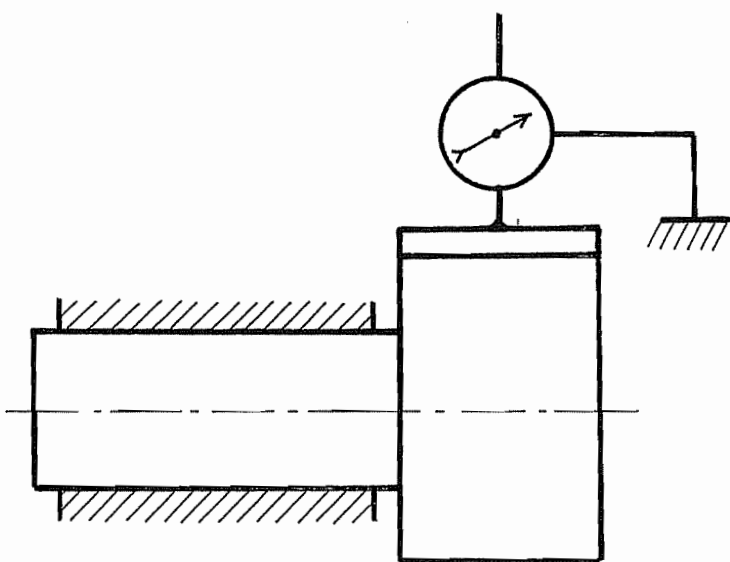
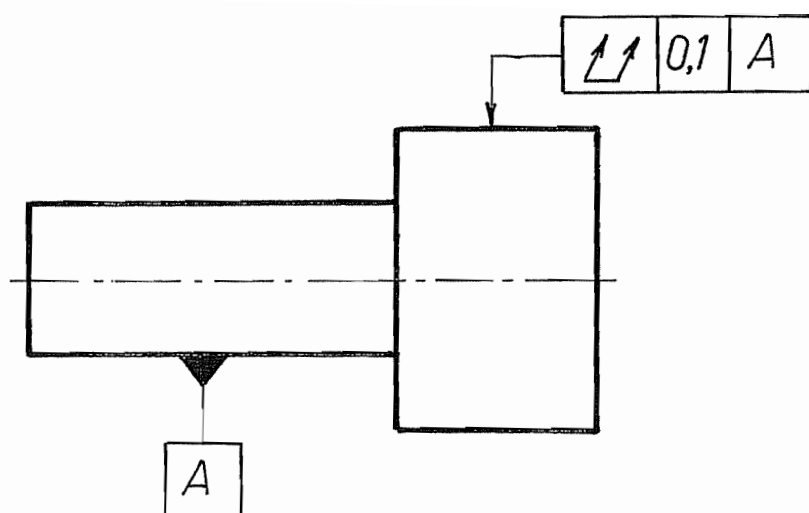


FIG. 23

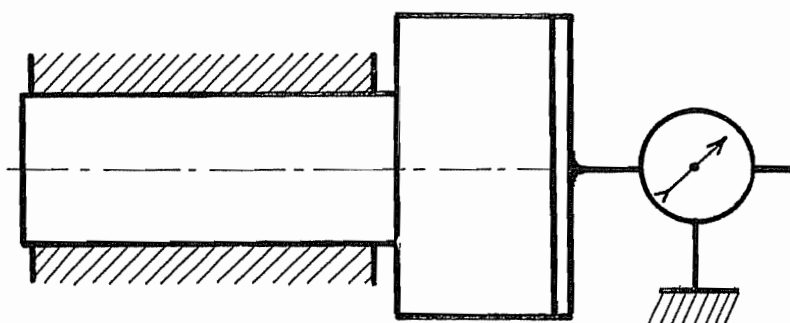
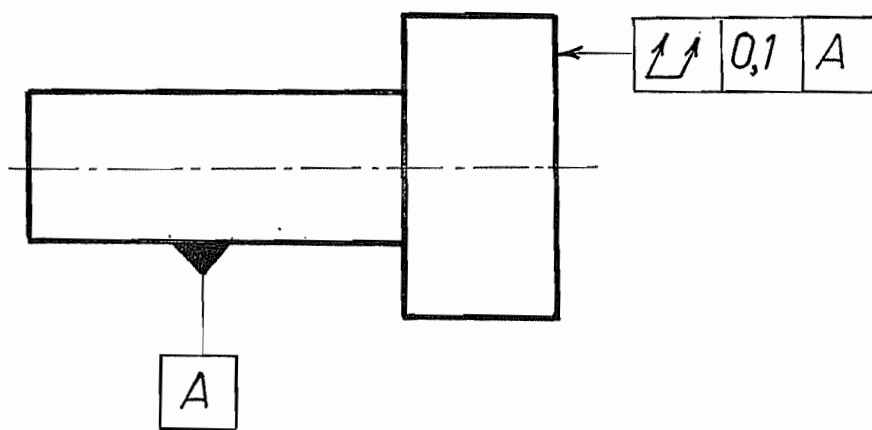


FIG. 24

Chapitre 2

Cotation de fabrication

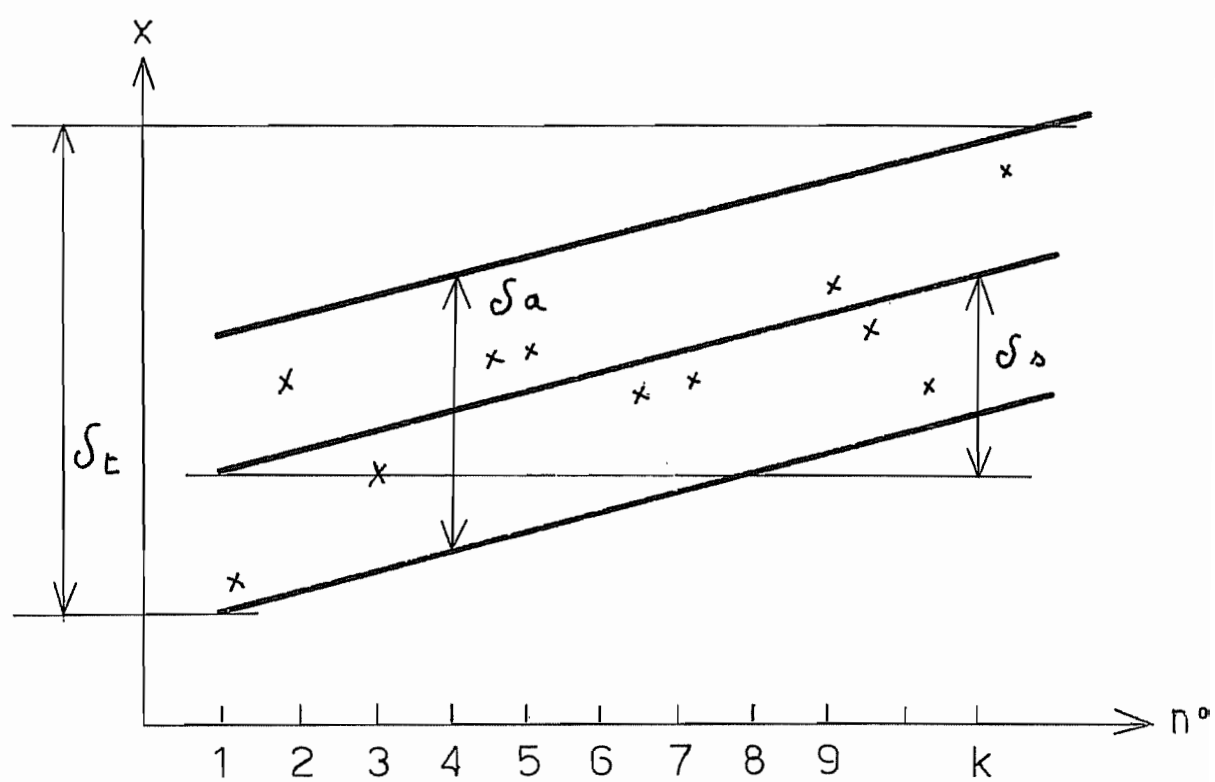


Fig. 1

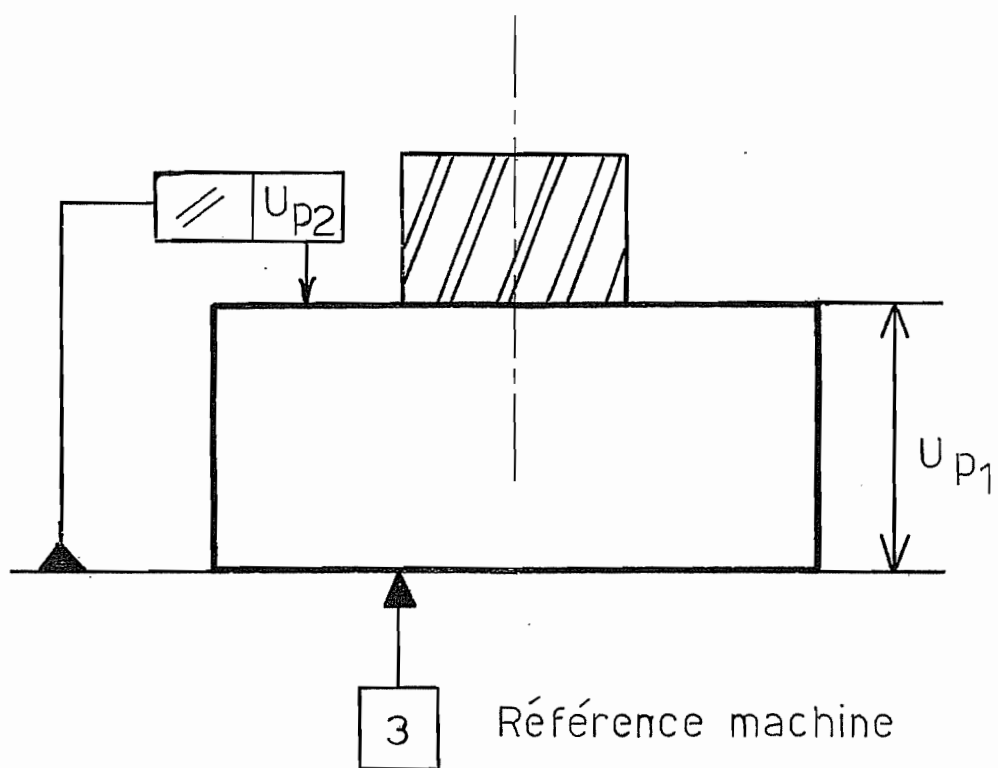
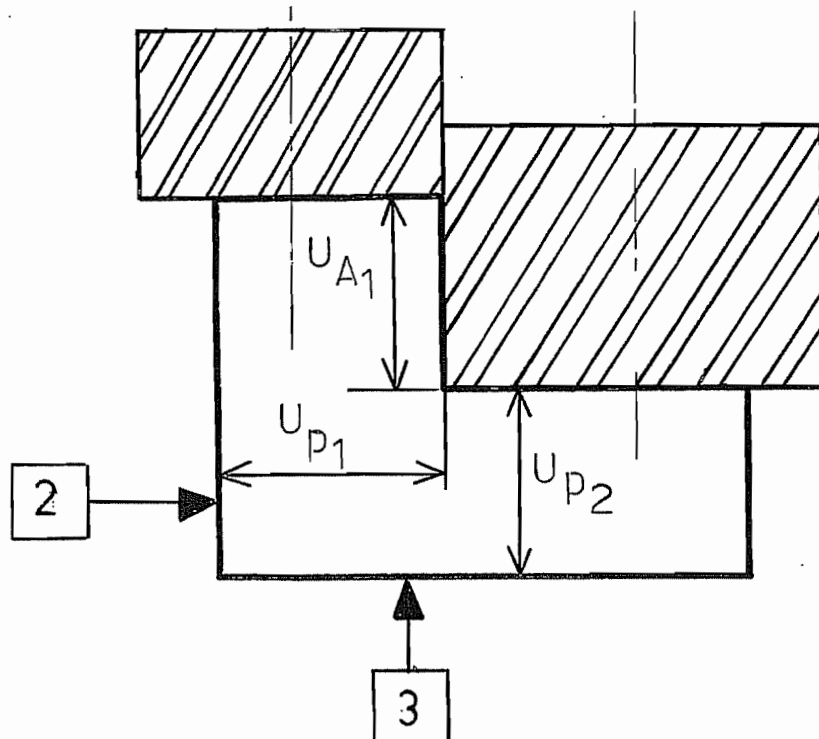


Fig. 2

Position 2 de l'outil



Position 1 de l'outil

Fig. 3

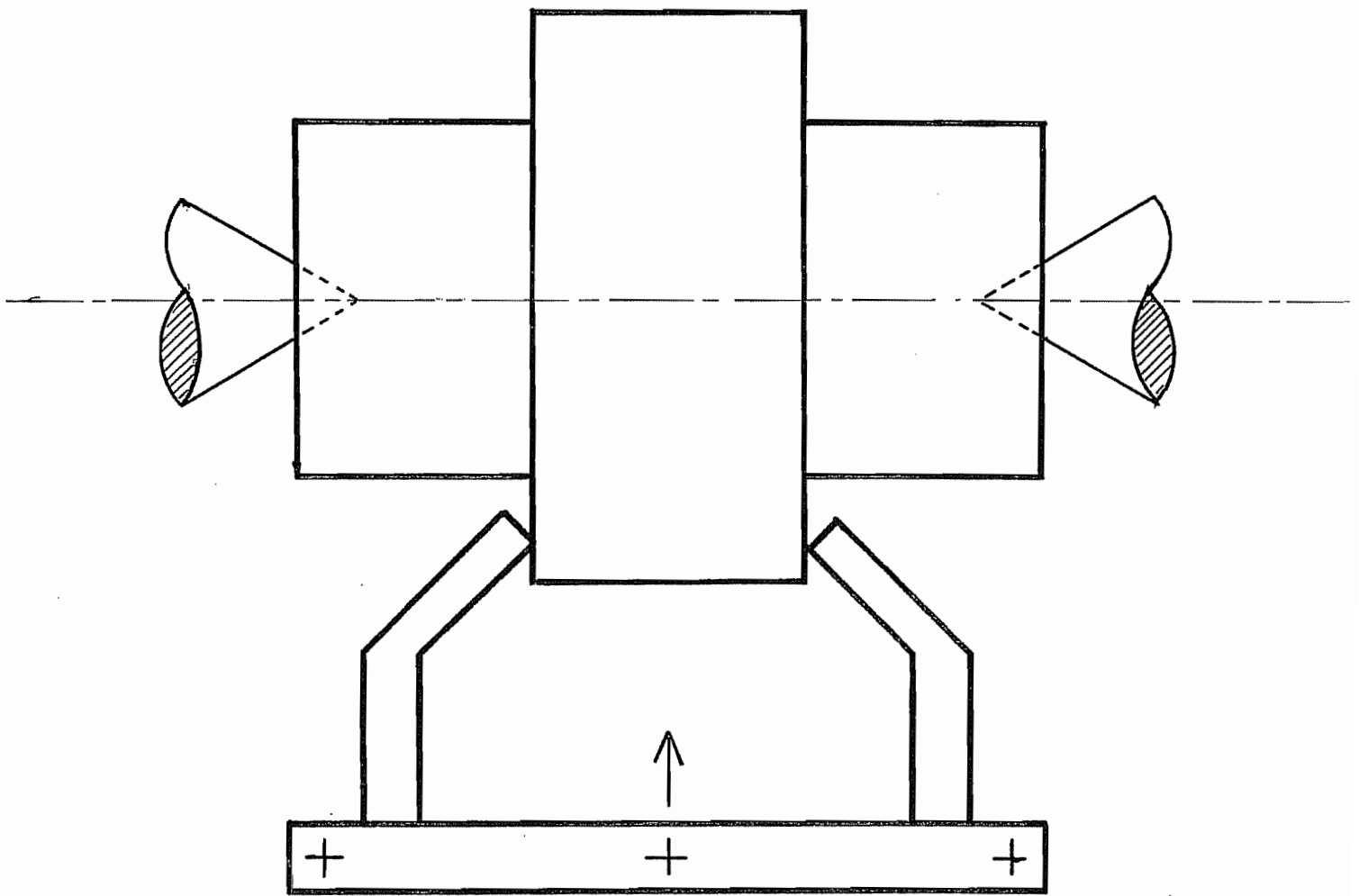


Fig. 4

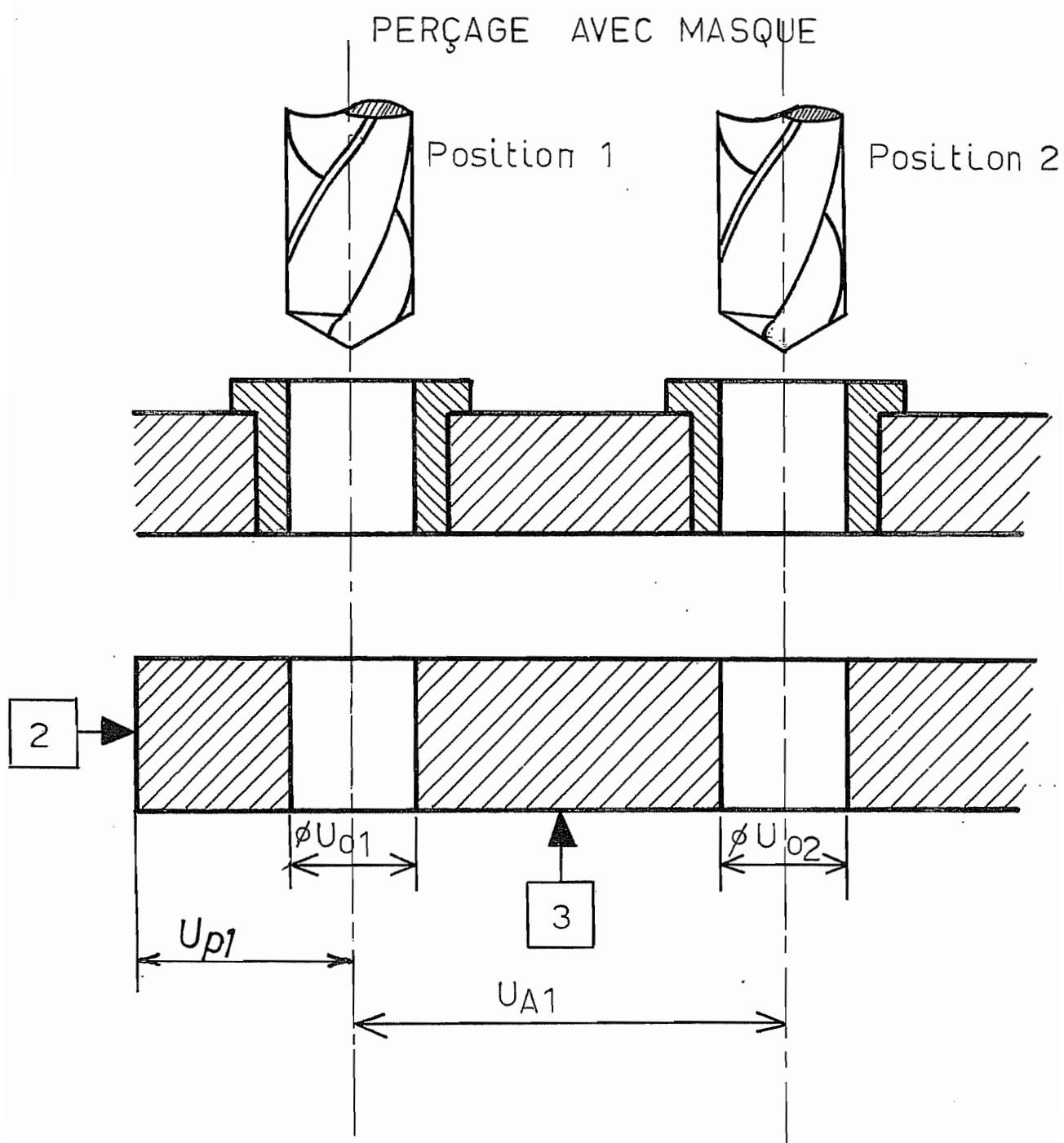


Fig. 5

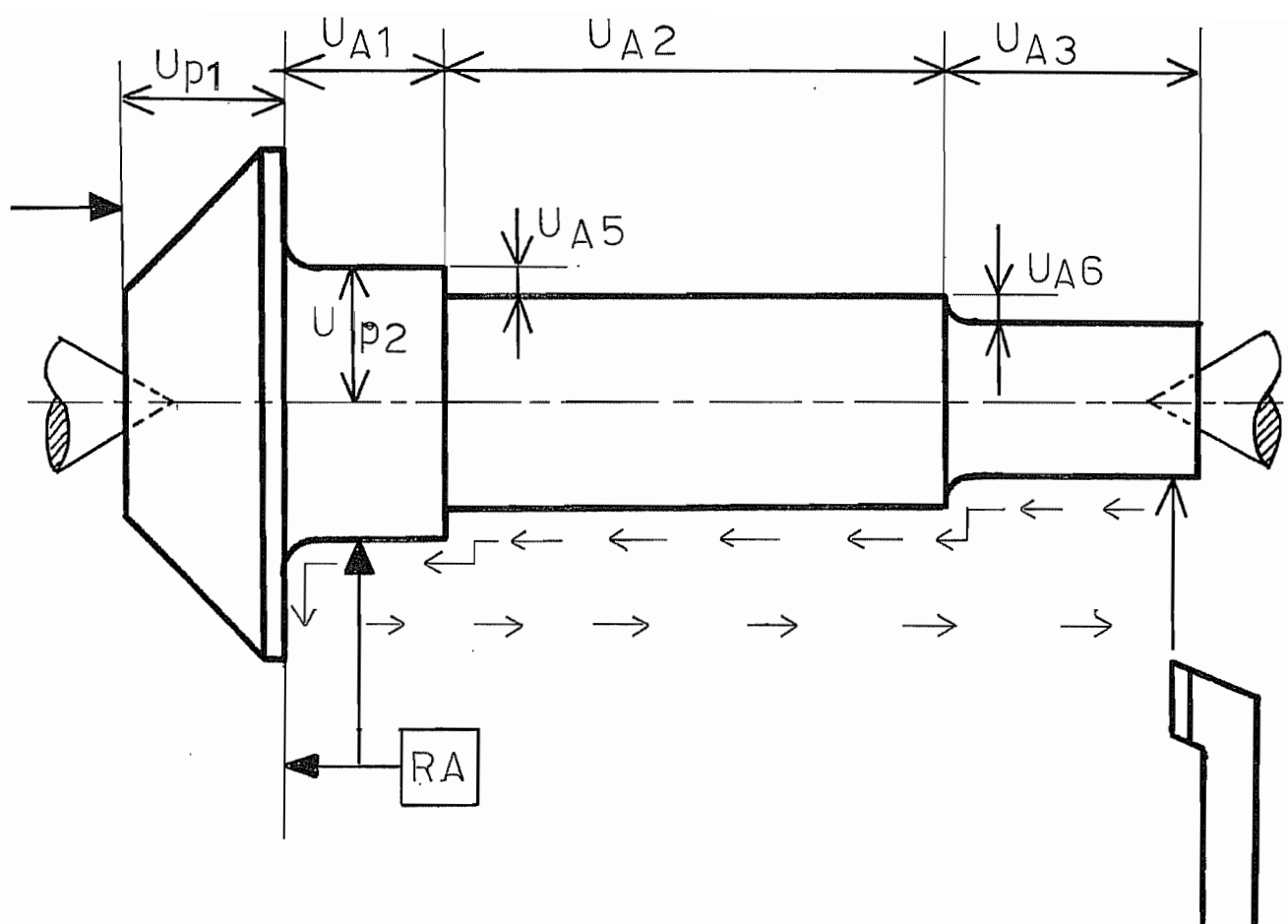


Fig. 6

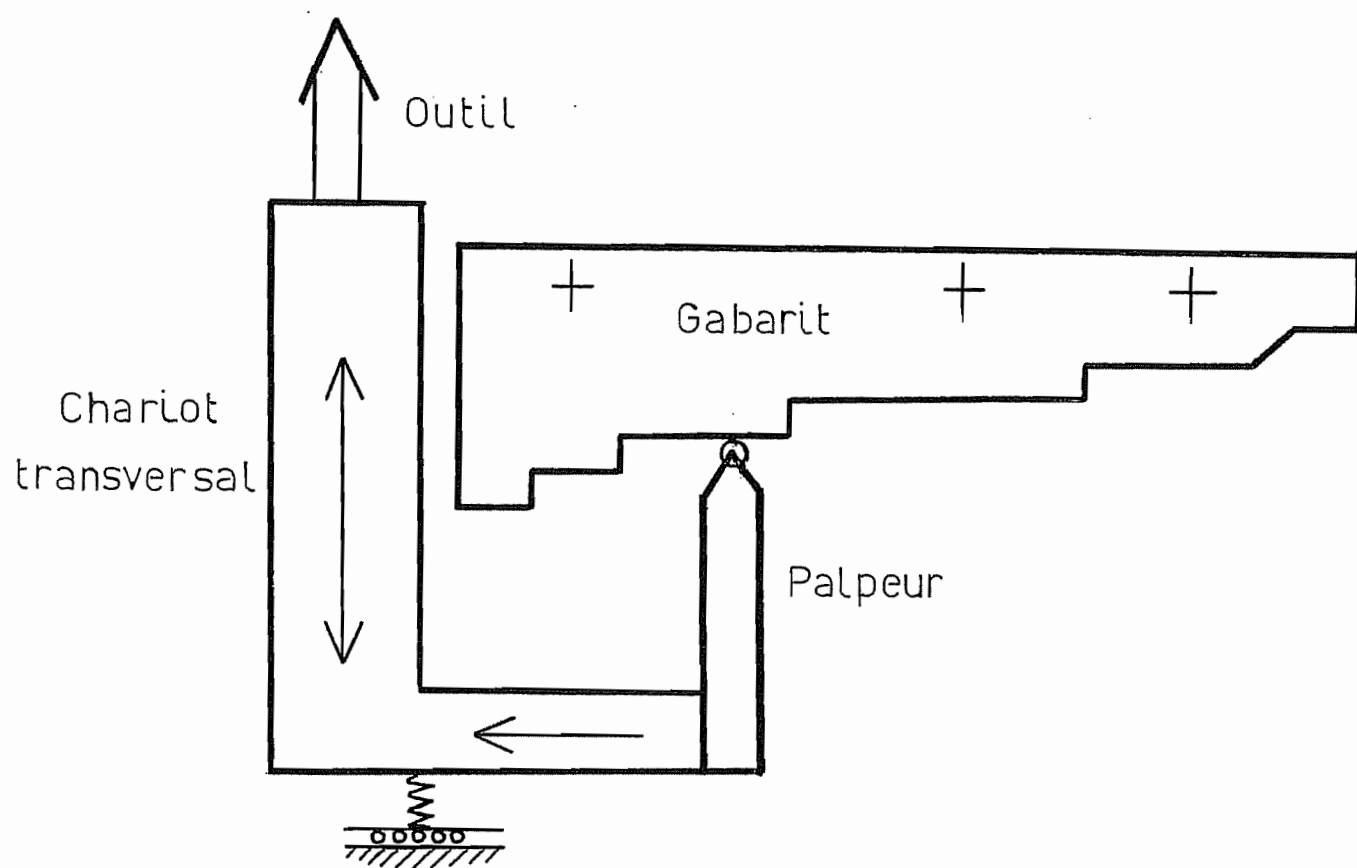


Fig. 7

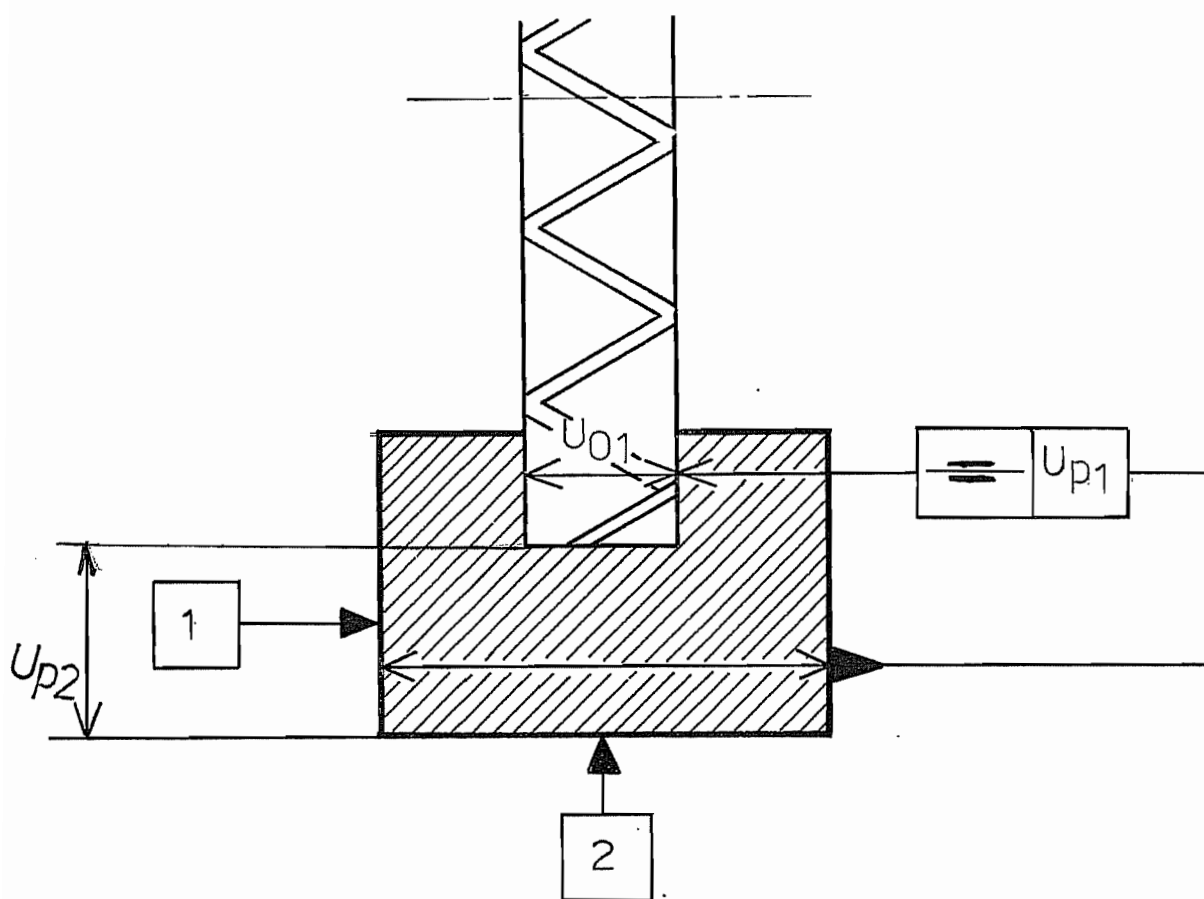


Fig. 8

Référentiel

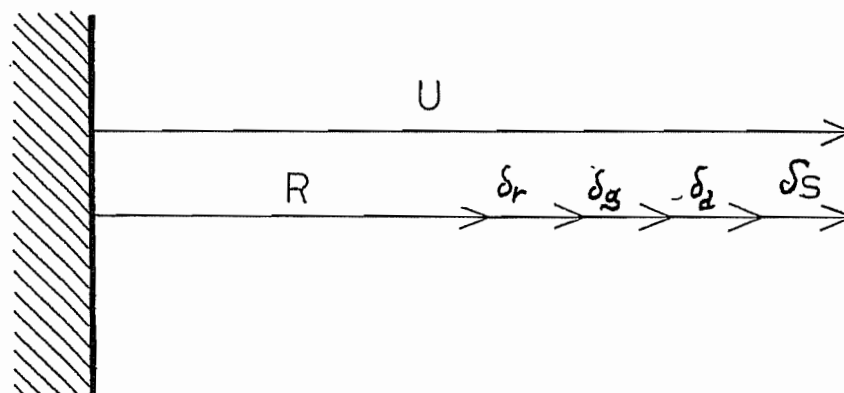


Fig. 9

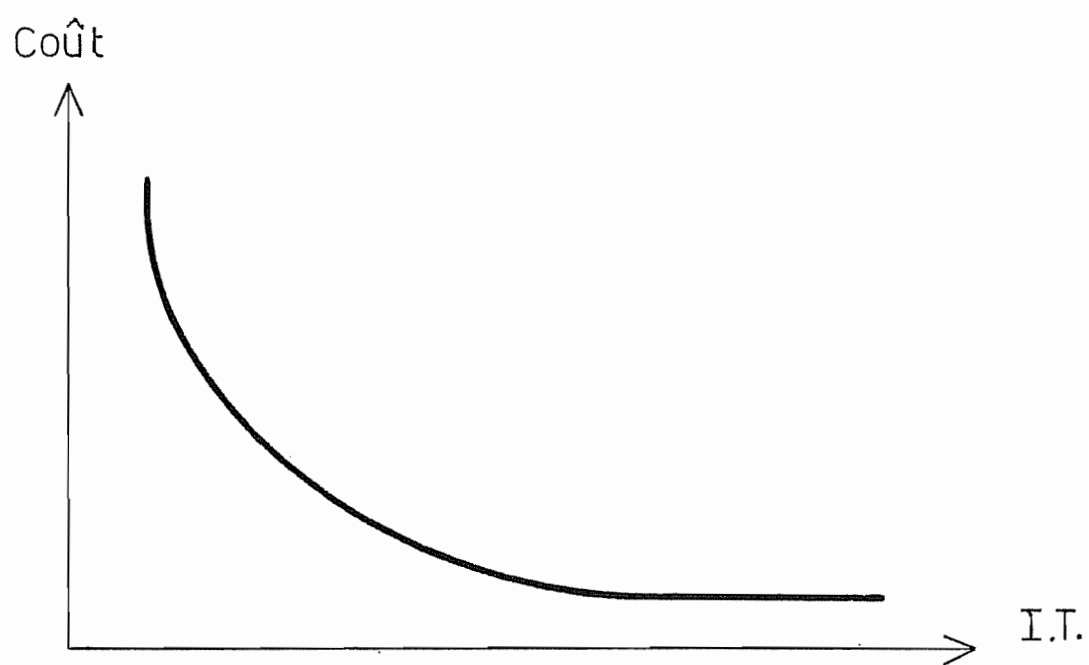


Fig. 10

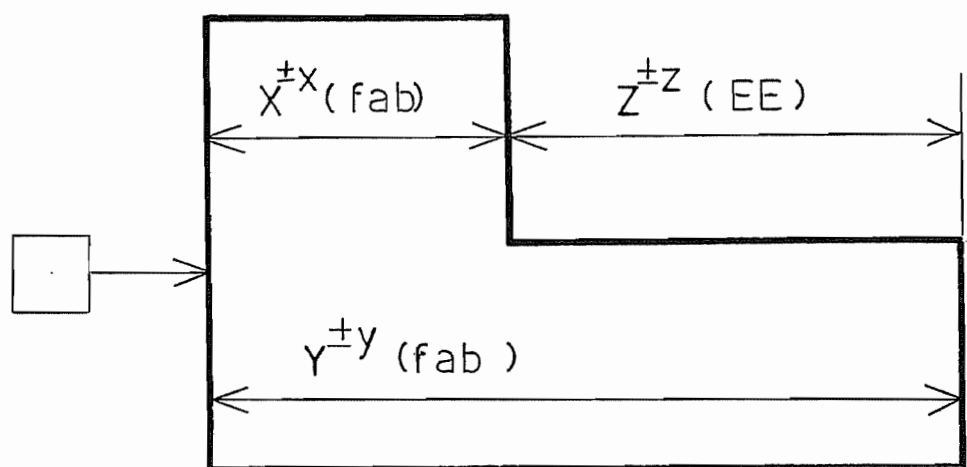
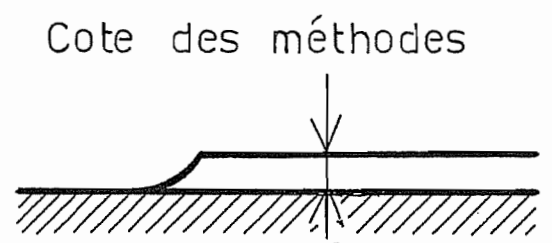
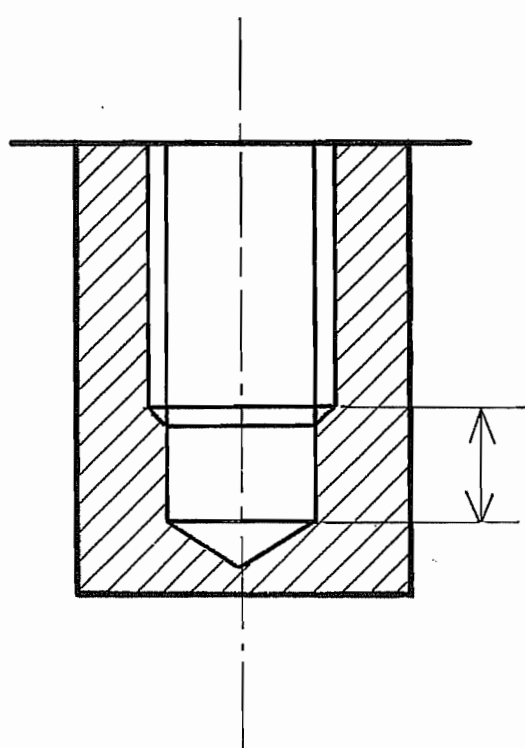


Fig. 11



Cote des méthodes

Fig. 12

Transfert de cote

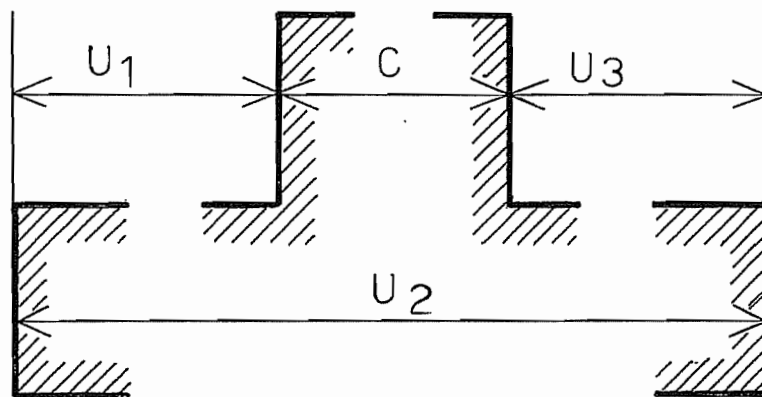
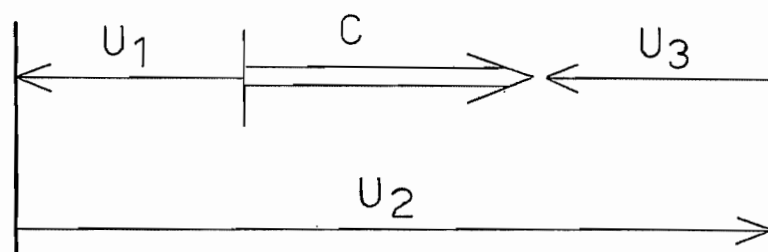


Fig. 13



$$C = -U_1 + U_2 - U_3$$

Fig. 14

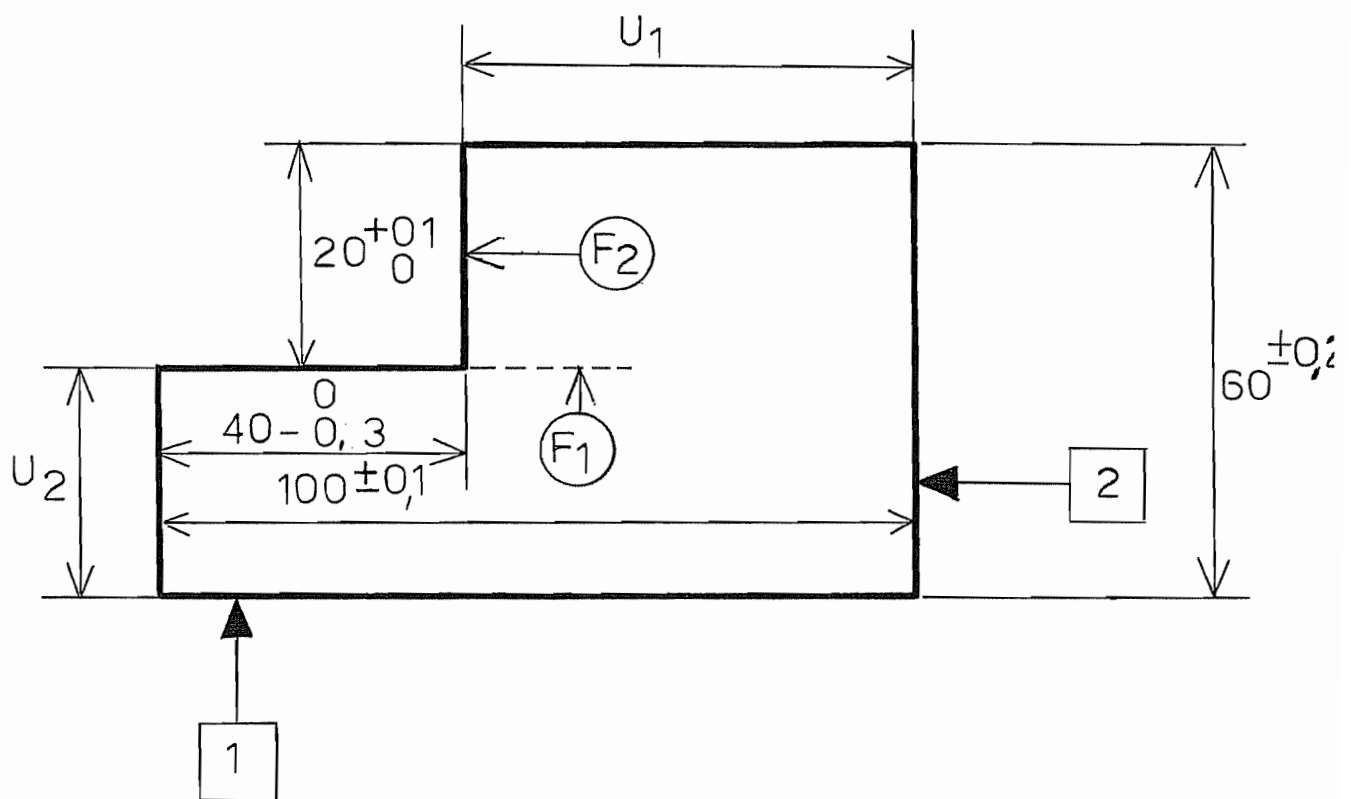


Fig. 15

a) Cote U_1

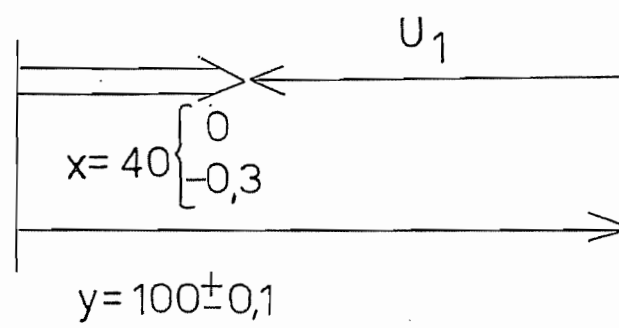


Fig. 16

b) Cote U_2

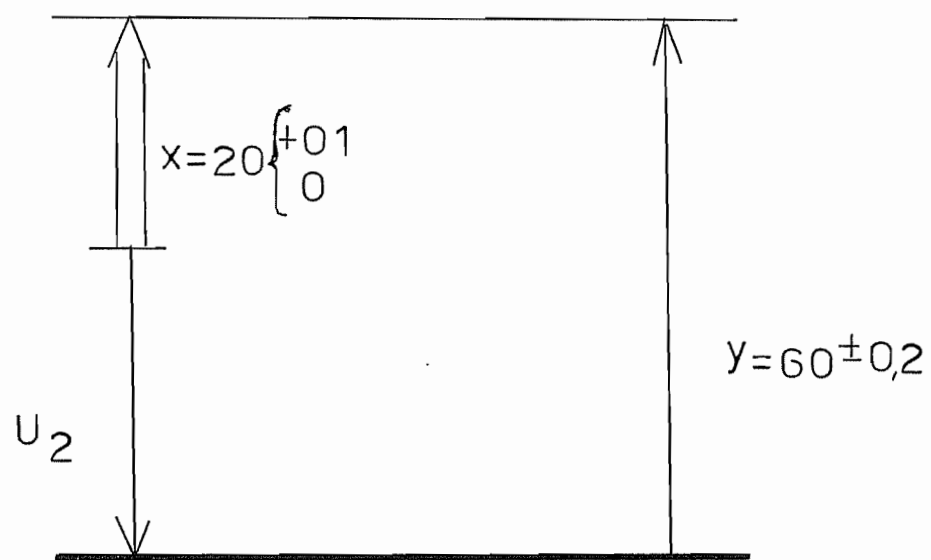


Fig. 17

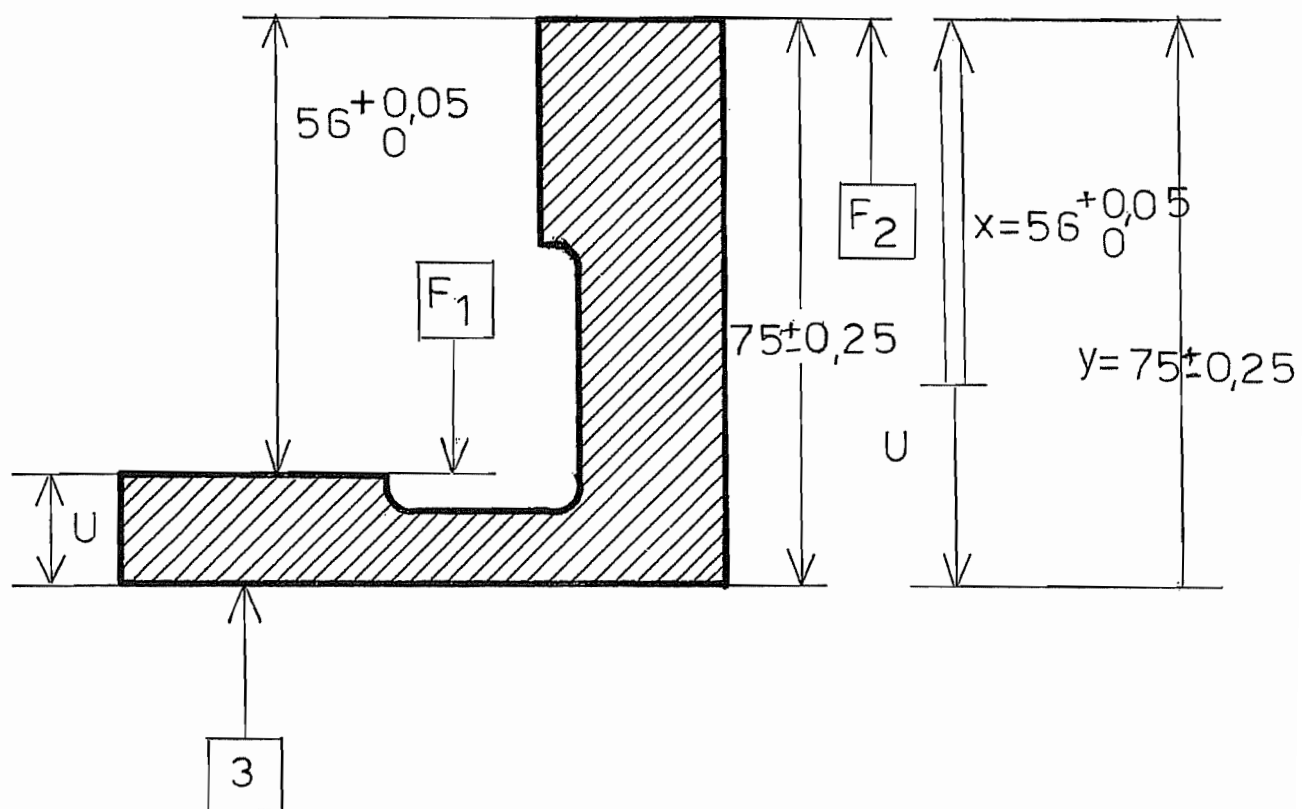


Fig. 18

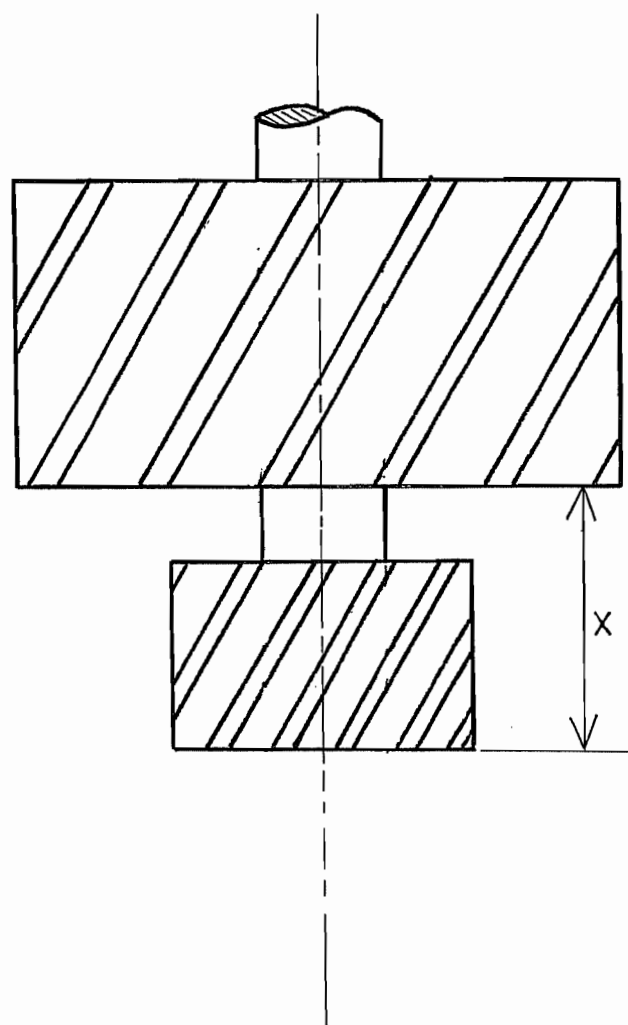


Fig. 19

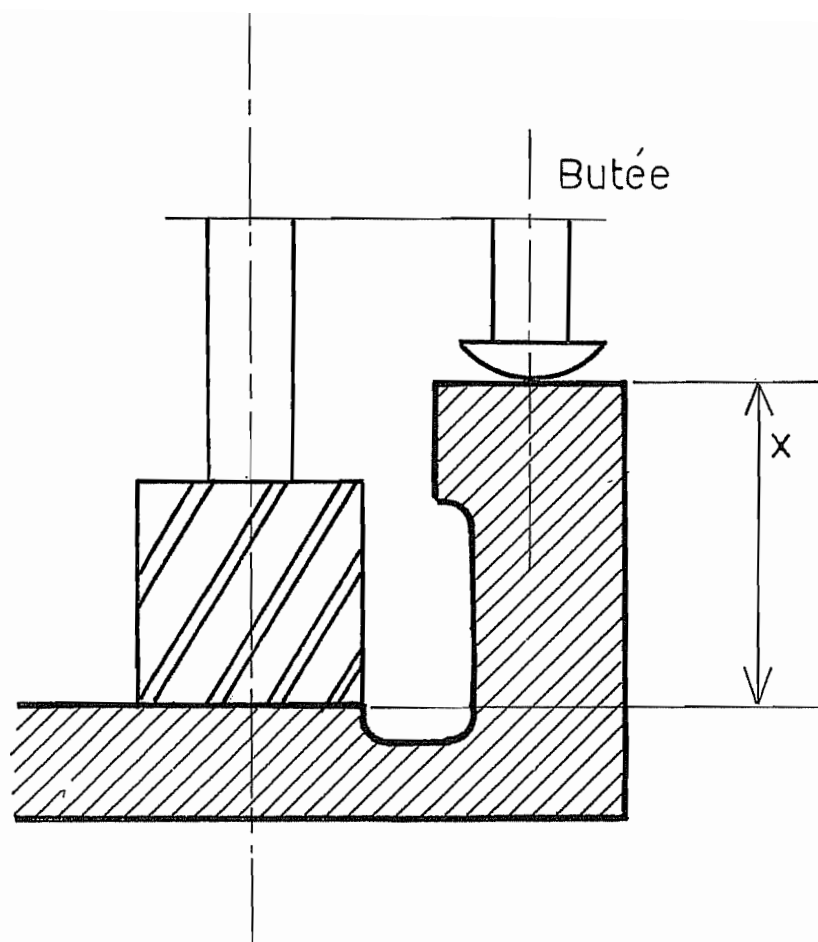


Fig. 20

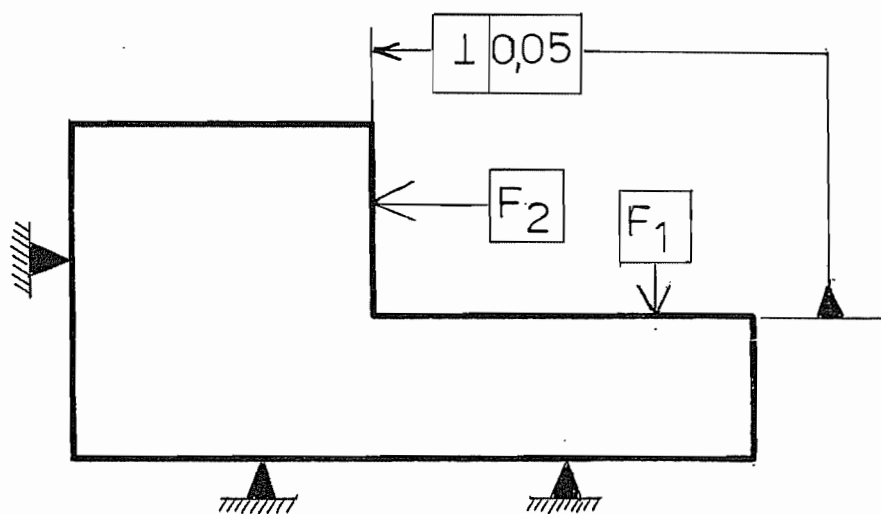


Fig. 21

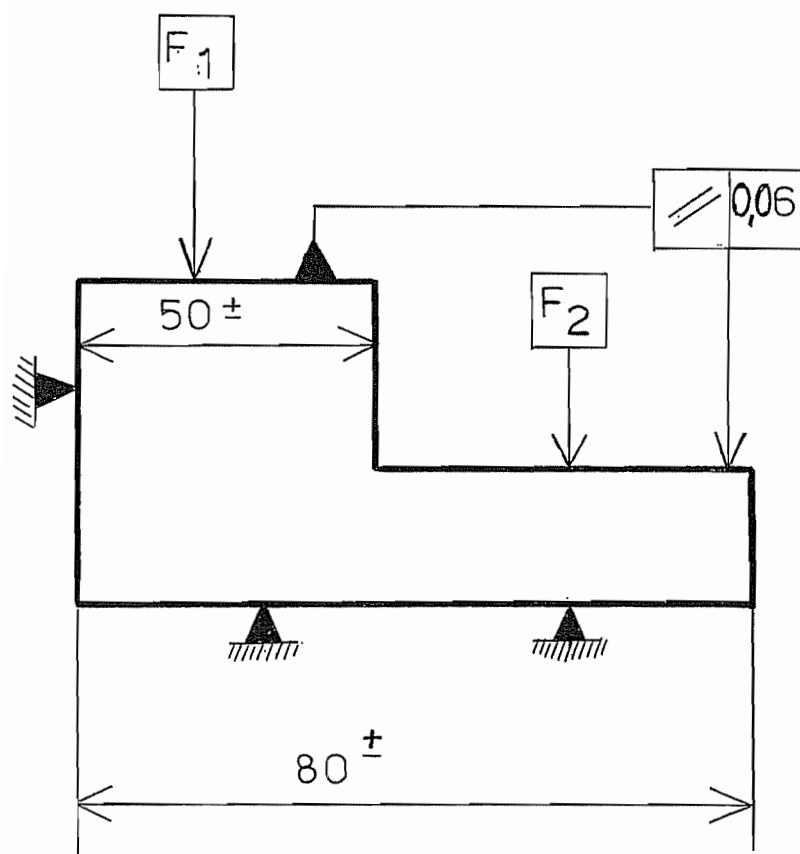


Fig. 22

1^{er} étape $\rightarrow$ angle α_1

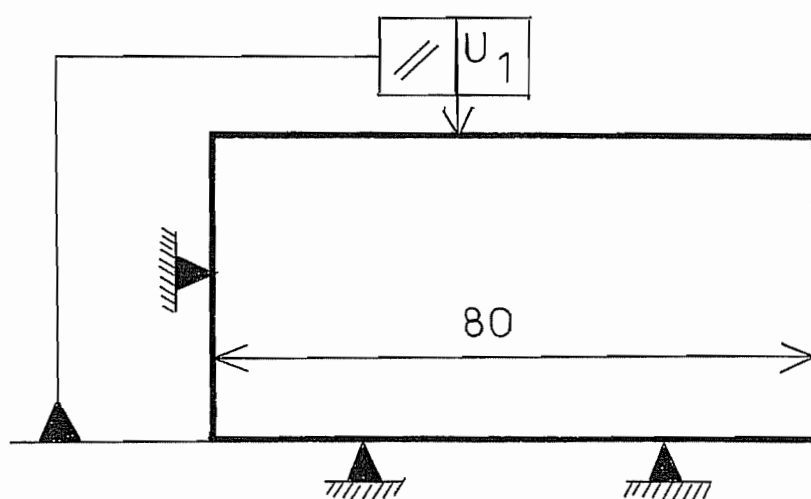


Fig. 23

2^e étape $\rightarrow$ angle α_2

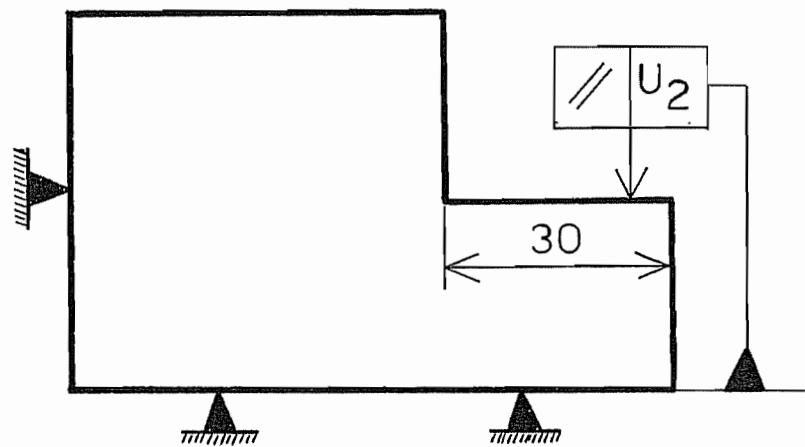


Fig.24

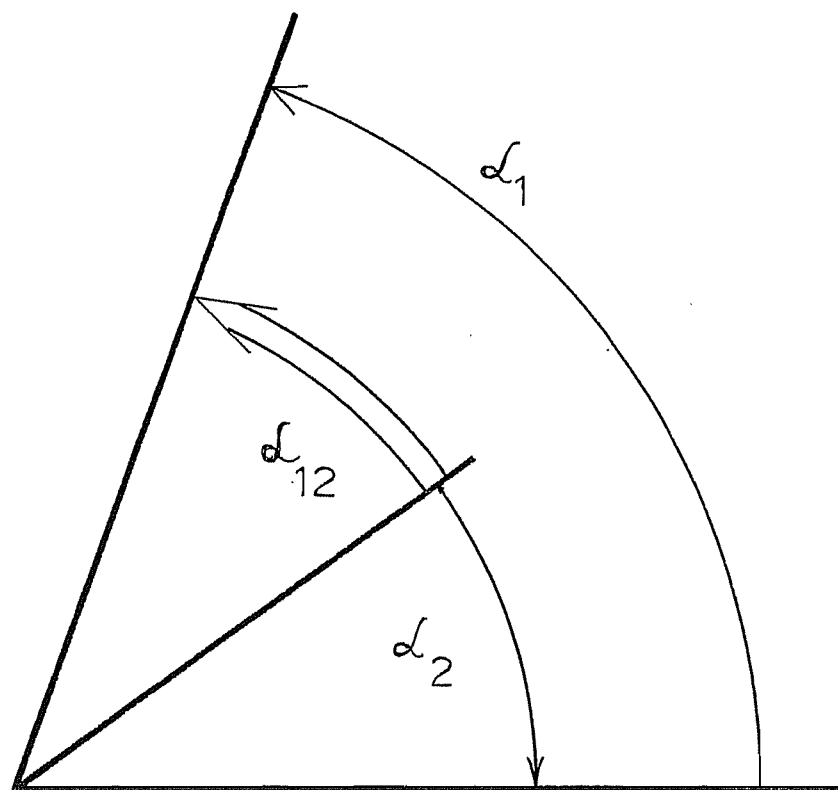


Fig. 25

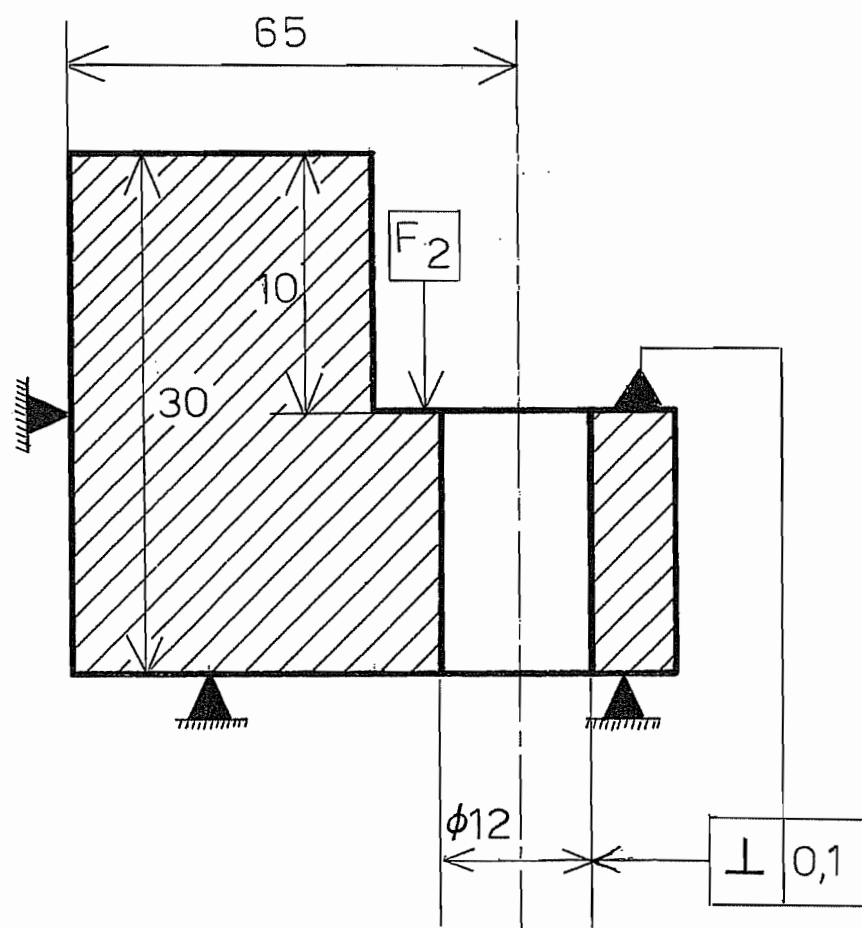


Fig. 26

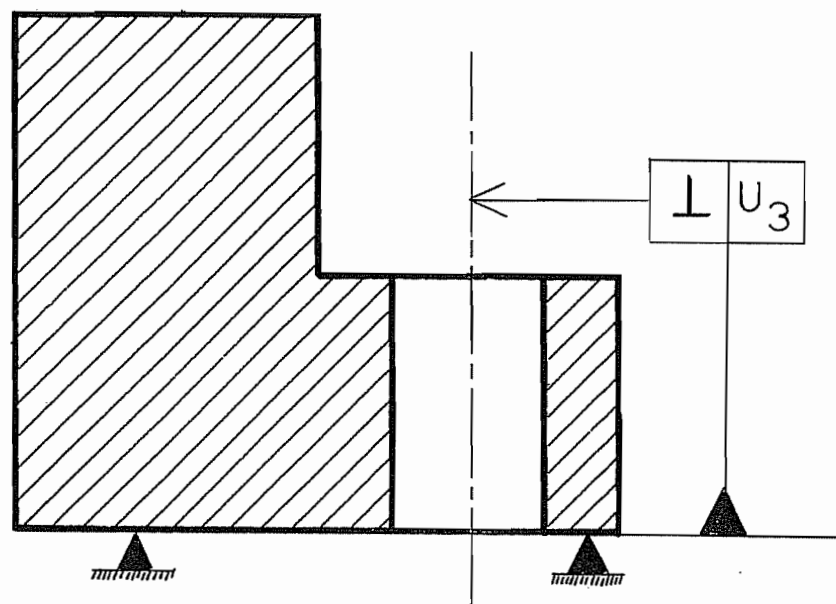


Fig. 27

Axe du trou

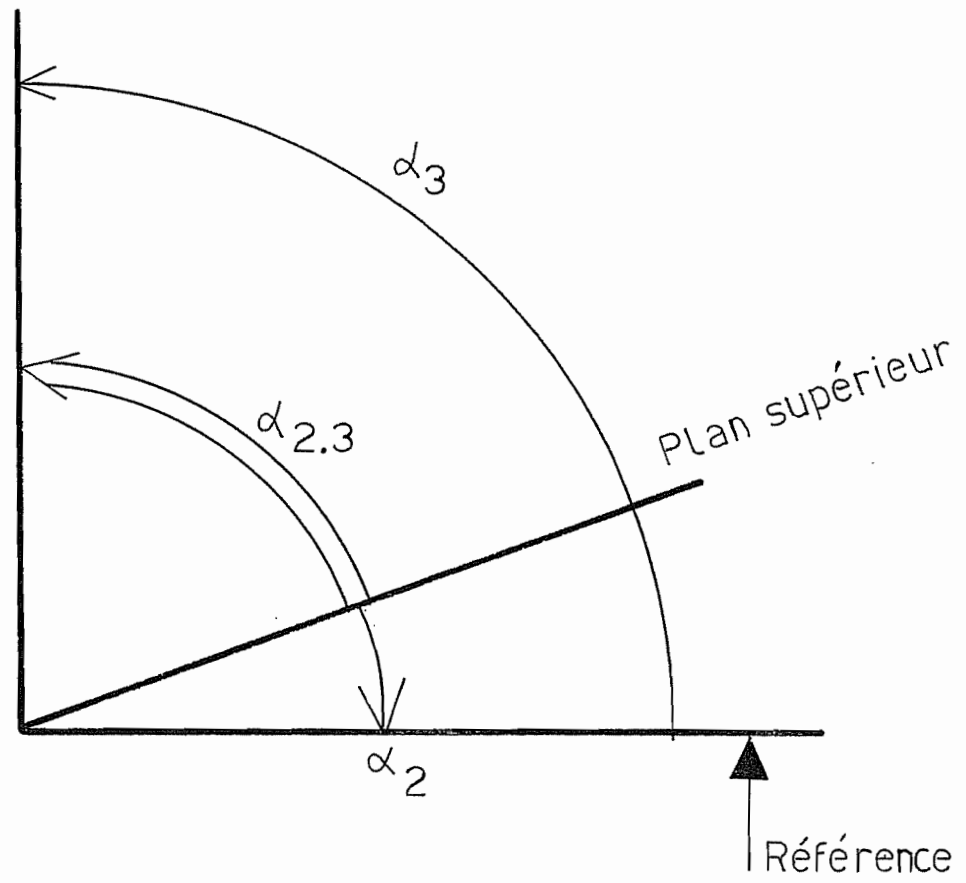


Fig. 28

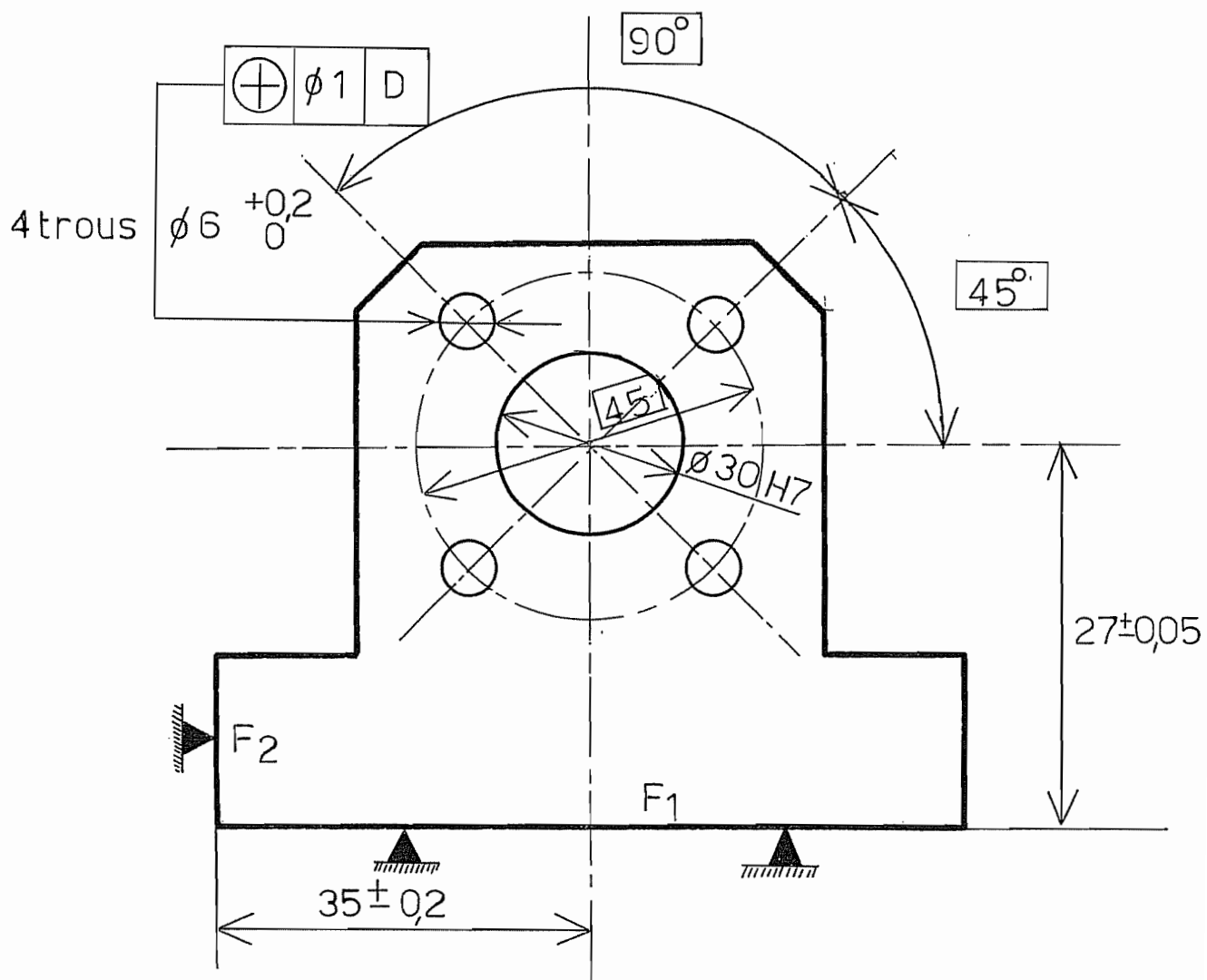


Fig. 29

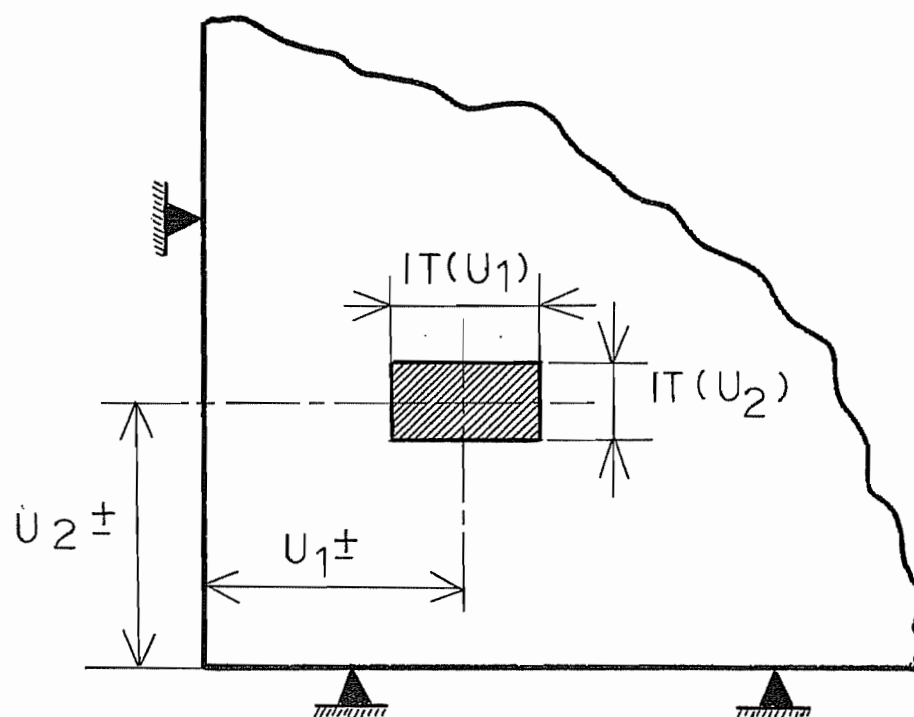
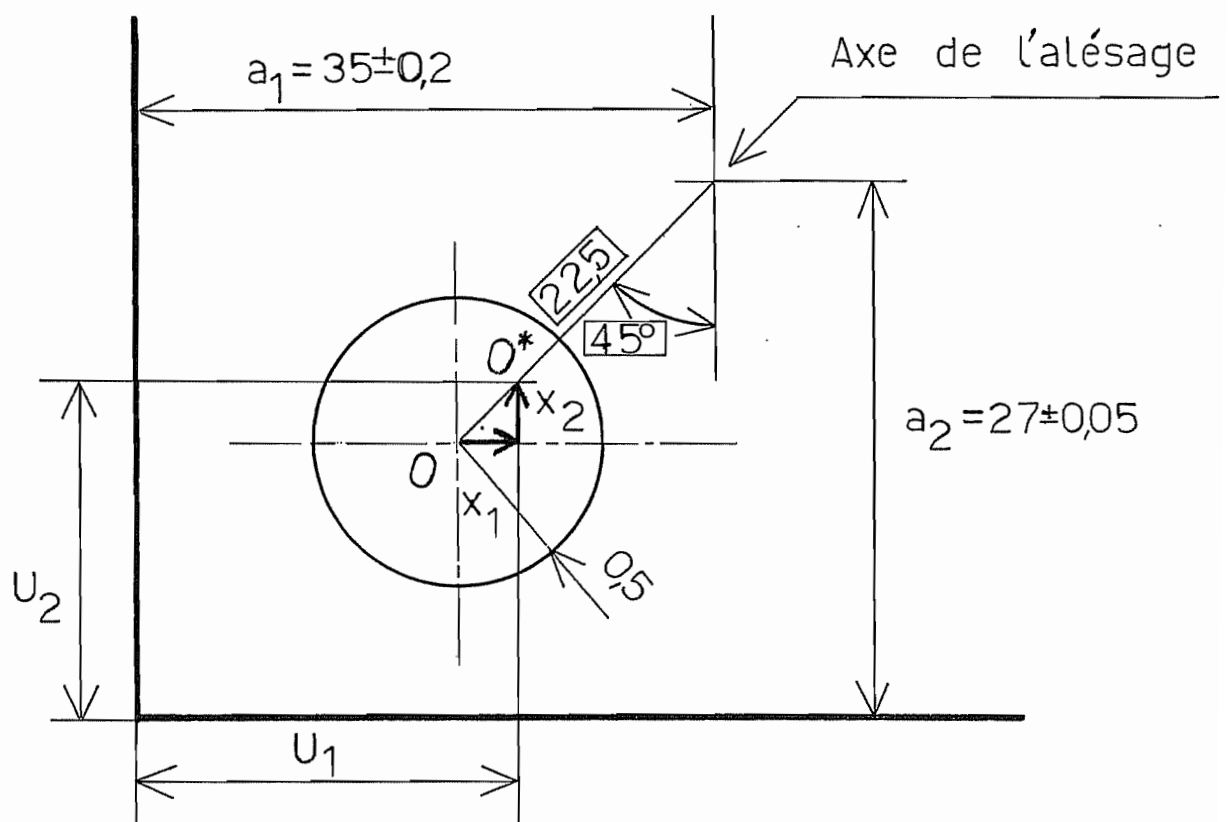


Fig. 30



O : position idéale de l'axe du trou
O* : position réelle de l'axe du trou

Fig. 31

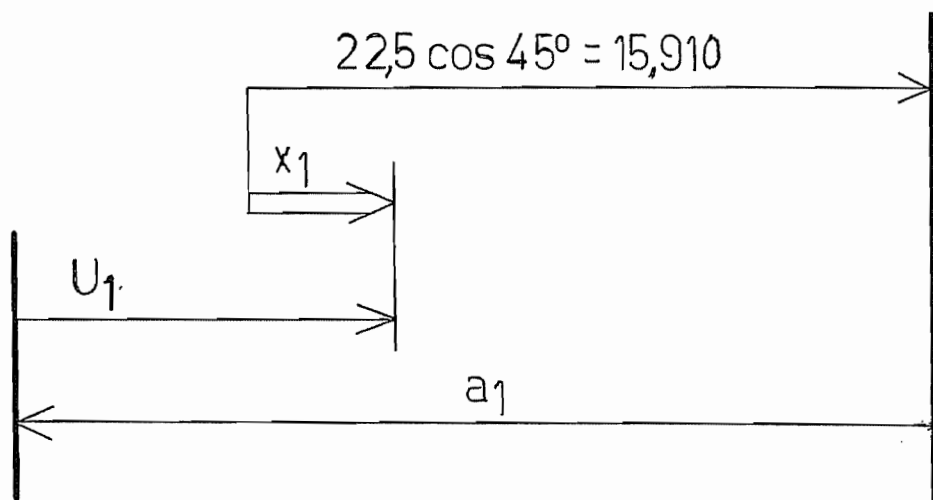


Fig. 32

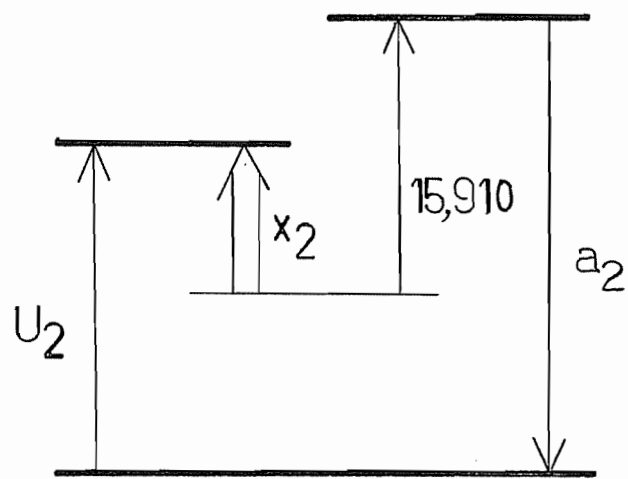


Fig. 33

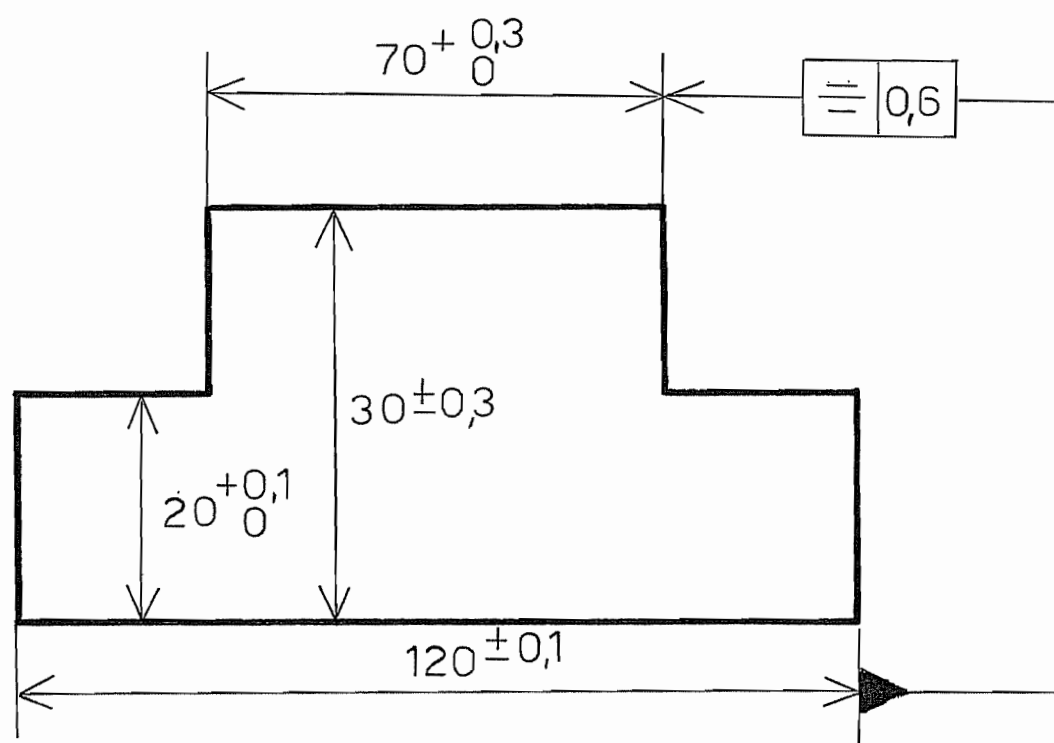


Fig. 34

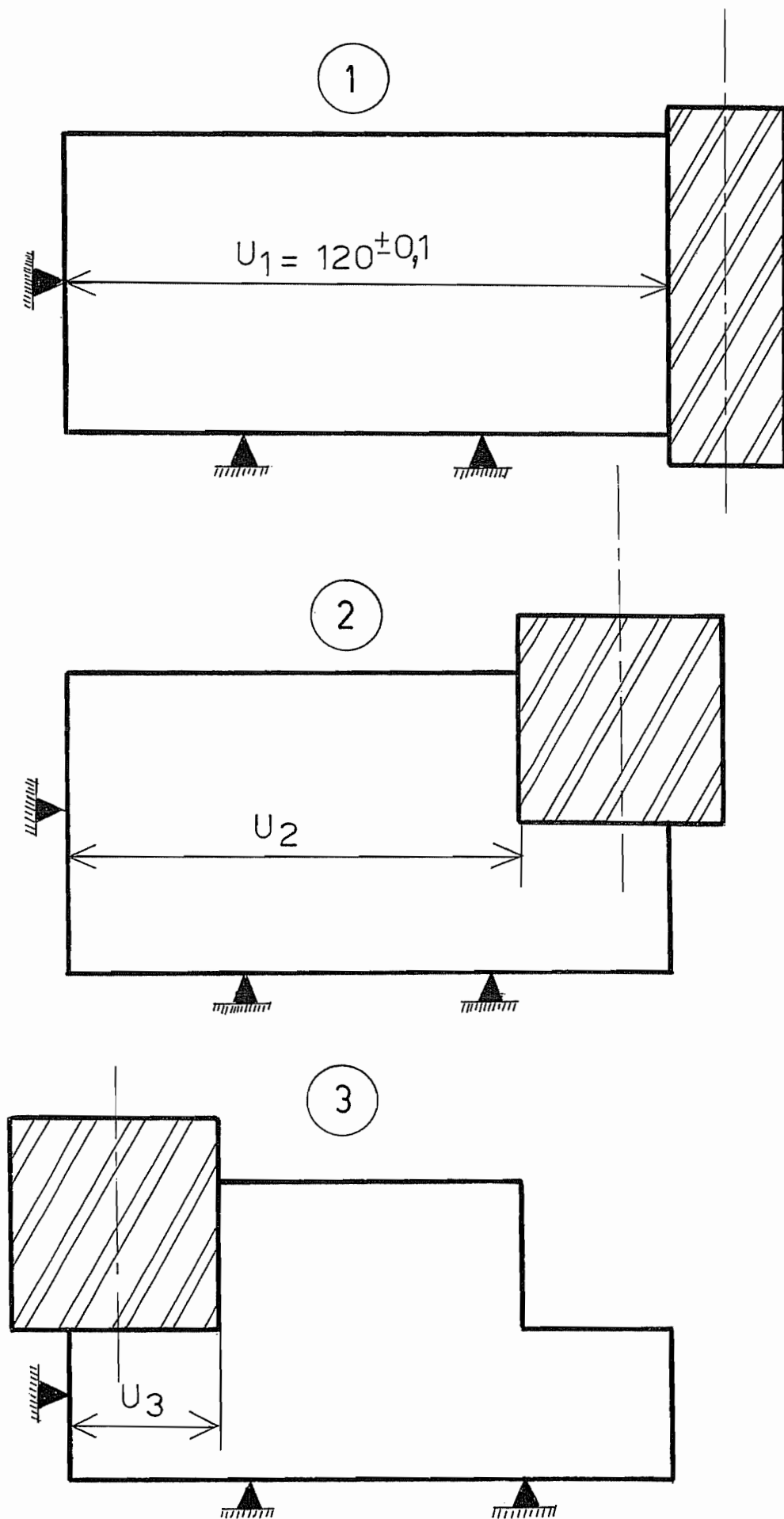


Fig. 35

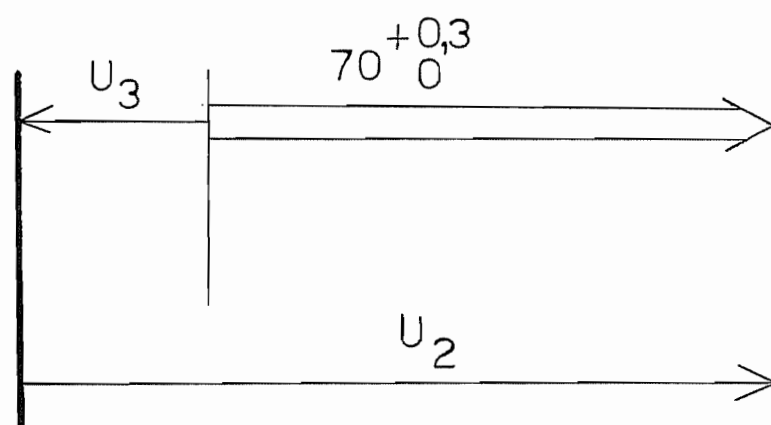


Fig. 36

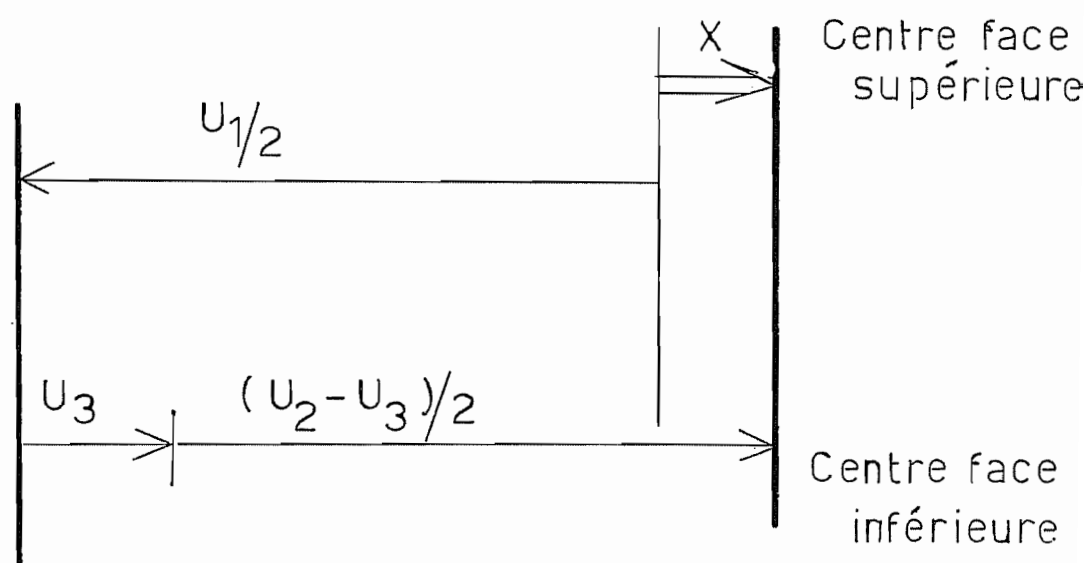


Fig. 37

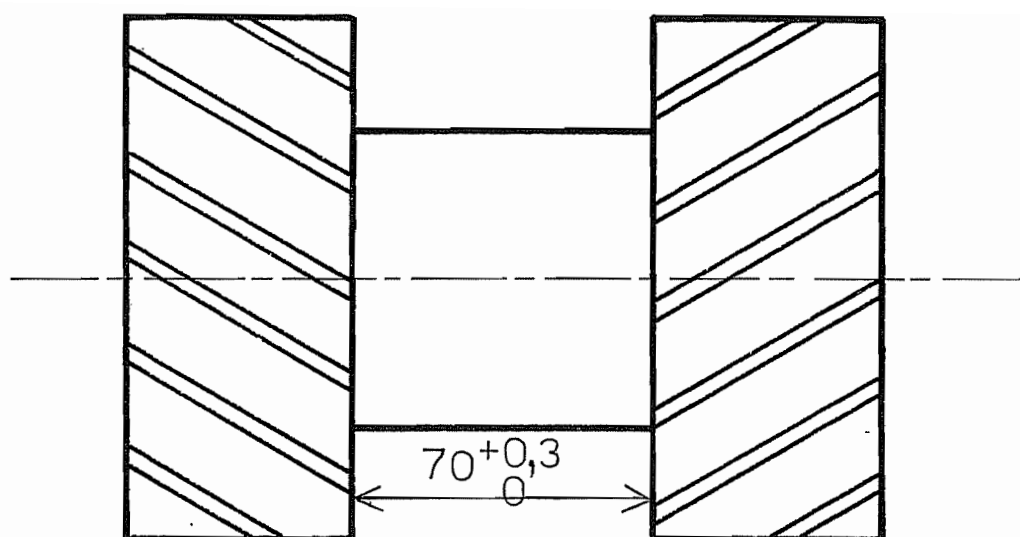


Fig. 38

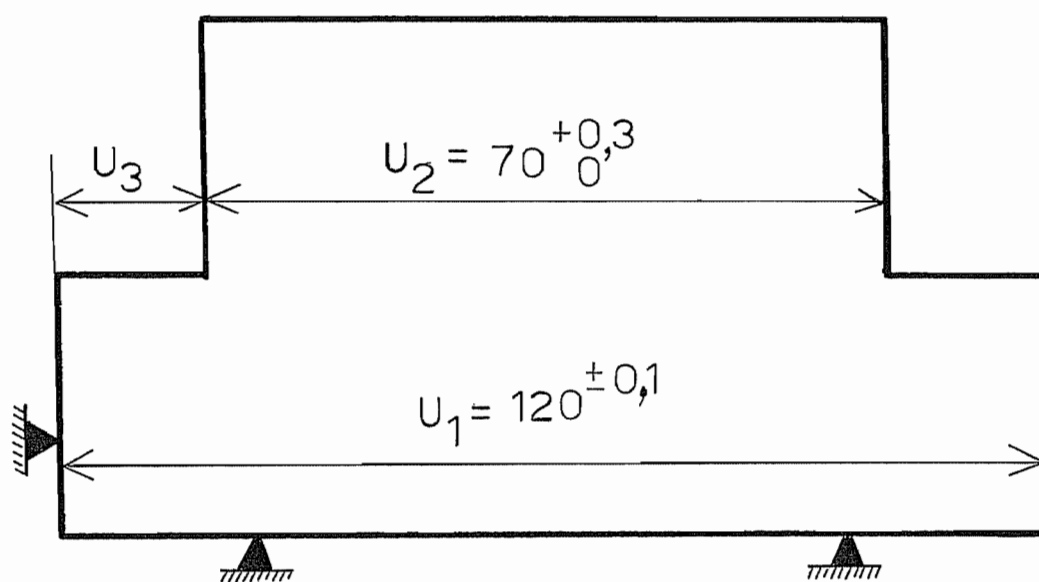


Fig. 39

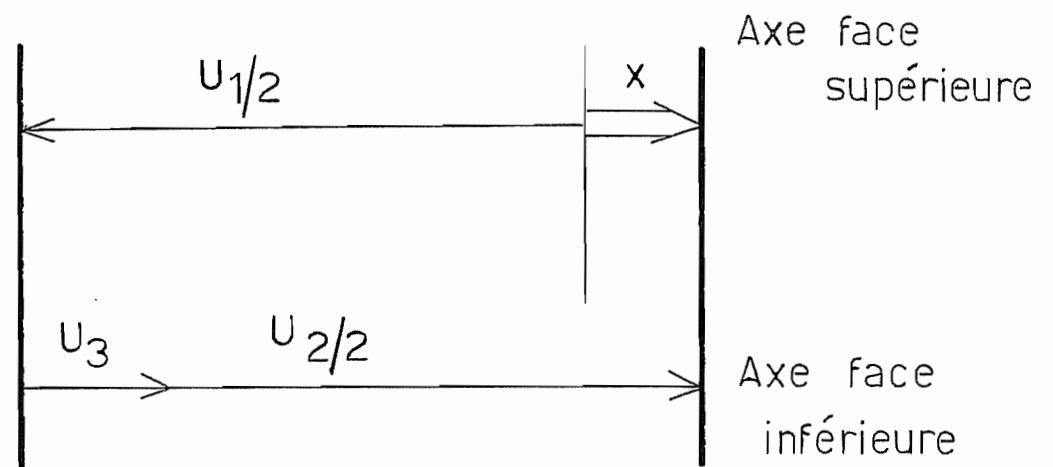


Fig. 40

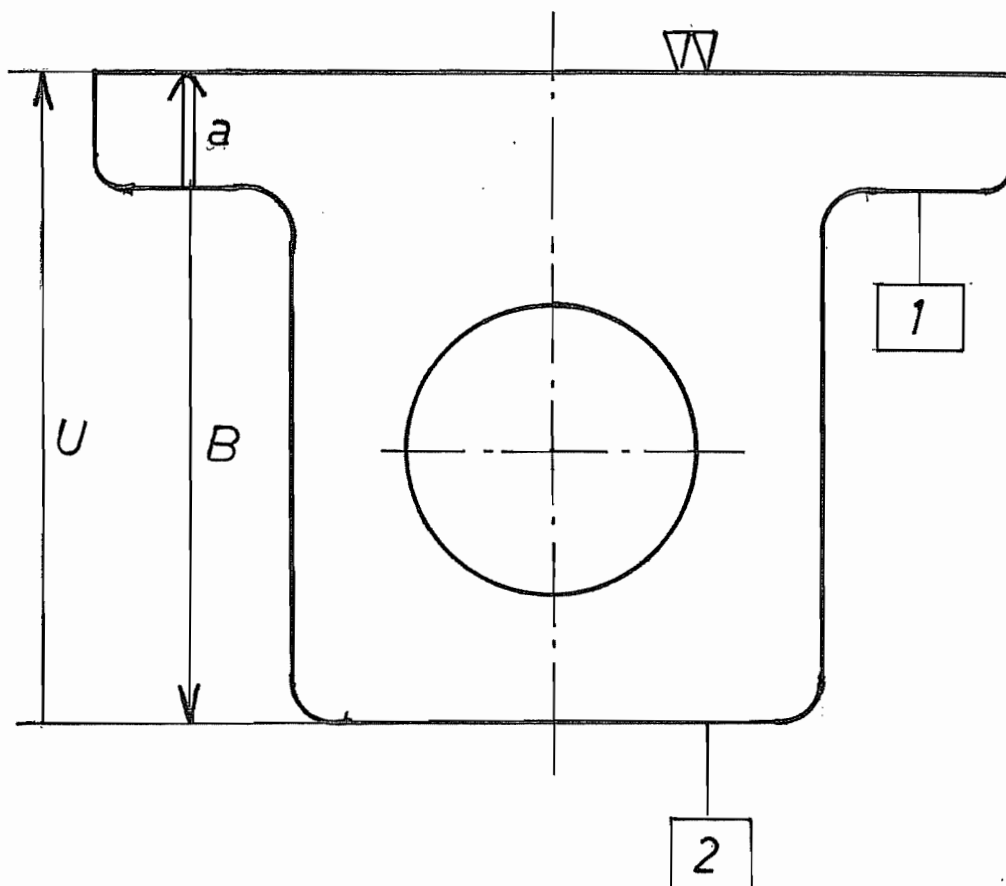
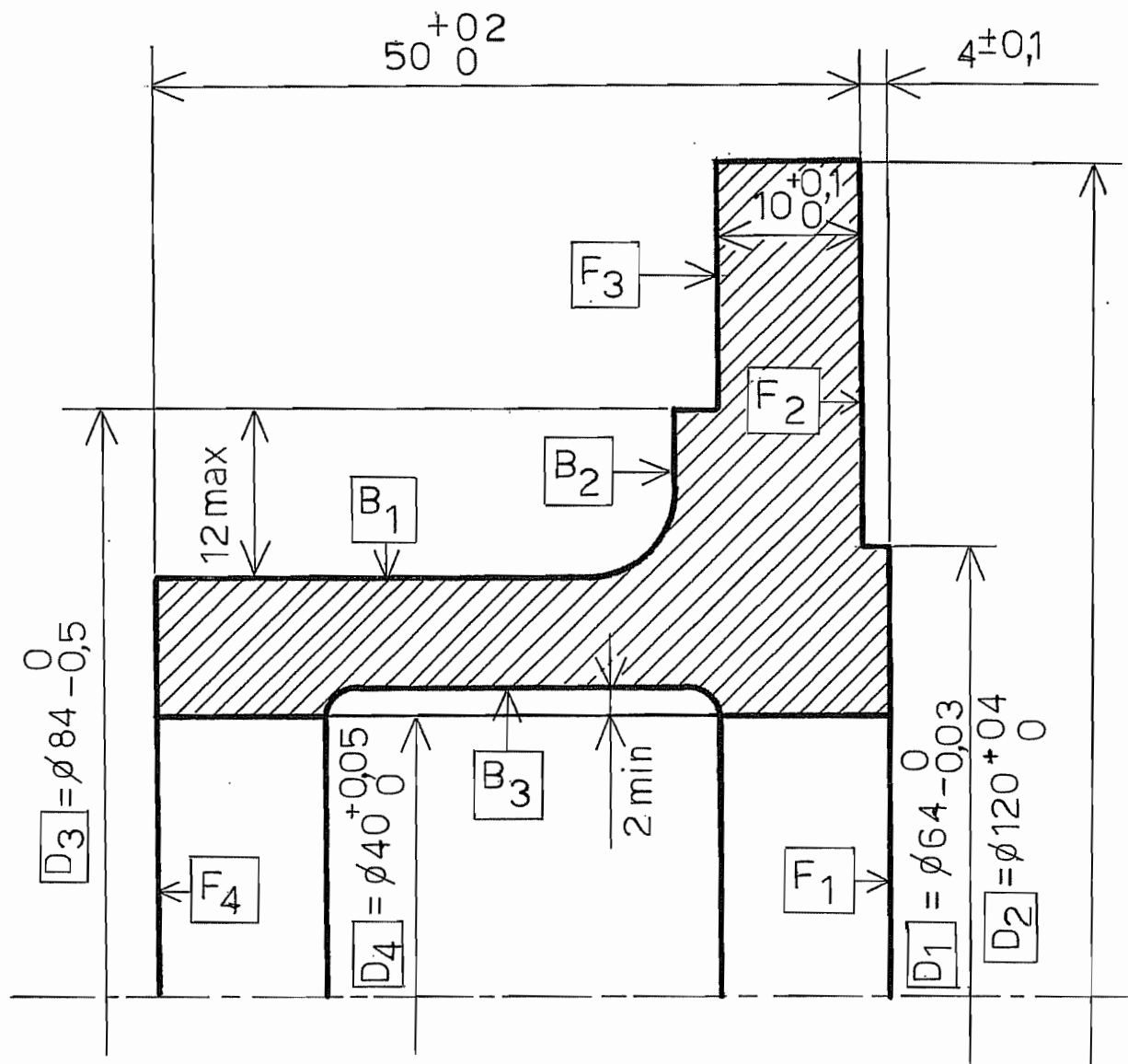


Fig. 42

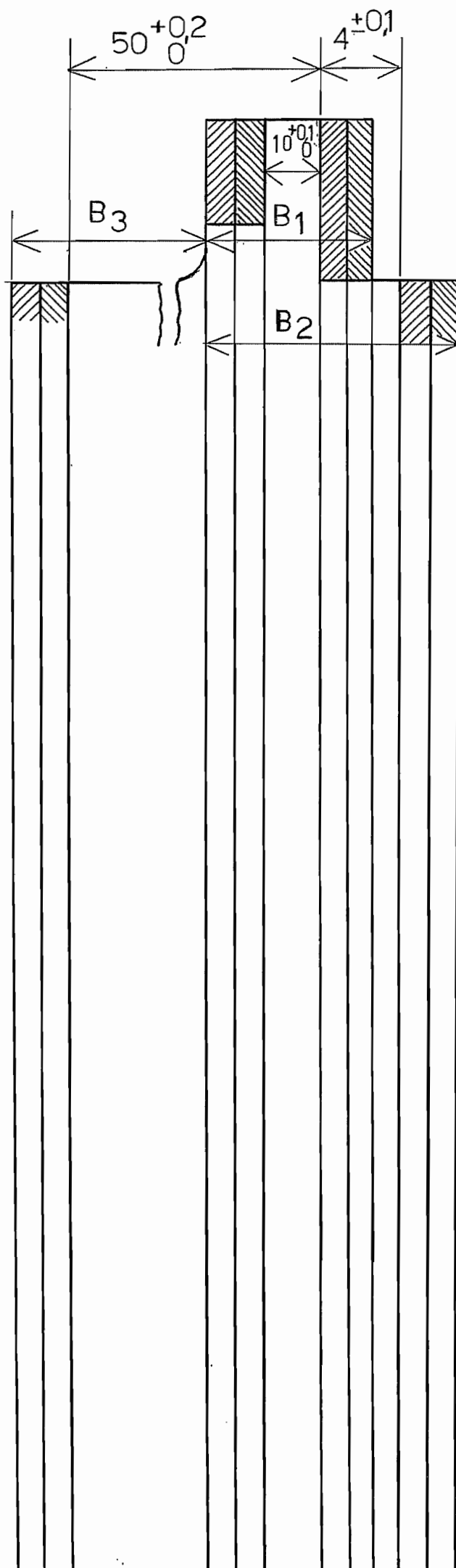


D ₁	⊙	∅ 1,5	B ₁
D ₂	⊙	∅ 0,5	D ₁
D ₃	⊙	∅ 0,5	D ₁
D ₄	⊥	0,05	F ₂
D ₄	⊙	∅ 0,05	D ₁

FLASQUE - Ft 20

Ech 2/1

Fig. 43



COTES AXIALES

$$C_{pm} = \begin{cases} 0,5 \text{ finition} \\ 2 \text{ dégrossissage} \end{cases}$$

$$IT = \begin{cases} 0,8 \text{ dégrossissage} \\ 0,2 \text{ finition} \end{cases}$$

Fig. 44

COTES AXIALES

$$C_{pm} = \begin{cases} 0,5 \text{ finition} \\ 2 \text{ dégrossissage} \end{cases}$$

$$IT = \begin{cases} 0,8 \text{ (dégr)} \rightarrow \text{si réf=surf brute} \\ 0,2 \text{ (finition)} \end{cases}$$

Phase 10

$$C_{pm} = B_{1m} - U_{1m} = 2 \quad (a)$$

$$IT(U_1) = 0,8$$

Réf. aux. = F2 dégrossie

$$C_{pm} = B_{2m} - U_{1m} - U_{2m} = 2 \quad (b)$$

$$IT(U_2) = 0,2$$

Idem $\Rightarrow U_3$ cote directe

$$C_{pm} = U_{3m} = 0,5$$

$$IT(U_3) = 0,2$$

$$U_3 = 0,5^{+0,2}_0$$

Réf. aux. = F2 finie
 $\Rightarrow U_4$ cote directe

$$U_4 = 4 \pm 0,1$$

$$C_{pm} = U_{2m} + U_{3m} - U_{4m} = 0,5$$

$$U_{2m} = 0,5 - 0,5 + 4,1 = 4,1$$

$$U_2 = 4,1^{+0,2}_0$$

Phase 20

$$C_{pm} = U_{1m} - U_{3m} - U_{5m} = 2 \quad (c)$$

$$IT(U_5) = 0,2$$

$$C_{pm} = B_{3m} + U_{1m} - U_{3m} - U_{6m} = 2 \quad (d)$$

$$IT(U_6) = 0,2$$

$$U_7 = 10^{+0,1}_0$$

Cote directe

$$C_{pm} = U_{5m} - U_{7m} = 0,5 \quad U_{5m} = 0,5 + 10,1 = 10,6$$

$$U_5 = 10,6^{+0,2}_0$$

$$U_8 = 50^{+0,2}_0$$

$$C_{pm} = U_{6m} - U_{8m} = 0,5 \quad U_{6m} = 0,5 + 50,2 = 50,7$$

$$U_6 = 50,7^{+0,2}_0$$

Fig. 45

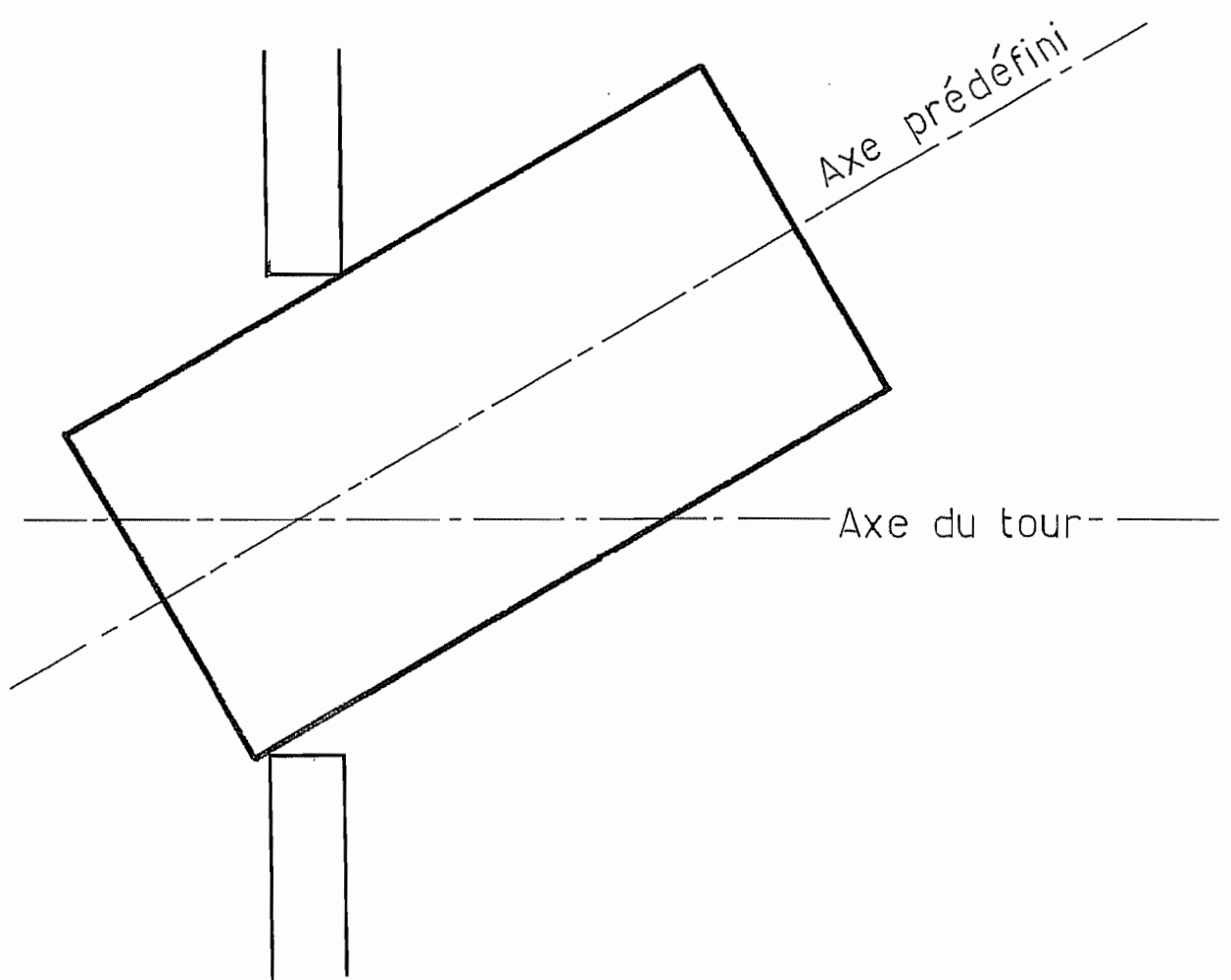
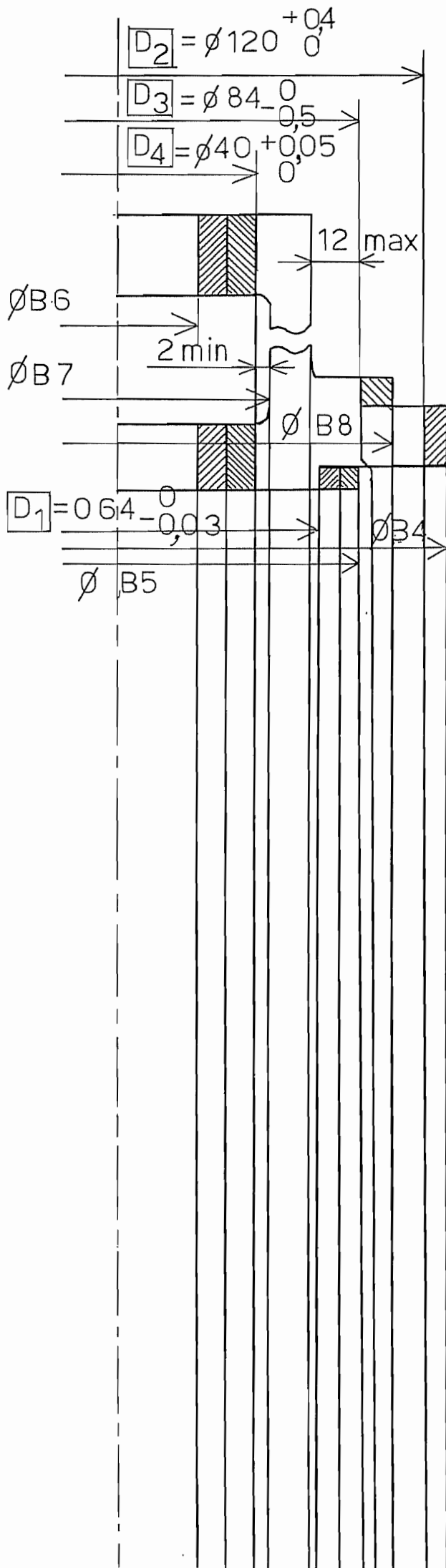


Fig. 46



COTES RADIALES

D ₁	⊙	Ø 1,5	B ₁
D ₂	⊙	Ø 0,5	D ₁
D ₃	⊙	Ø 0,5	D ₁
D ₄	⊥	0,05	F ₂
D ₄	⊙	Ø 0,05	D ₁

$$C_{pm} = \begin{cases} 0,5 \text{ finition} \\ 2 \text{ dégrossissage} \end{cases}$$

$$l.T = \begin{cases} 0,2 \text{ finition} \\ 0,8 \text{ dégrossissage} \end{cases}$$

Fig. 47

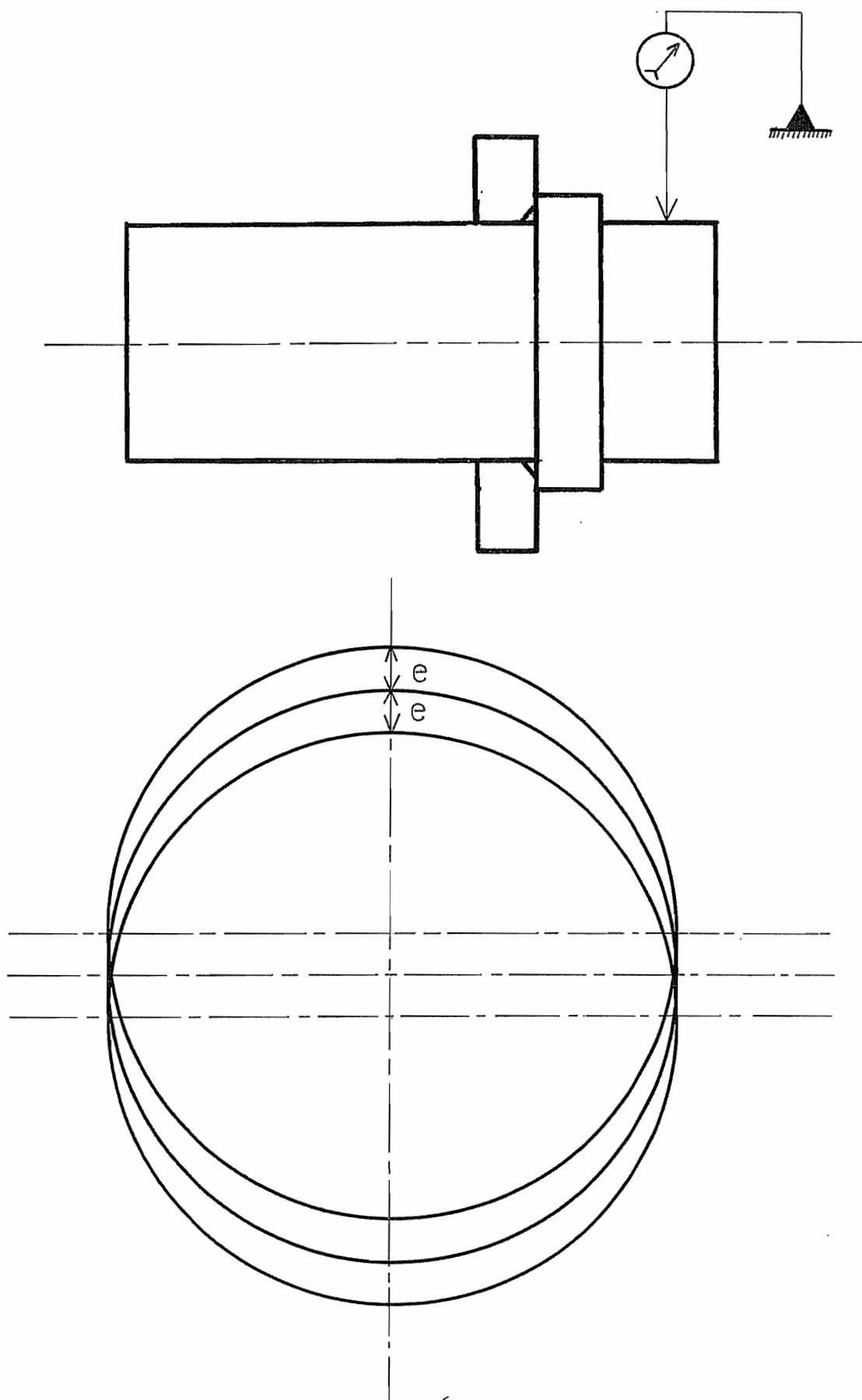


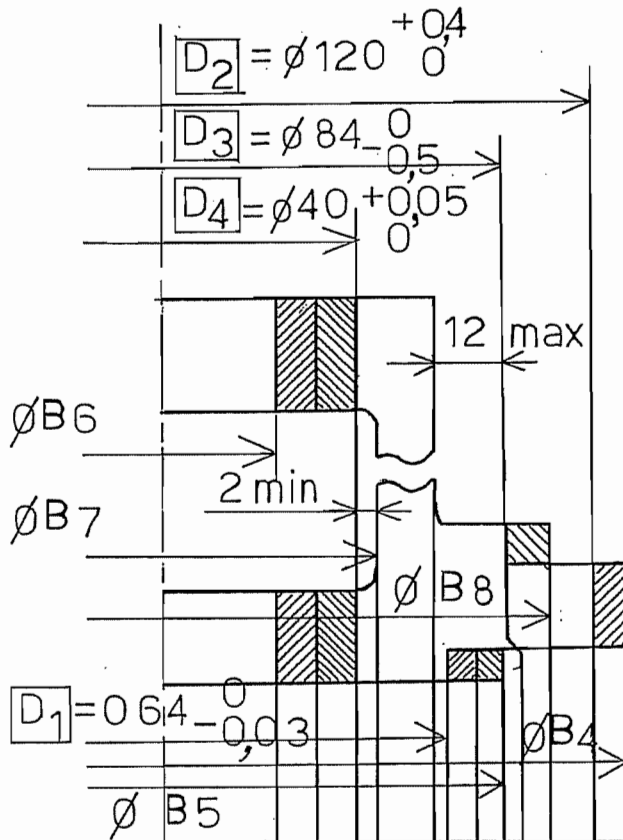
Fig. 48

Fig. 49

D ₁	⊙	∅ 1,5	B ₁
D ₂	⊙	∅ 0,5	D ₁
D ₃	⊙	∅ 0,5	D ₁
D ₄	⊥	0,05	F ₂
D ₄	⊙	∅ 0,05	D ₁

$$C_{pm} = \begin{cases} 0,5 \text{ finition} \\ 2 \text{ dégrossissage} \end{cases}$$

$$IT = \begin{cases} 0,8 \text{ dégrossissage} \\ 0,2 \text{ finition} \end{cases}$$



Phase 10

$$D_1 \odot \emptyset 1,5 B_1$$

$$U_1 = 0 \pm 0,75$$

Cote directe

$$C_p \quad C_{pm} = \frac{1}{2} B_{4m} + U_{1m} - \frac{1}{2} U_{2M} = 2 \quad (\text{part du brut}) \quad U_2 = 120^{+0,4}_0$$

$$B_{4m} = 4 - 2(-0,75) + 120,4 = 125,9 \quad B_4 = 125,9 \text{ min}$$

$$C_p \quad C_{pm} = \frac{1}{2} B_{5m} + U_{1m} - \frac{1}{2} U_{3M} = 2$$

$$= \frac{1}{2} B_{5m} - 0,75 - \frac{1}{2} U_{3M} = 2$$

$$IT(U_3) = 0,8$$

$$C_p \quad C_{pm} = \frac{1}{2} U_{3m} - \frac{1}{2} U_{4M} = 0,5$$

$$U_{3m} = U_{4M} + 1 = 65 \quad U_4 = 64^{+0}_{-0,03}$$

$$\text{Calcul : } U_{3M} = 65 + 0,8 = 65,8 \quad U_3 = 65^{+0,8}_0$$

$$B_{5m} = 1,5 + U_{3m} + 4 = 1,5 + 65,8 + 4 = 71,3$$

$$B_5 = 71,3 \text{ min}$$

$$C_p \quad C_{pm} = \frac{1}{2} U_{5m} - U_{1m} - \frac{1}{2} B_{6M} = 2$$

$$IT(U_5) = 0,8$$

$$C_p \quad C_{pm} = \frac{1}{2} U_{6m} - \frac{1}{2} U_{5M} = 0,5$$

$$\text{Calcul : } U_{5m} = U_{6m} - 1 = 40 - 1 = 39 \quad U_5 = 39^{+0}_{-0,8}$$

$$B_{6M} = U_{5m} - 2U_{1m} - 4 = 38,2 - 2(-0,75) - 4 = 32,7 \quad B_6 = 32,7 \text{ max}$$

$$X \quad x_m = 2$$

$$x_m = \frac{1}{2} B_{7m} + U_{1m} - \frac{1}{2} U_{6M}$$

$$B_{7m} = 2x_m - 2U_{1m} + U_{6M} = 4 - 2(-0,75) + 40,05 = 45,55 \quad B_7 = 45,55 \text{ min}$$

Fig. 50

COTES RADIALES
suite

D ₁	⊙	∅ 1,5	B ₁
D ₂	⊙	∅ 0,5	D ₁
D ₃	⊙	∅ 0,5	D ₁
D ₄	⊥	0,05	F ₂
D ₄	⊙	∅ 0,05	D ₁

$$C_{pm} = \begin{cases} 0,5 \text{ finition} \\ 2 \text{ dégrossissage} \end{cases}$$

$$D_3 \begin{array}{|c|c|c|} \hline \odot & 0,05 & D_1 \\ \hline \end{array} \text{I.T} = \begin{cases} 0,2 \text{ finition} \\ 0,8 \text{ dégrossissage} \end{cases}$$

$$U_7 = 0 \pm 0,25$$

Cote directe

$$U_8 = 84_{-0,5}^0$$

$$C_{pm} = \frac{1}{2} B_{8m} + U_{7m} - \frac{1}{2} U_{8M} = 2$$

$$B_{8m} = 4 - 2U_{7m} + U_{8M} = 4 - 2(-0,25) + 84 = 88,5$$

Mais assuré par le bout B4...

Axe tour

Axe D3

$$D_2 = \phi 120_{0}^{+0,4}$$

$$D_3 = \phi 84_{-0,5}^0$$

$$D_4 = \phi 40_{0}^{+0,05}$$

12 max

∅ B6

2 min

∅ B7

∅ 38

$$D_1 = 0,64_{-0,03}^0$$

∅ B4

∅ B5

U₇

U_{8/2}

U₇

B_{8/2}

Cp

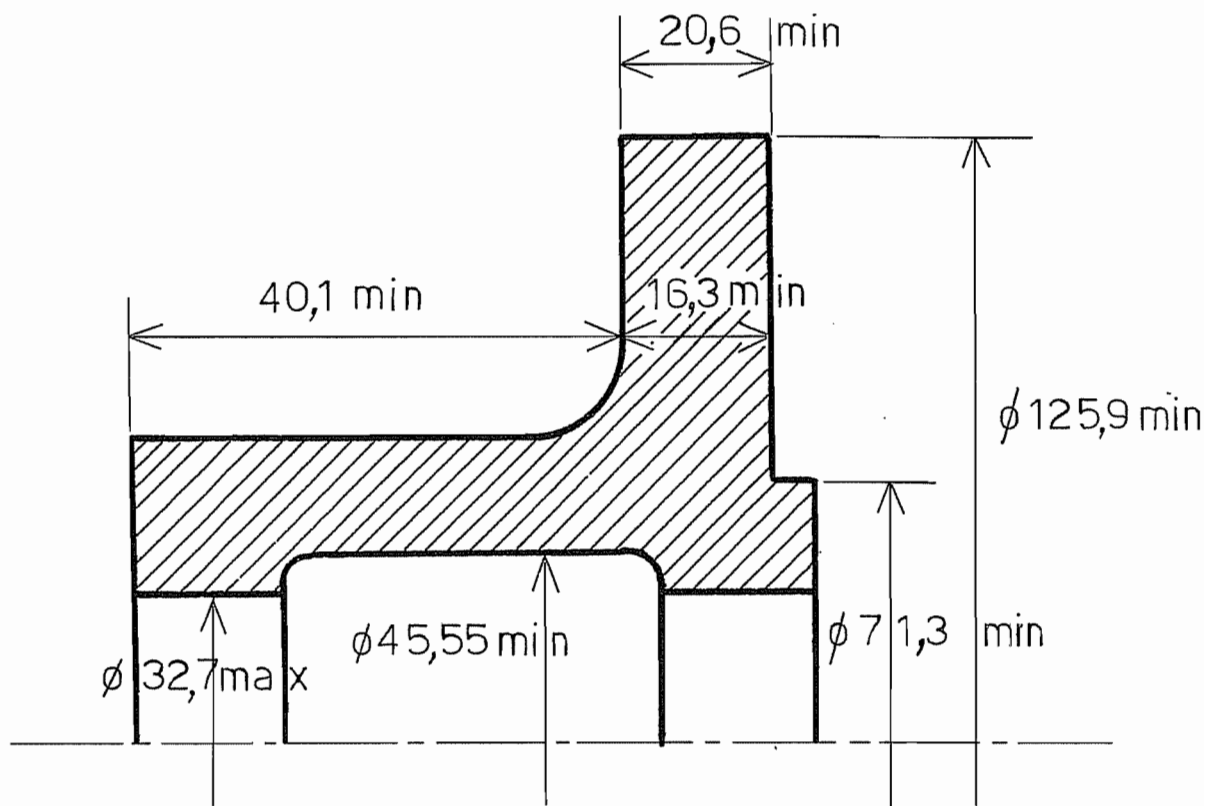


Fig. 51

Chapitre 3

Contraintes résiduelles

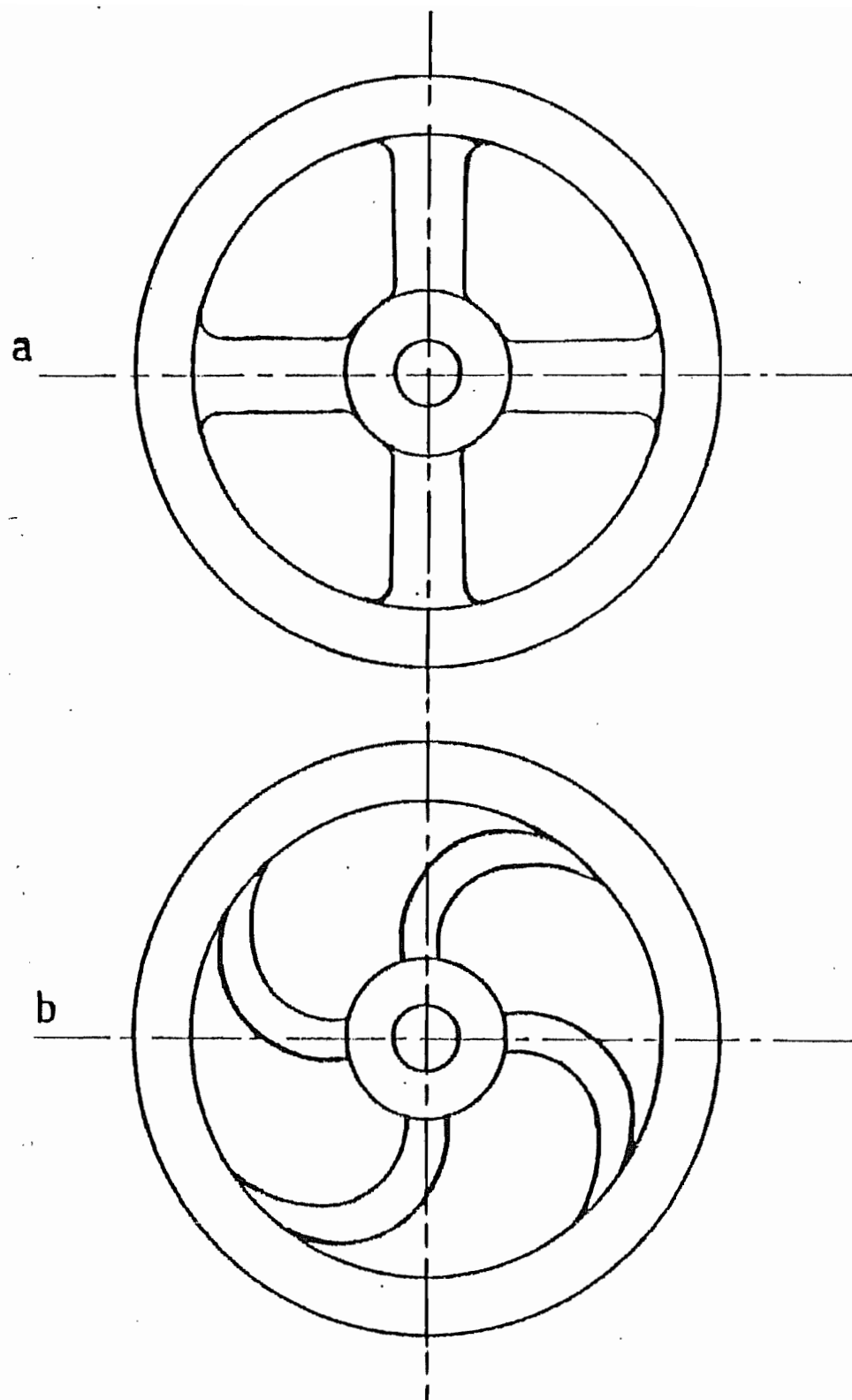


Fig. 1

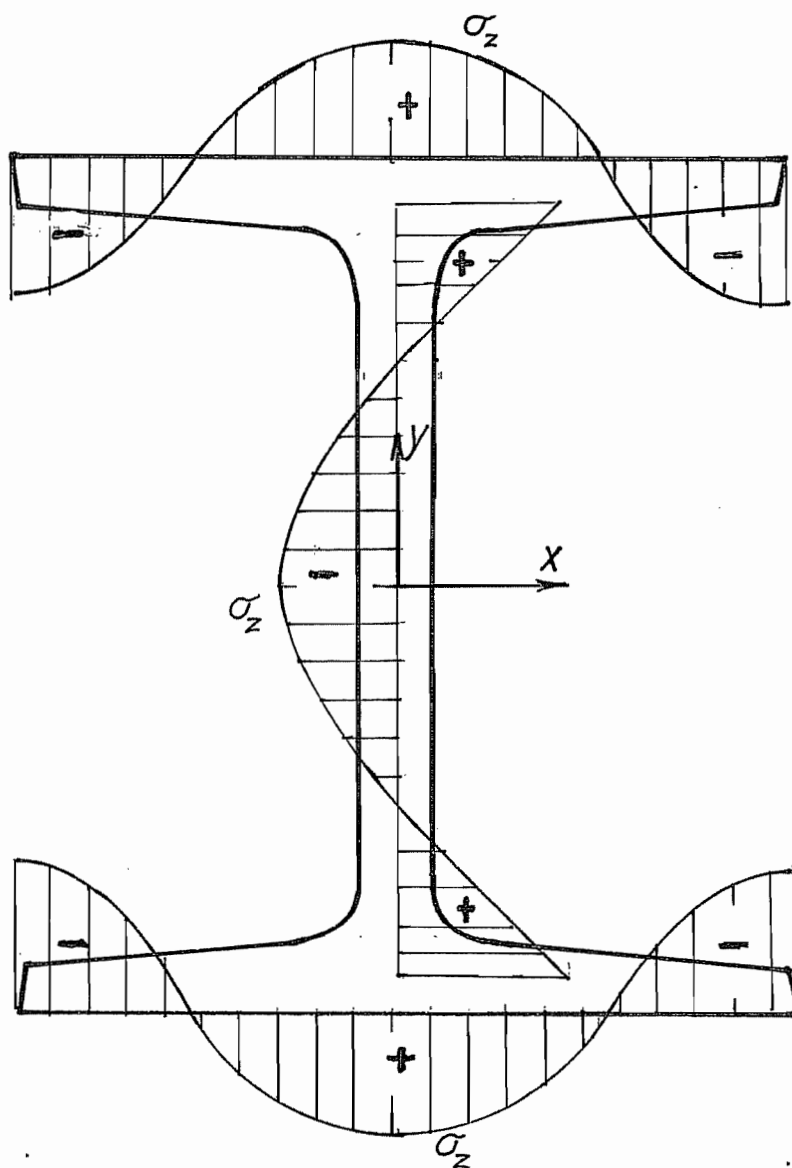


Fig. 2

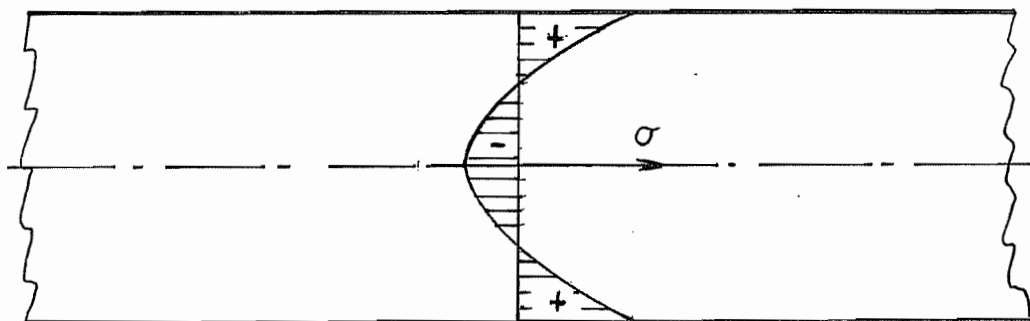


Fig. 3

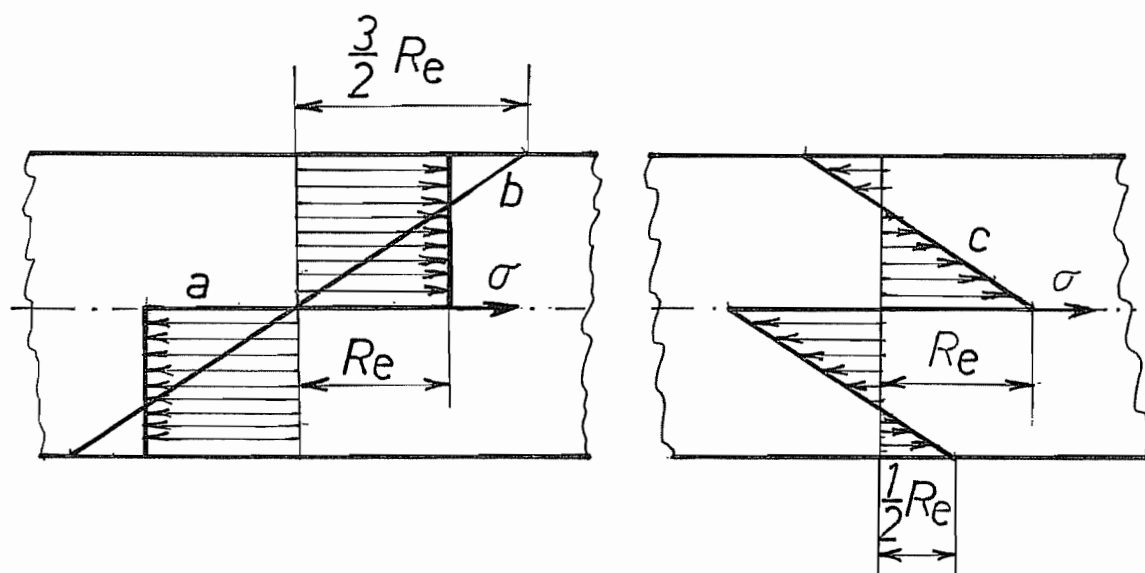


Fig. 4

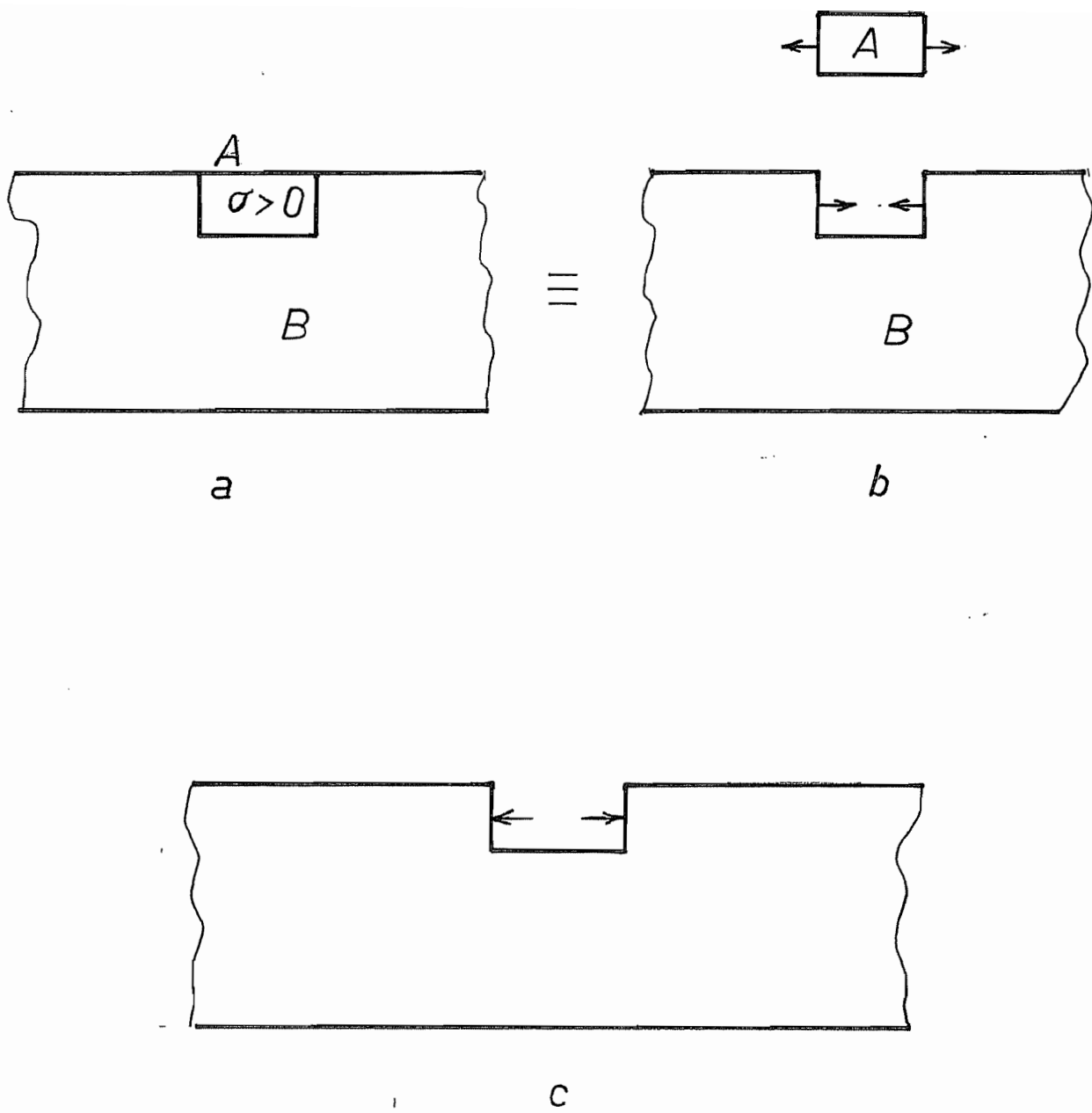


Fig. 5

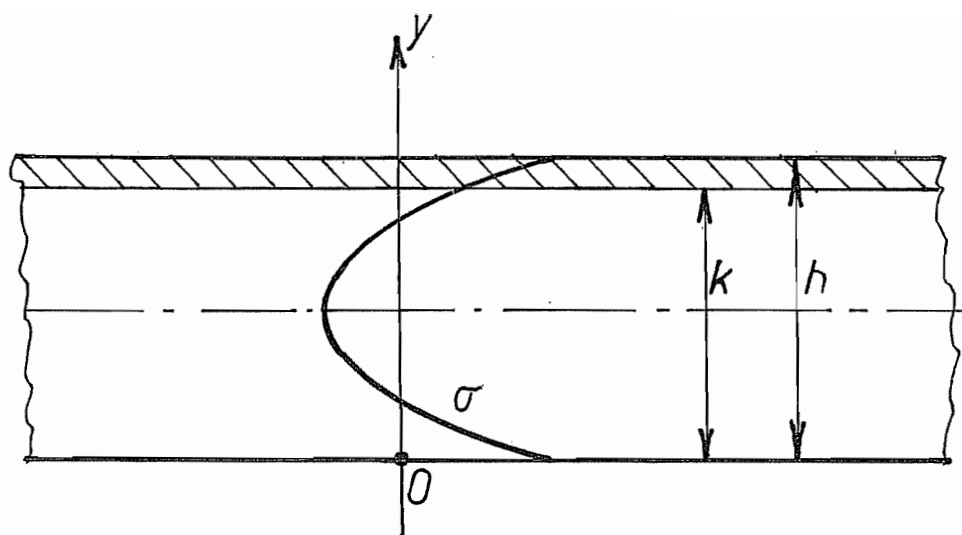


Fig. 6

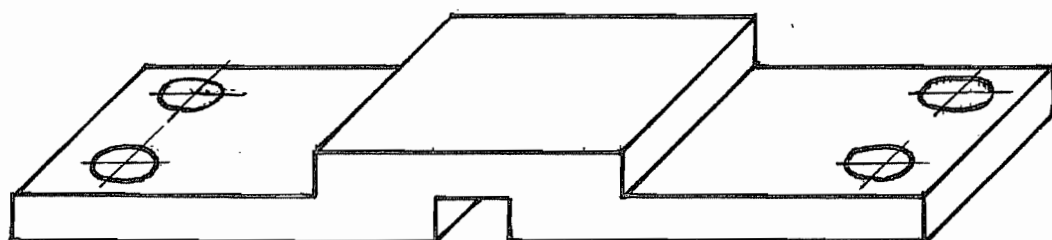


Fig. 7

Chapitre 4

Ablocage des pièces

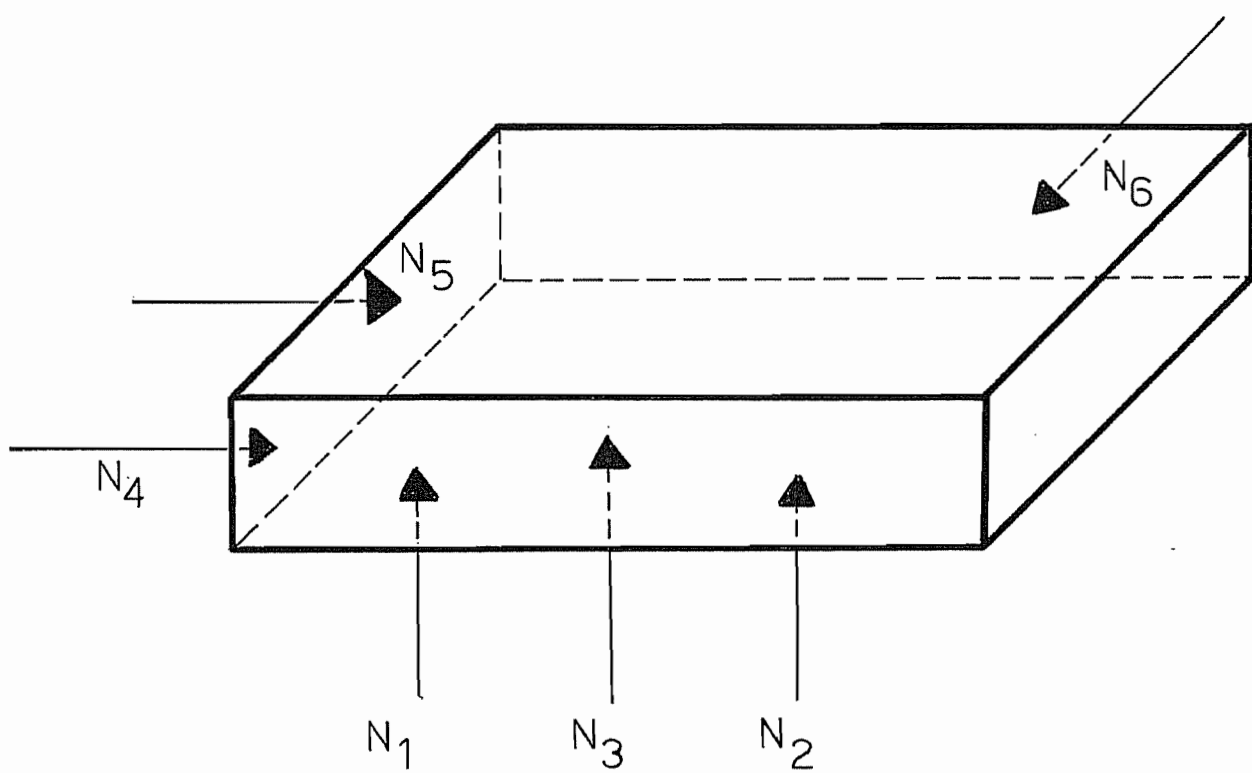


Fig 1

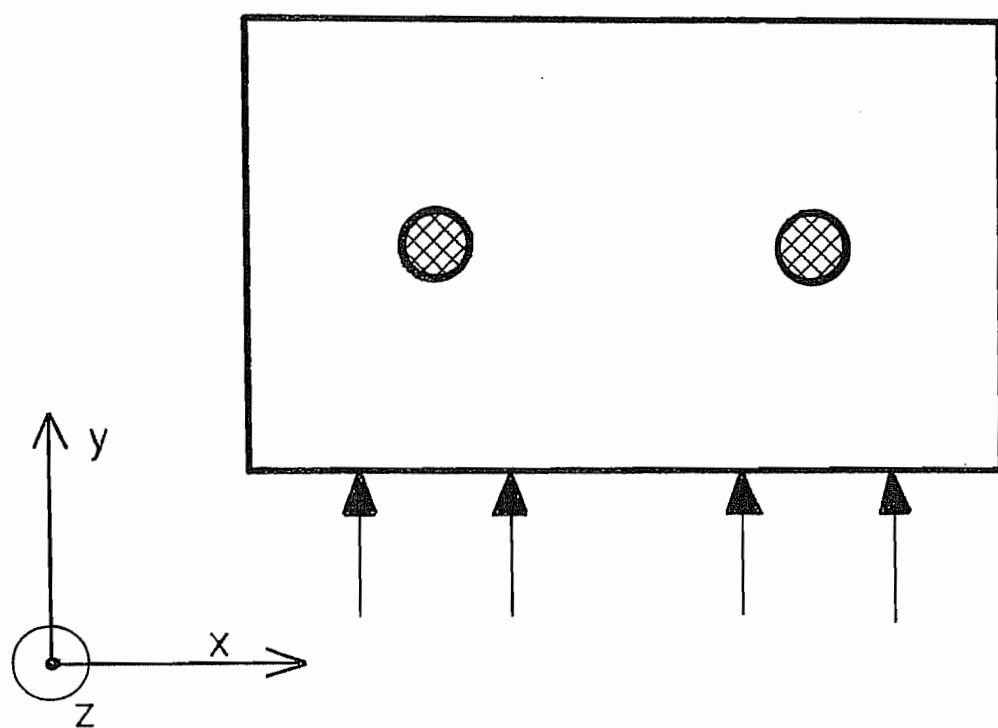


Fig 2

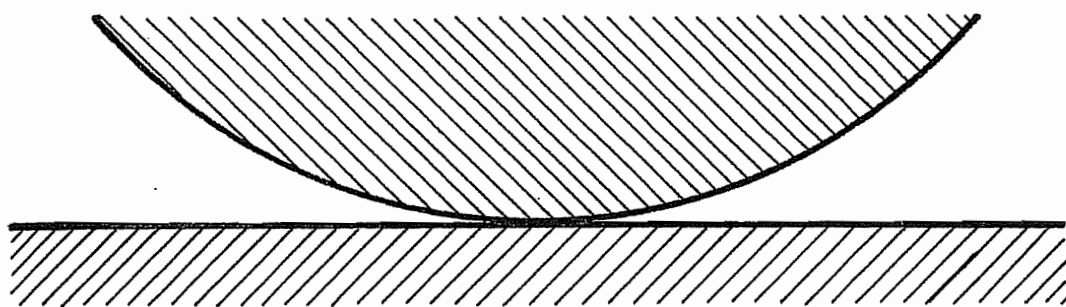
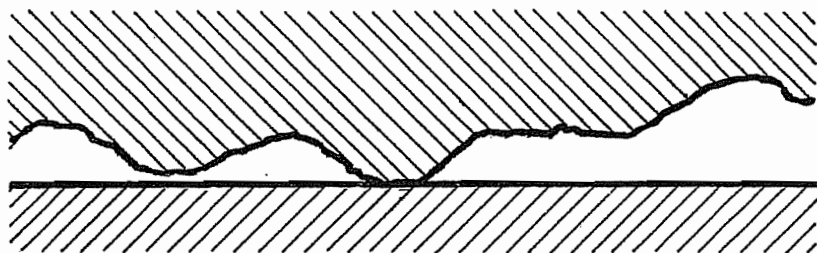


Fig 3

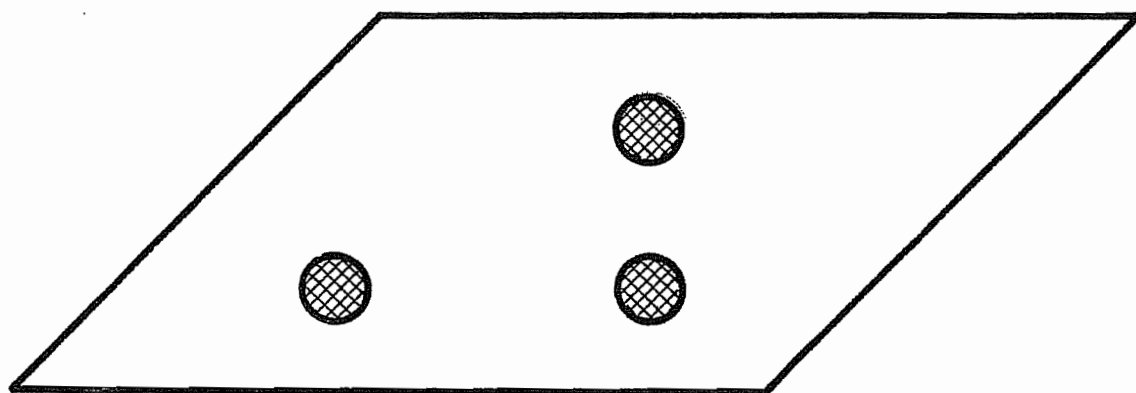


Fig 4

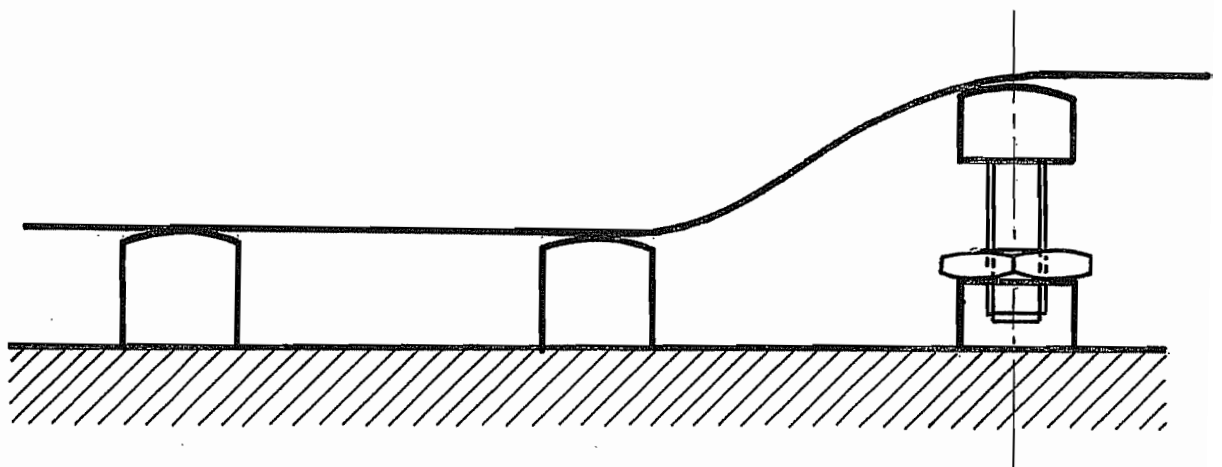


Fig 5

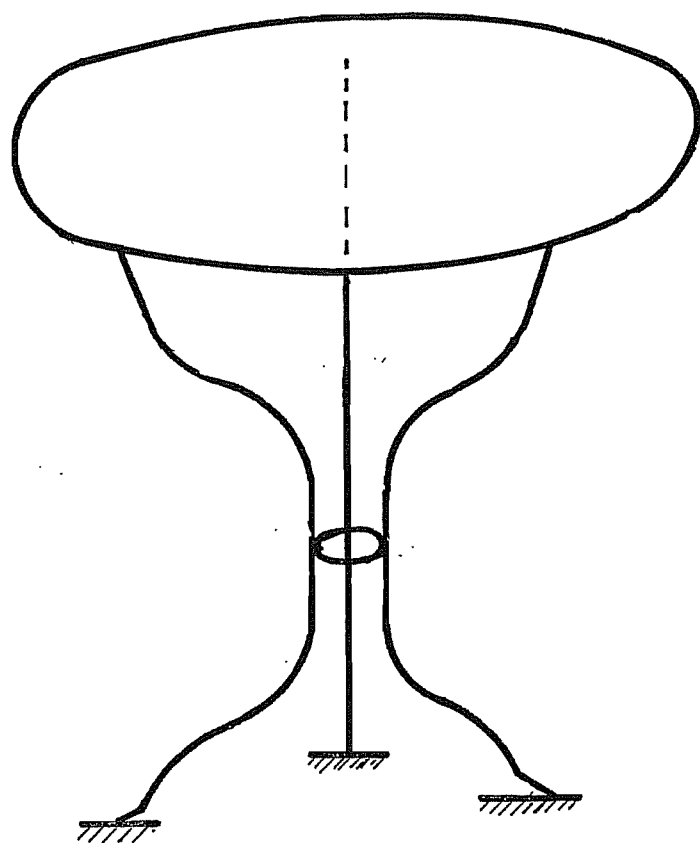


Fig 6

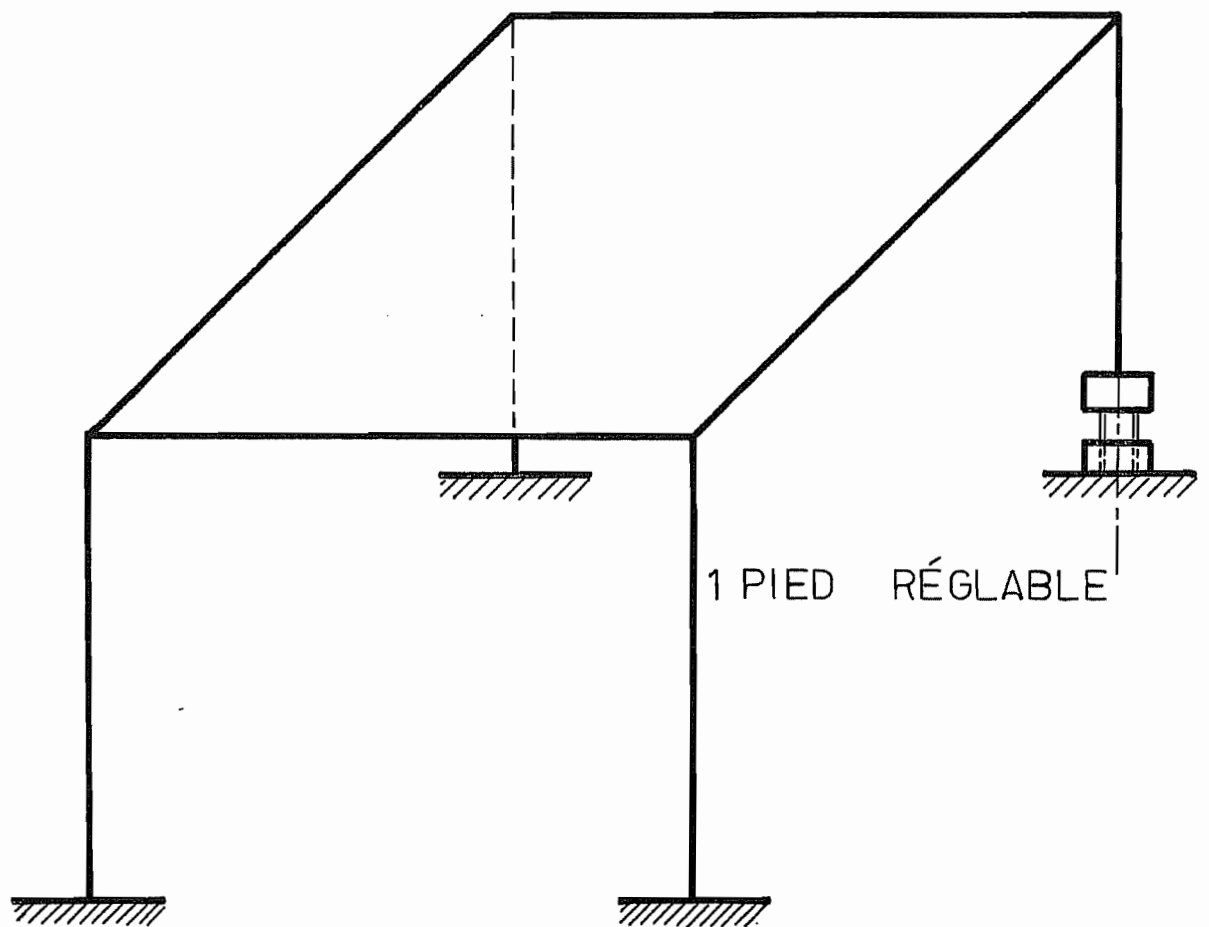


Fig 7

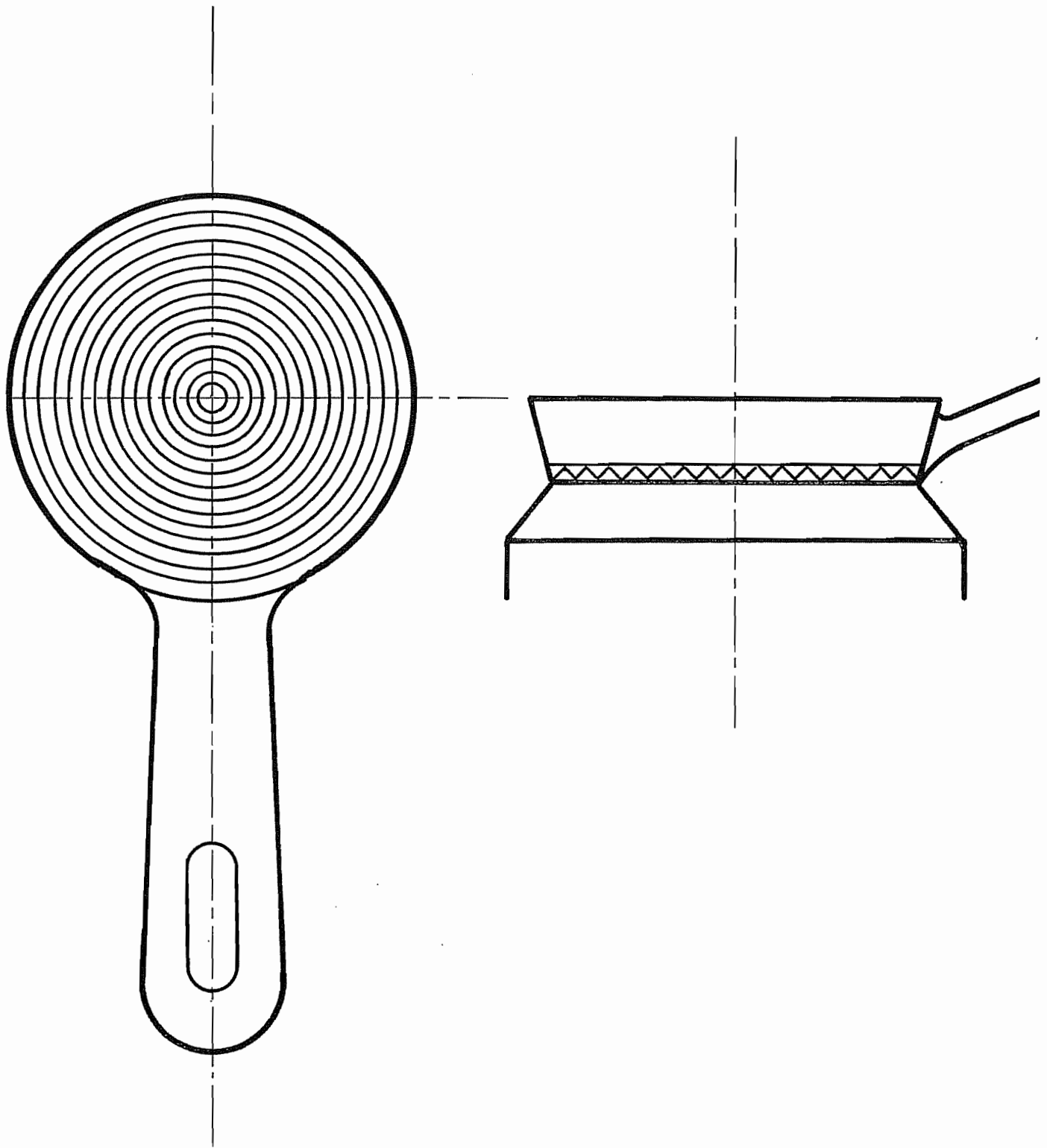


Fig 8

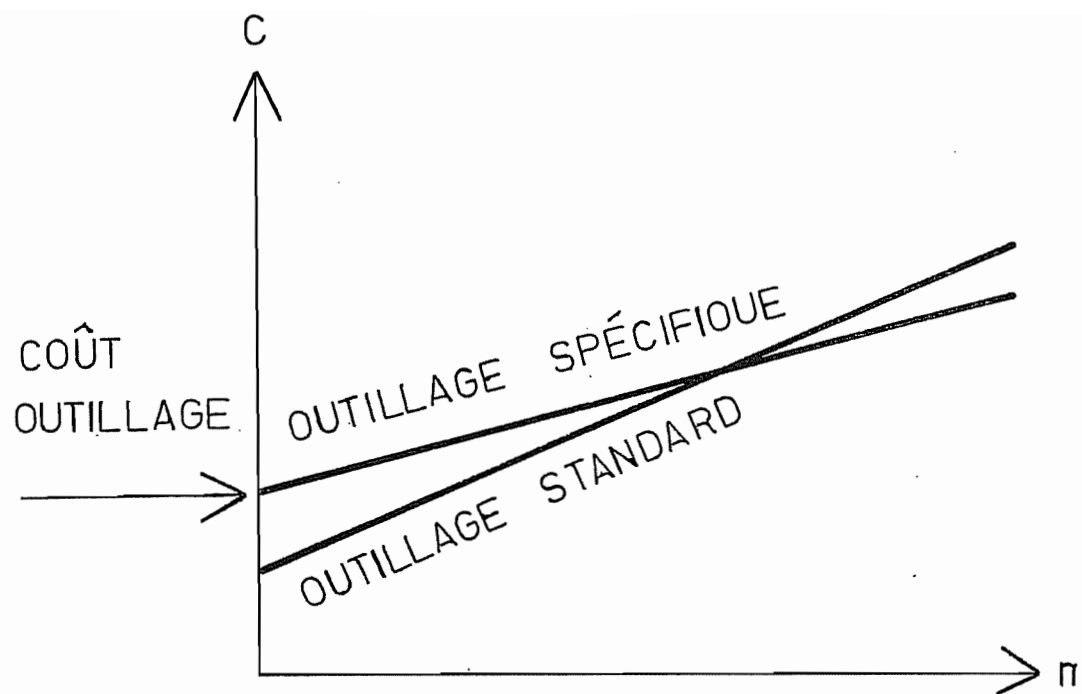


Fig 9

BORNES

BORNES FIXE - BORNE DÉMONTABLE - BORNE RÉGLABLE

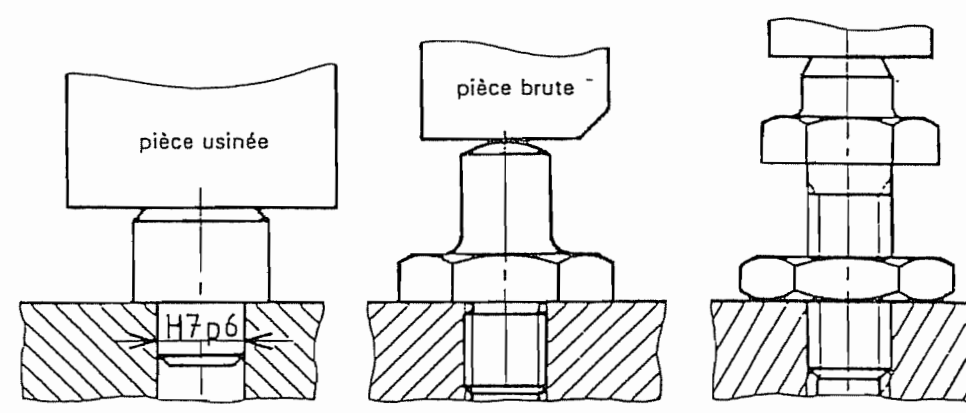
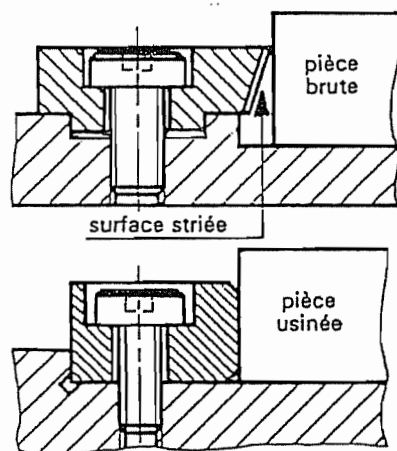


Fig 10

BUTÉES

BUTÉES FIXES



BUTÉE PALONNÉE

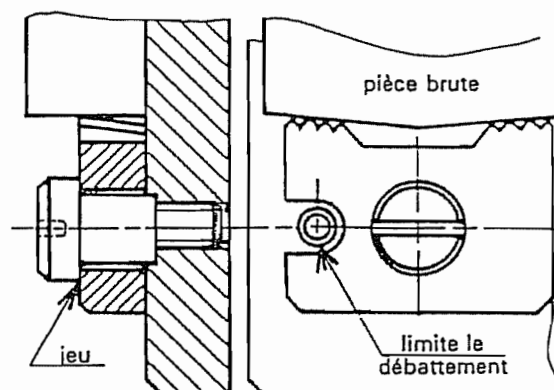


Fig 11

CENTREURS

CENTREURS FIXES

CENTREURS DÉMONTABLE

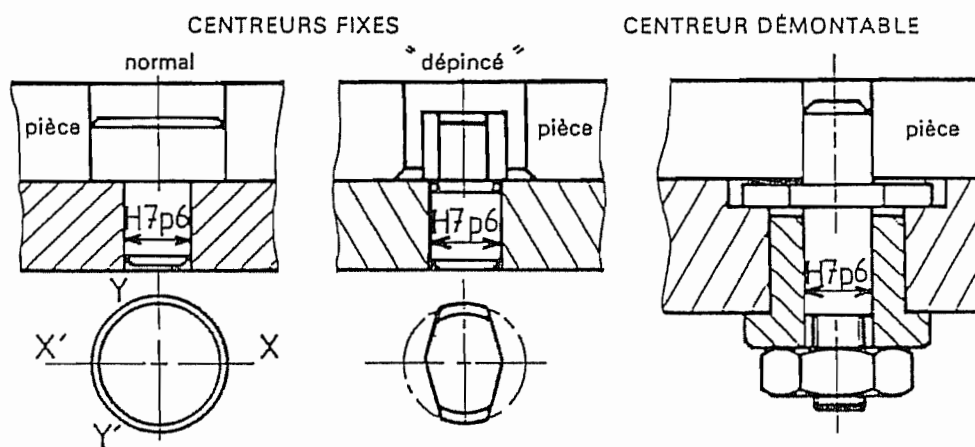


Fig 12

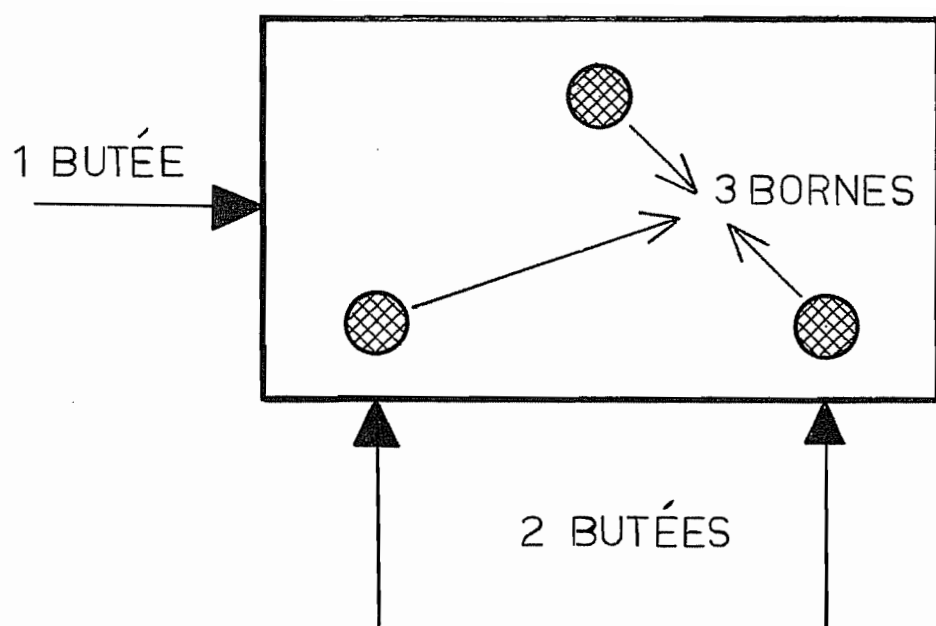
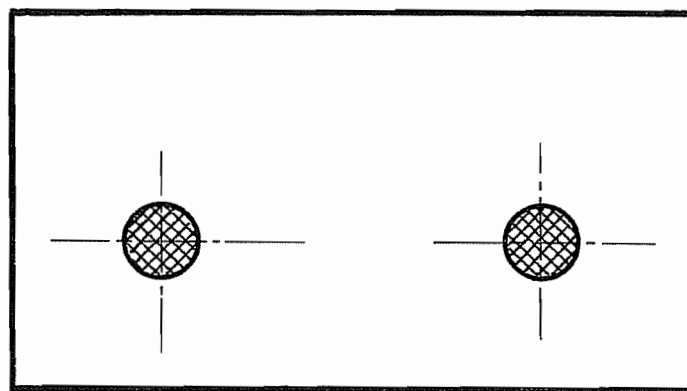


Fig 12 bis



HYPERSTATIQUE

Fig 13

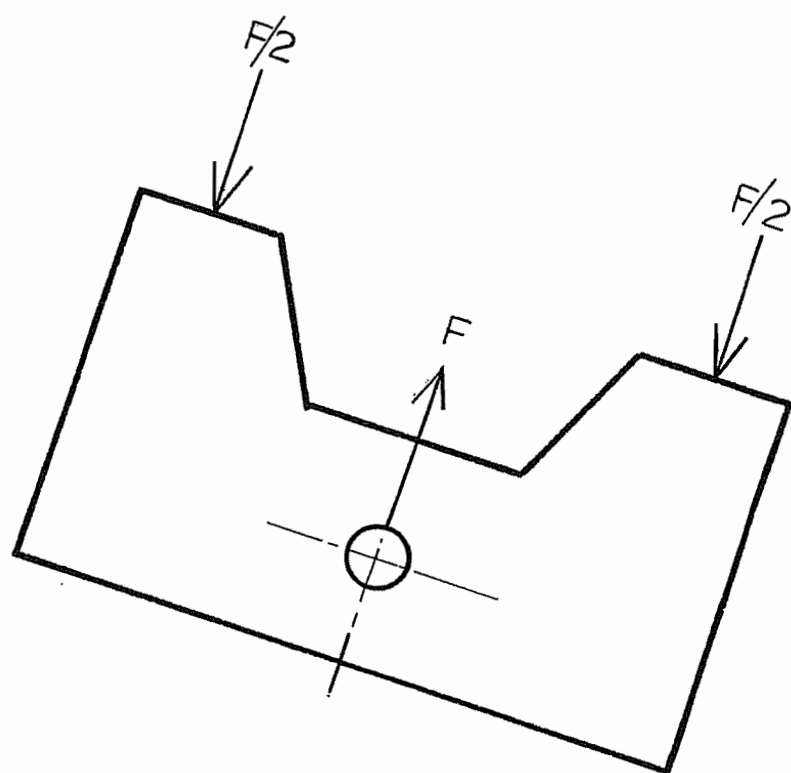
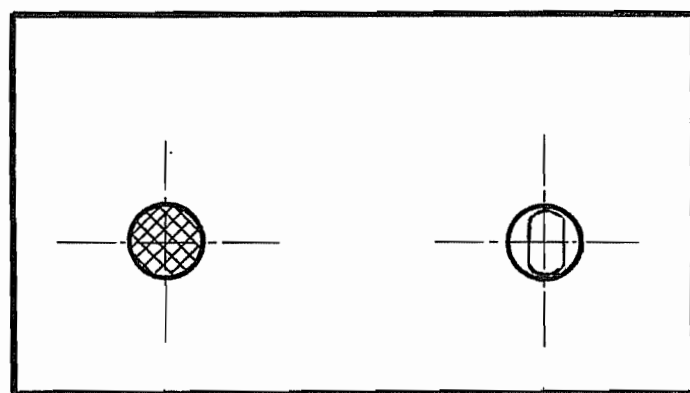


Fig 13 bis



BUTÉE DÉPINCÉE

Fig 14

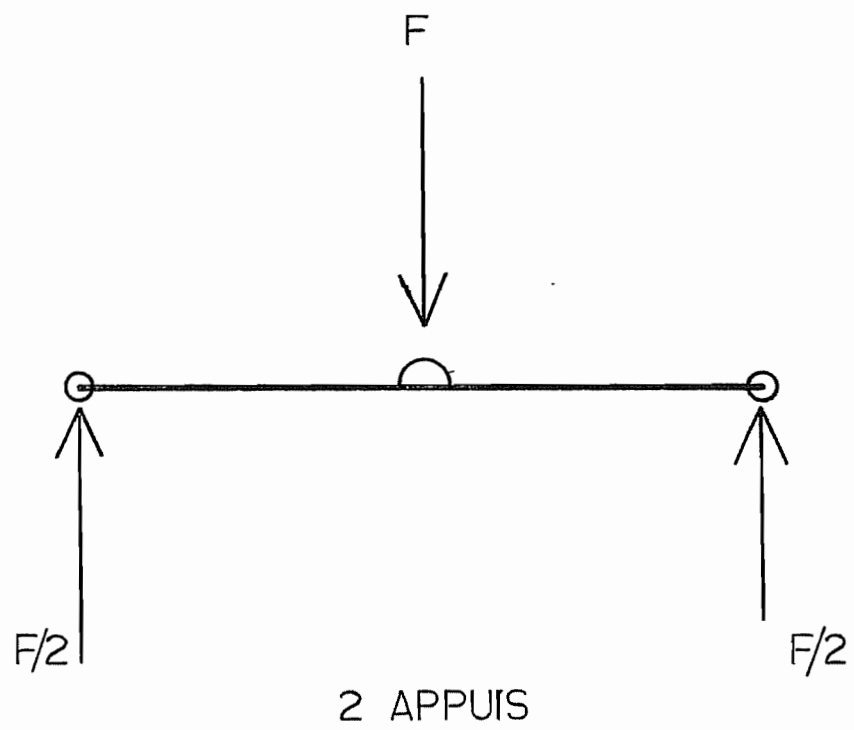


Fig 15

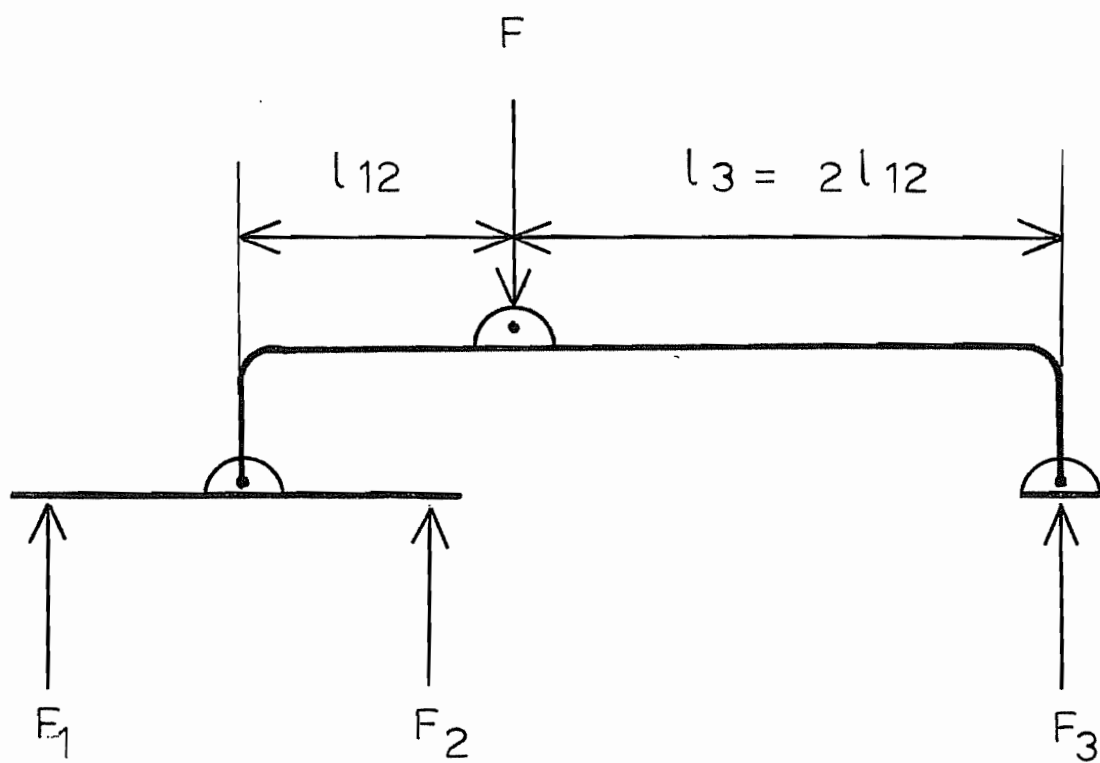


Fig 16

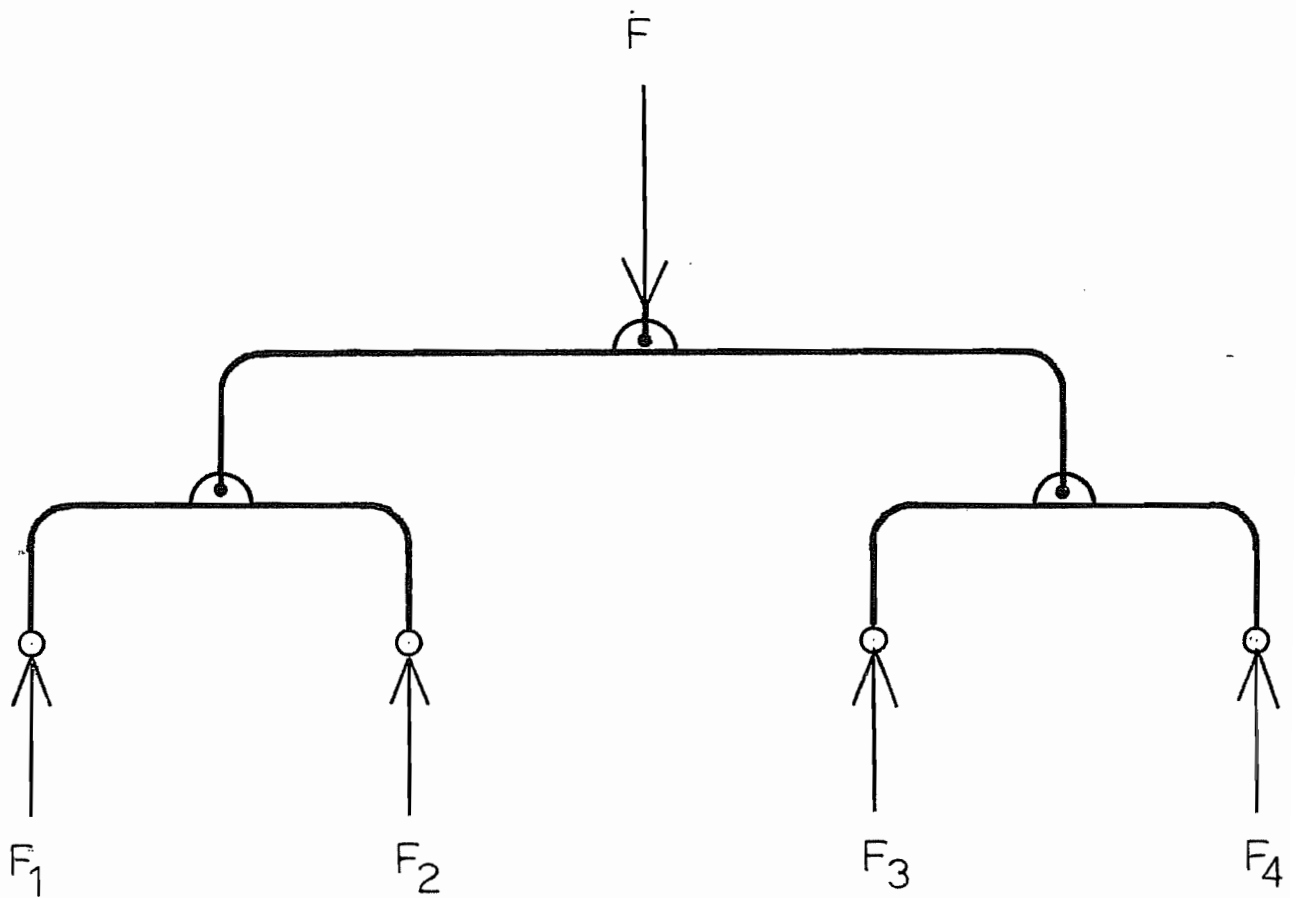


Fig 17

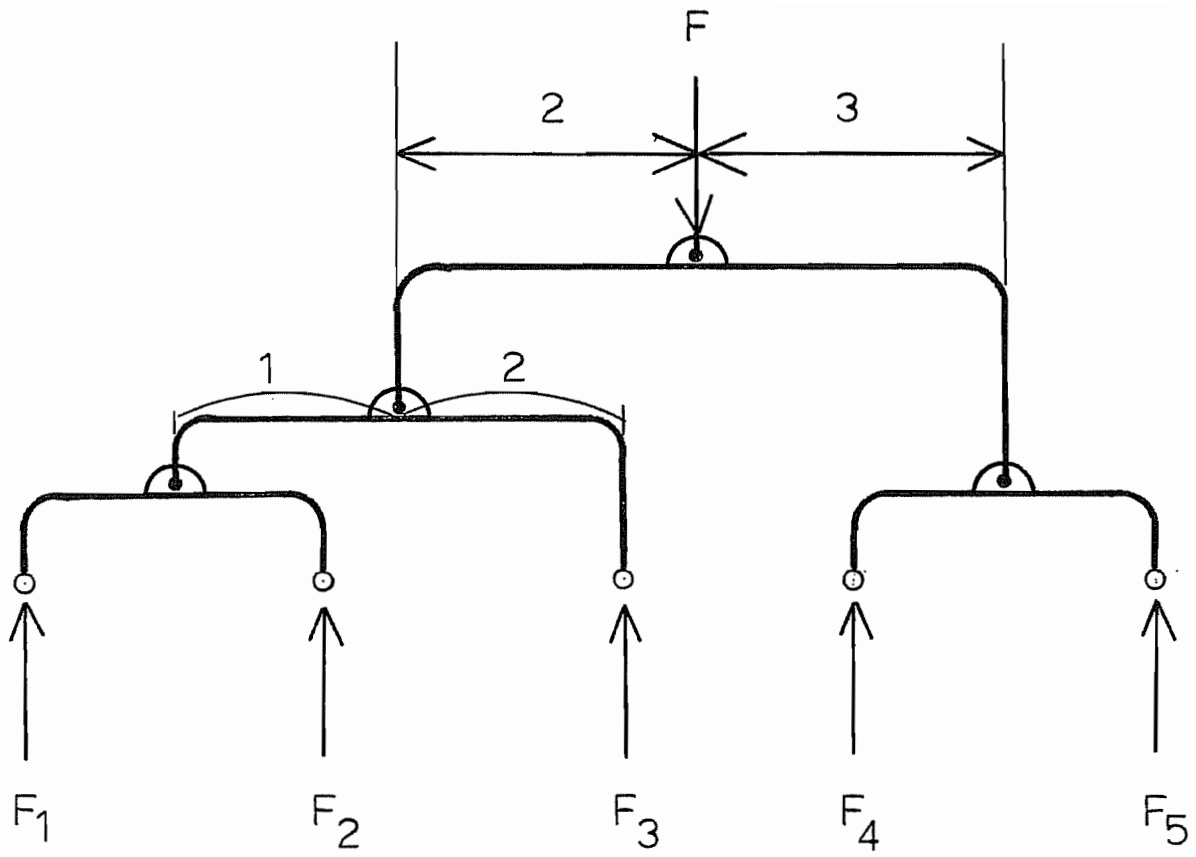


Fig 18

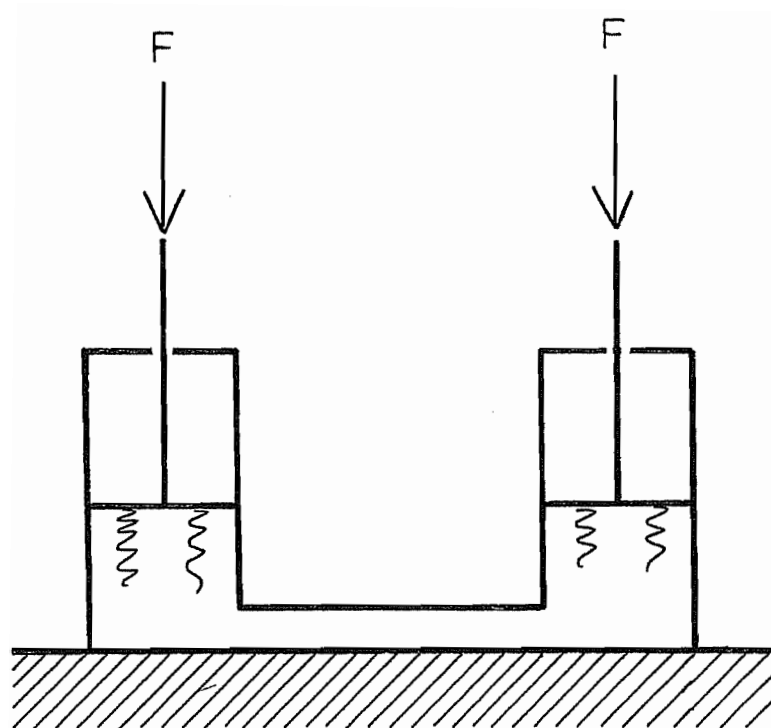


Fig 19

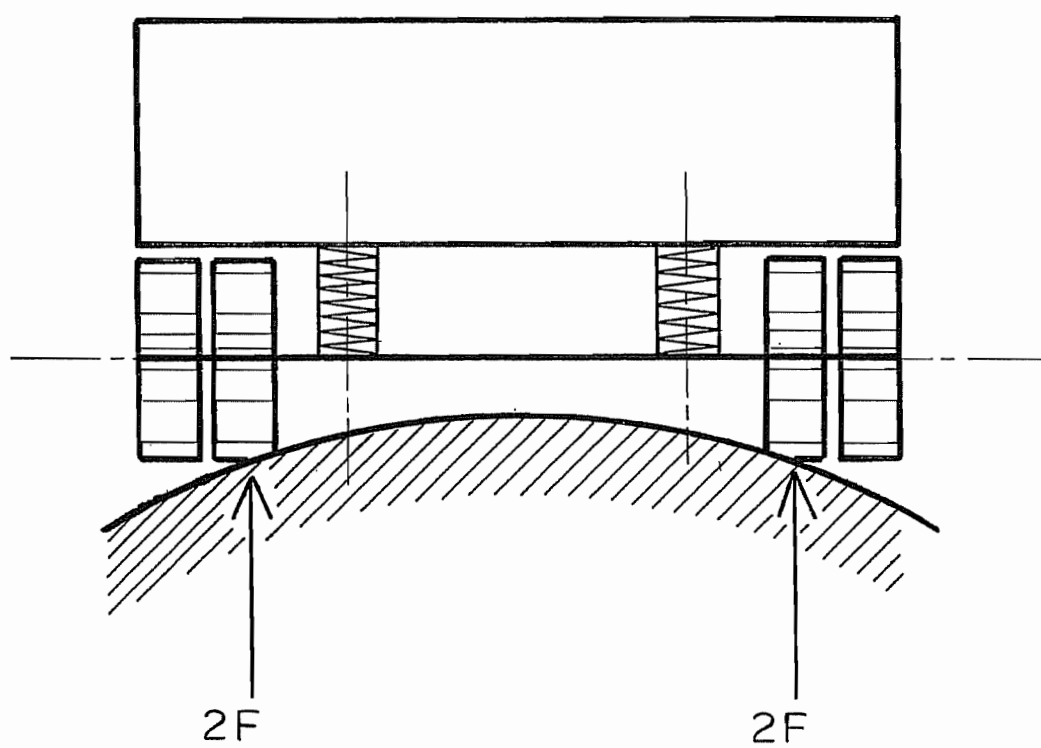


Fig 20

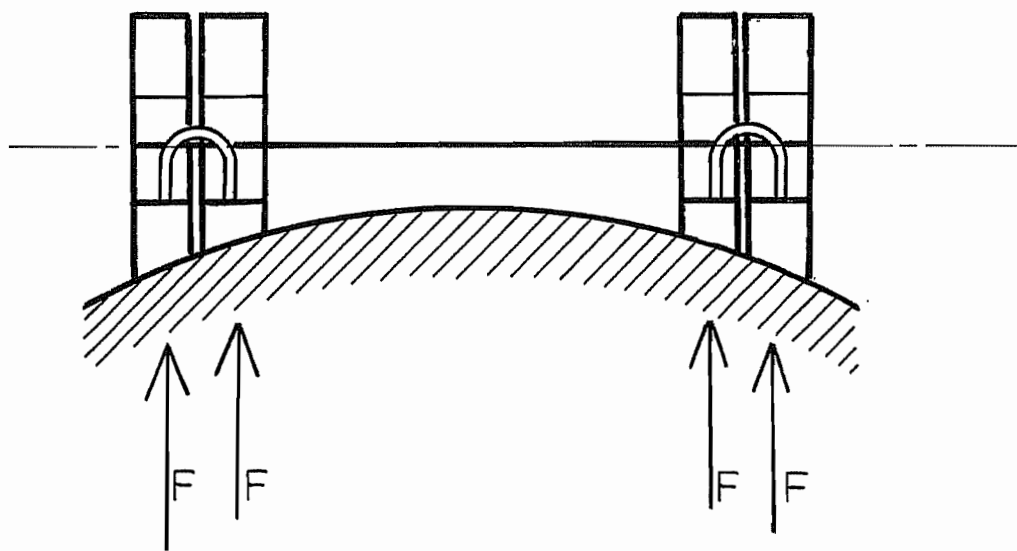


Fig 21

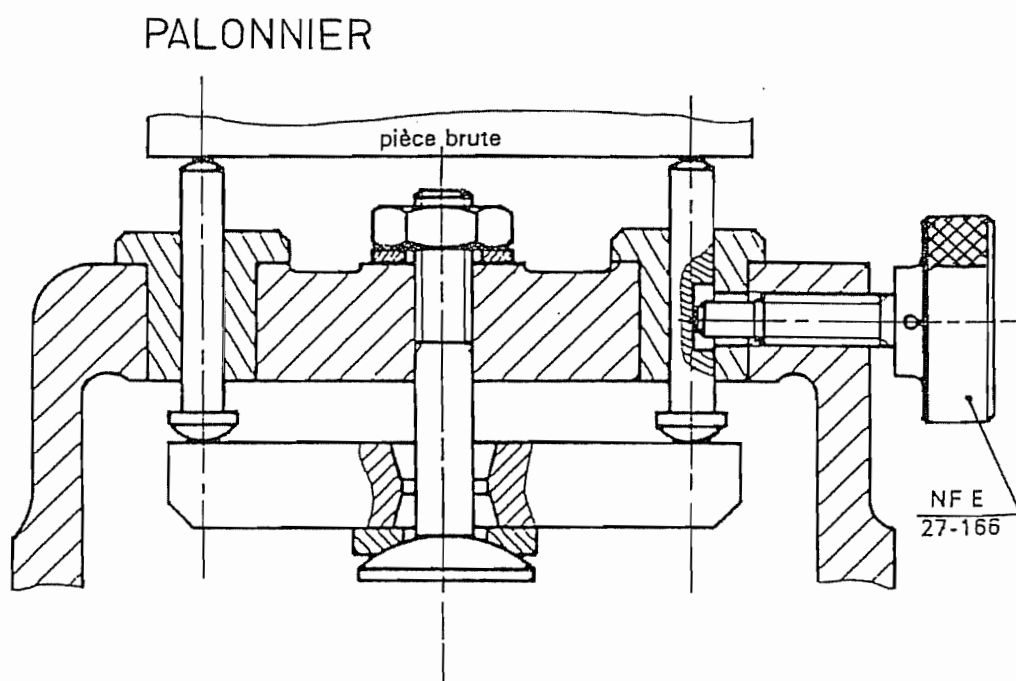
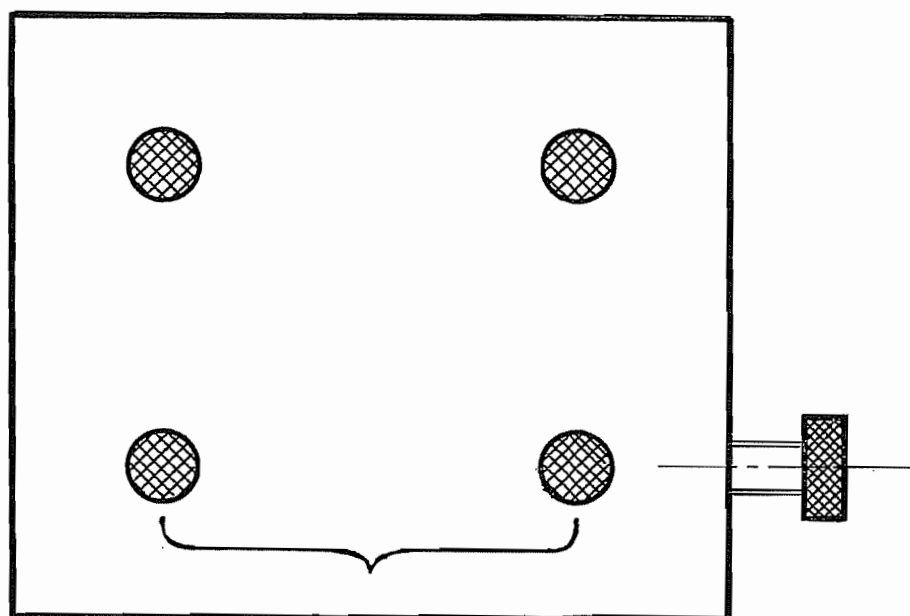


Fig 22



PALONNÉ PUIS FIXÉ

Fig 23

APPUI SENSITIF

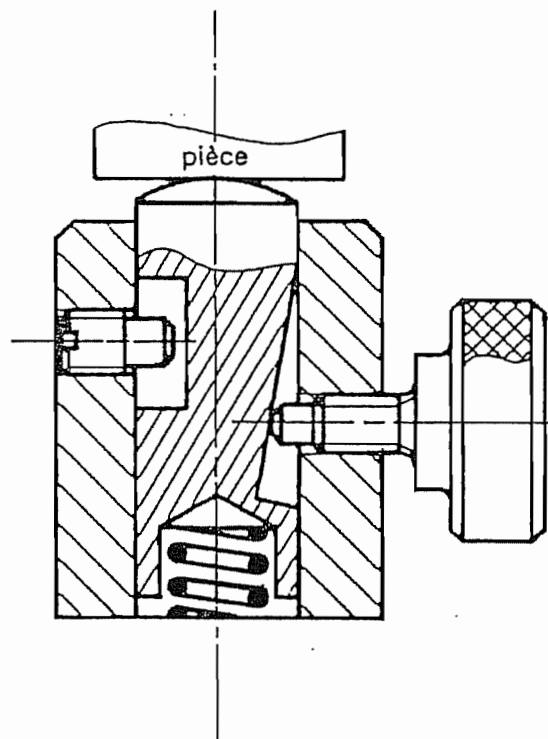


Fig 24

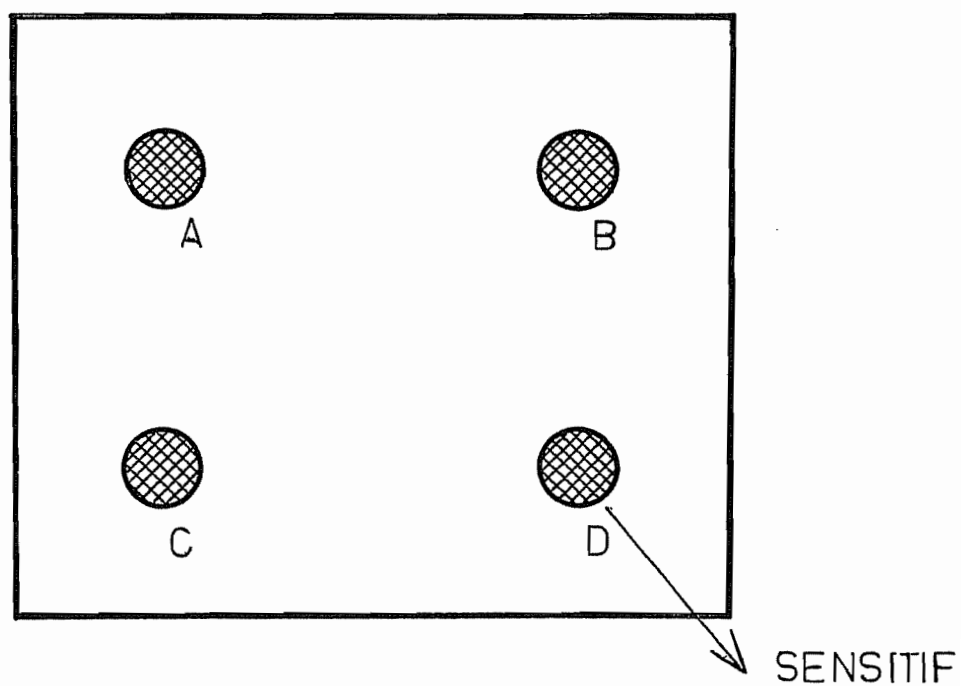


Fig 25

DÉTROMPEUR

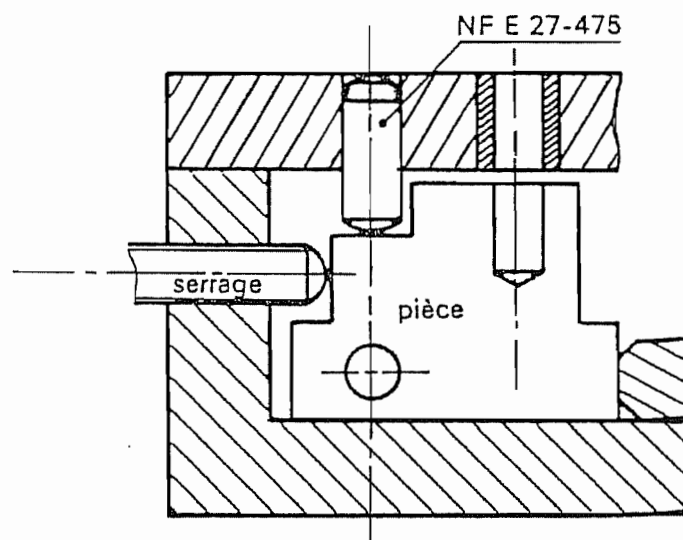
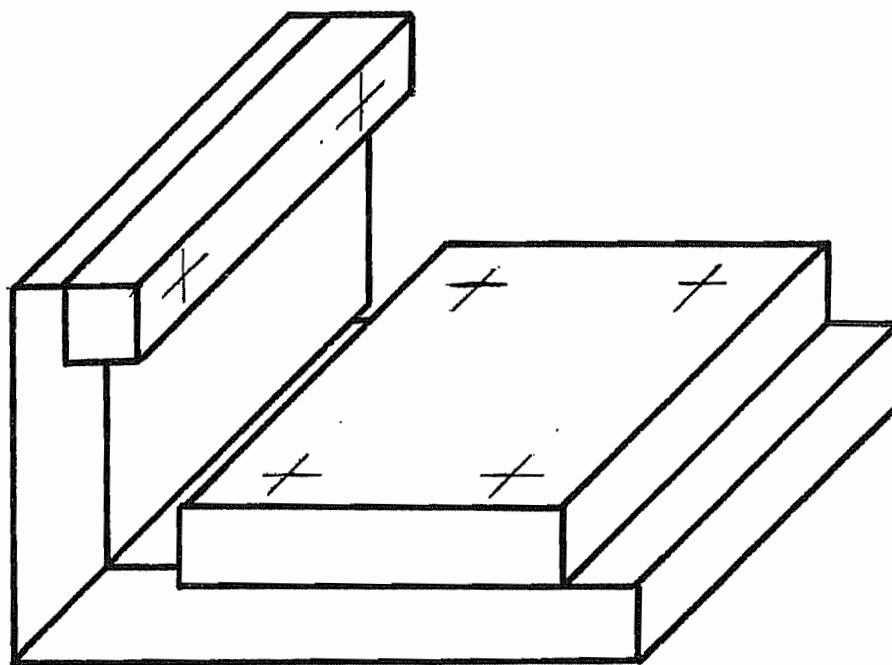
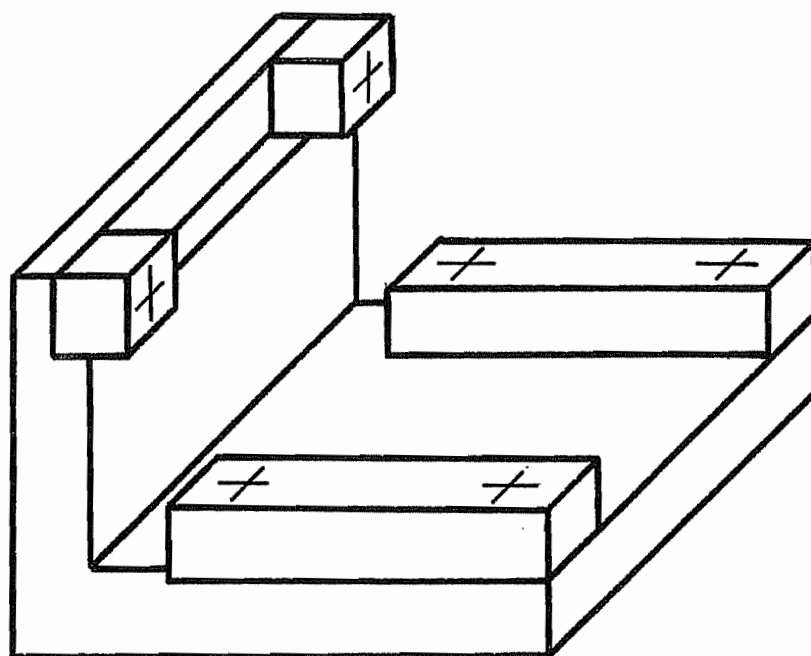


Fig 26



APPUI PLAN-TRAIT POUR SURFACES USINÉES

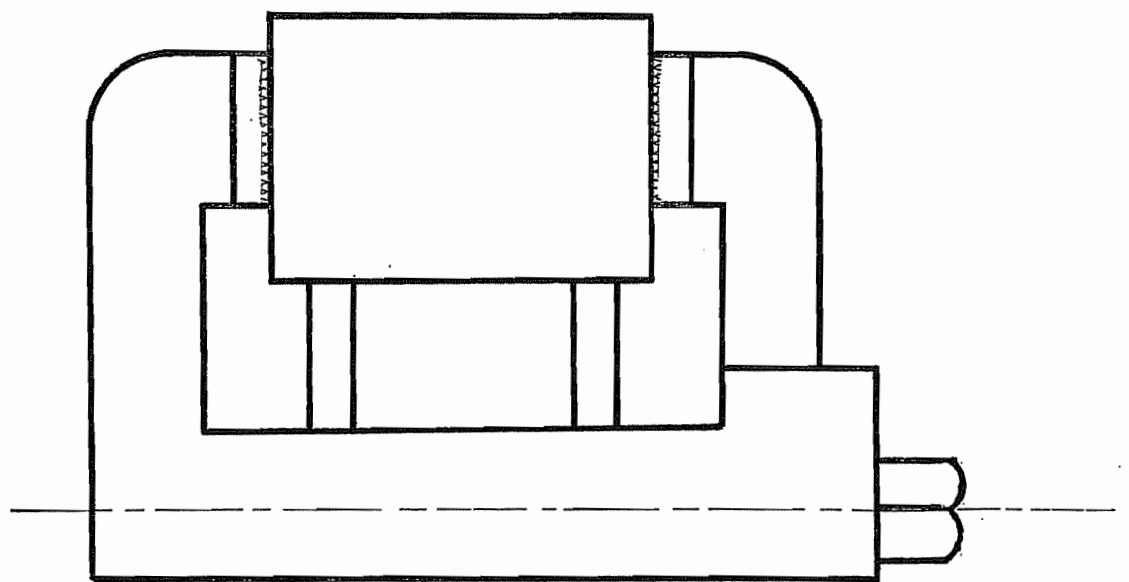
Fig 27



IDEM, AVEC RÉGLETTES

MOINS HYPERSTATIOU

Fig 28



PRISE EN ÉTAU SUR DEUX RÉGLETTES
RECTIFIÉES

Fig 29

MONTAGE ENTRE POINTES

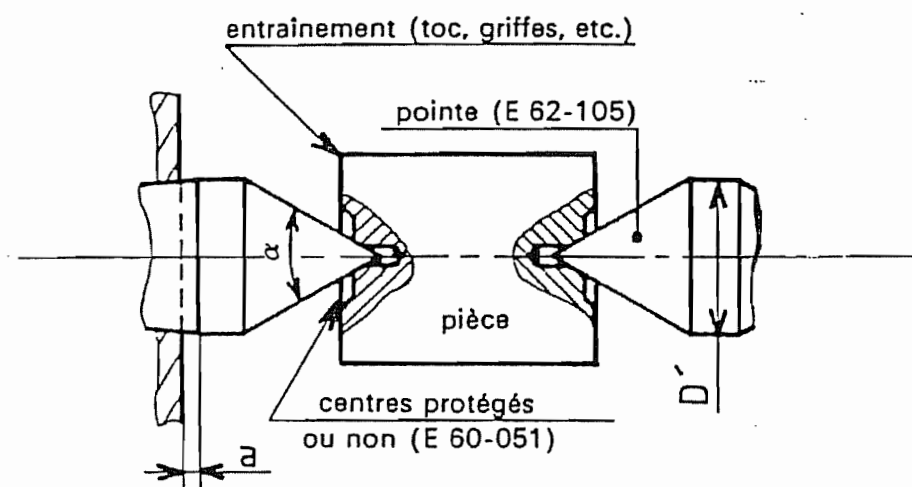


Fig 30

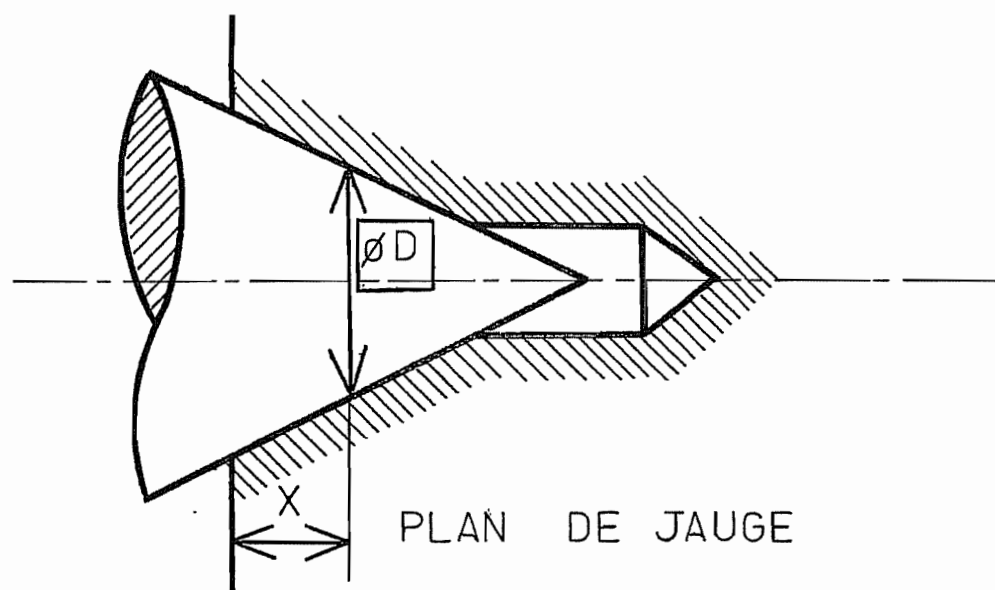


Fig 31

POINTE À RESSORT

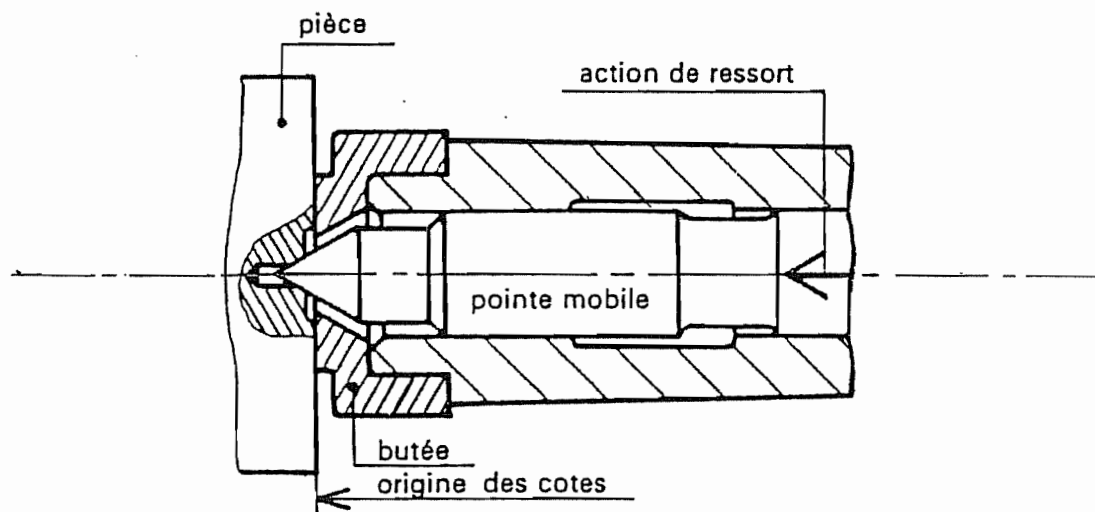


Fig 32

EFFET DU FAUX-ROND DE LA POINTE TOURNANTE

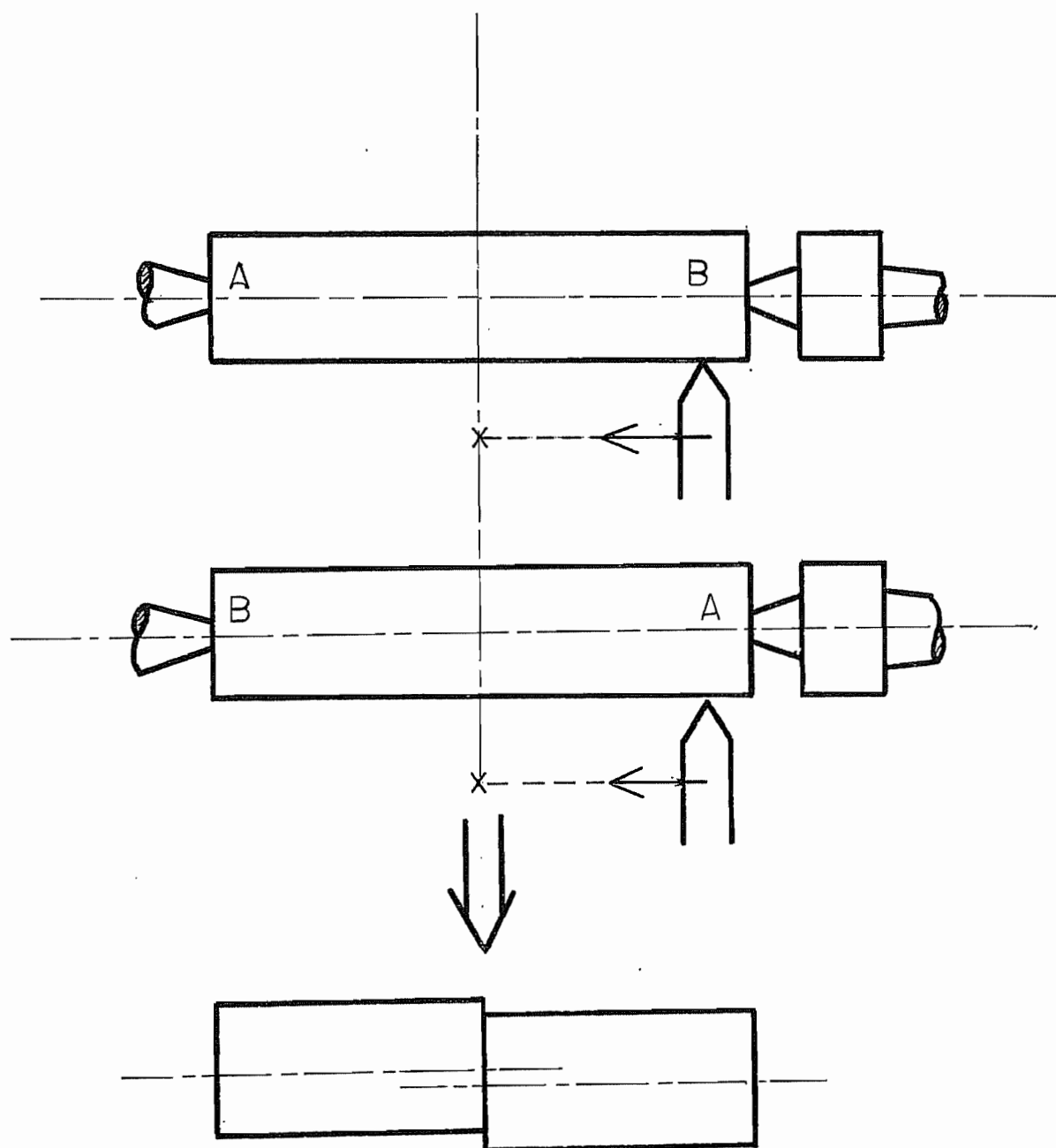


Fig 33

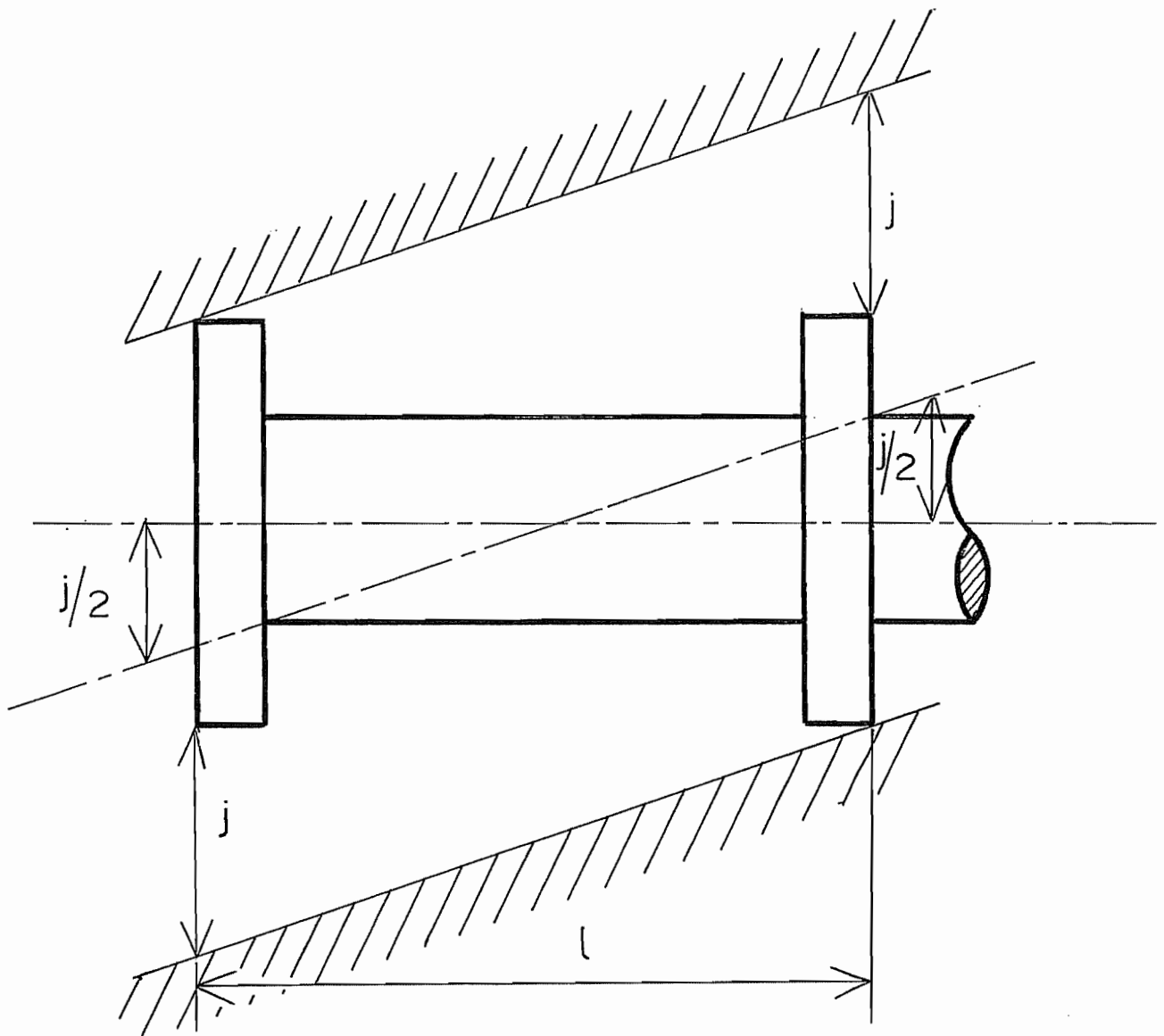


Fig 34

CENTRAGE LONG

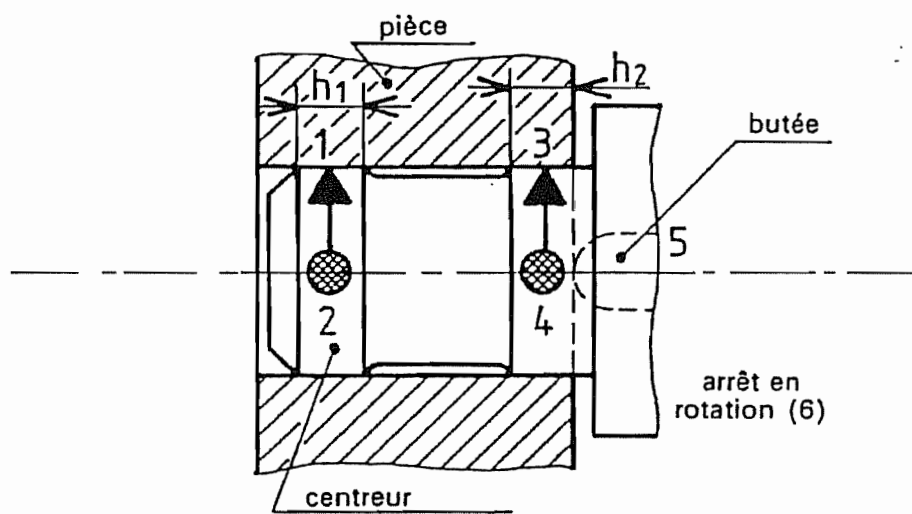


Fig 35

CENTRAGE COURT

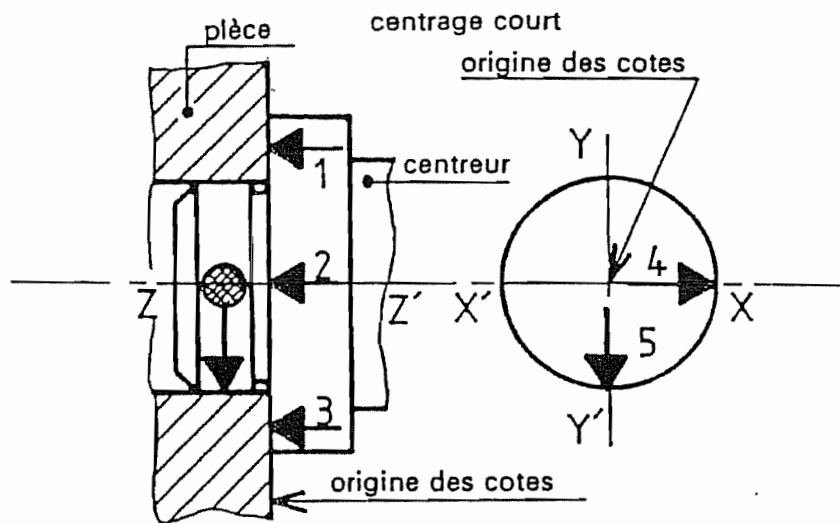


Fig 36

MANDRIN À SERRAGE CONCENTRIQUE

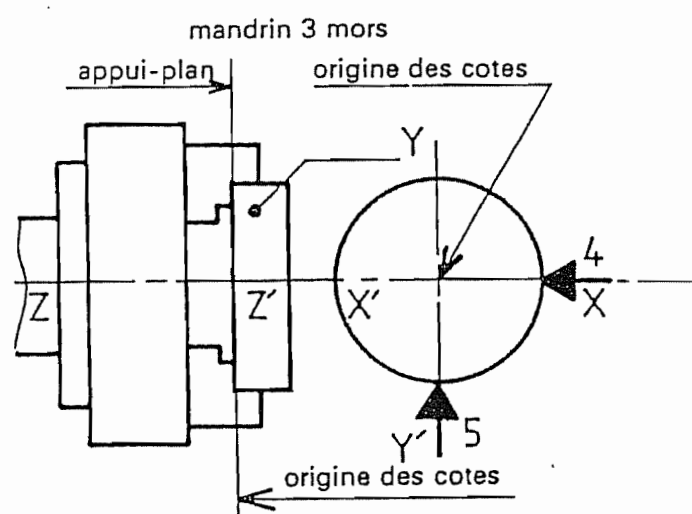
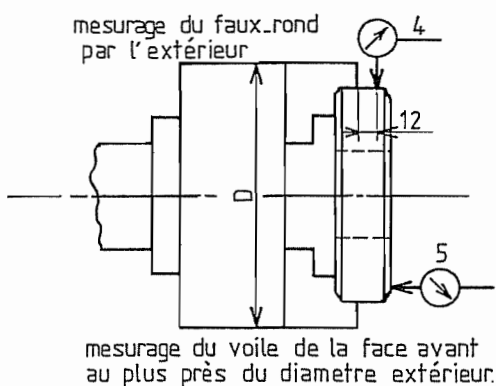


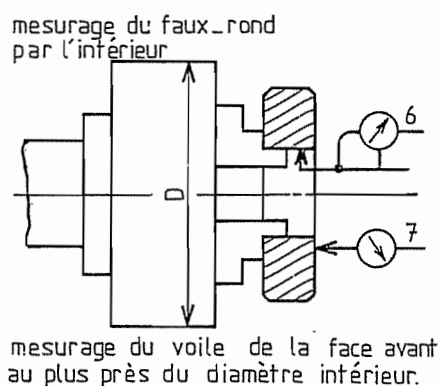
Fig 37

PRÉCISION DE LA PRISE EN MANDRIN

NF E 62-100 / 101 / 102 / 109



Opérations	Diamètre du mandrin D	1 Écart toléré
4	$D \leq 315$	0,075
	$315 < D \leq 630$	0,10
	$630 < D \leq 1000$	0,125
5	$D \leq 200$	0,04
	$200 < D \leq 400$	0,07
	$400 < D \leq 630$	0,10
	$630 < D \leq 1000$	0,125



Opérations	Diamètre du mandrin D	2 Écart toléré
6	$D \leq 315$	0,075
	$315 < D \leq 630$	0,10
	$630 < D \leq 1000$	0,125
7	$D \leq 200$	0,03
	$200 < D \leq 400$	0,04
	$400 < D \leq 630$	0,05
	$630 < D \leq 1000$	0,06

Fig 38

USINAGE DE MORS DOUX

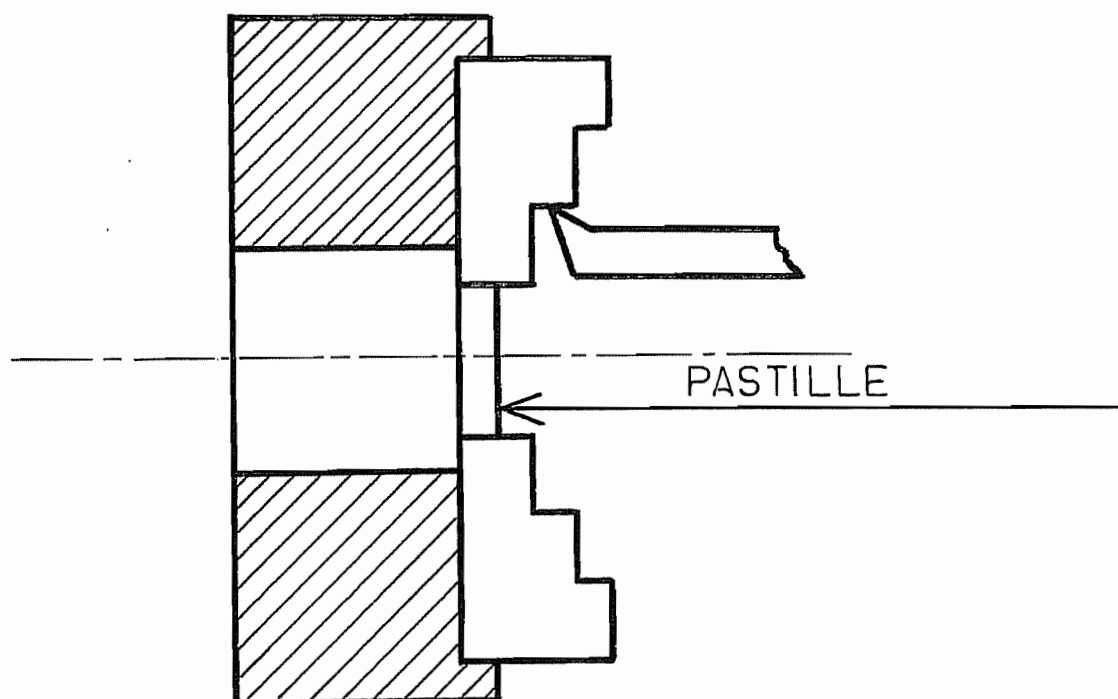


Fig 39

② CONTNUITÉ DE LA MATIÈRE

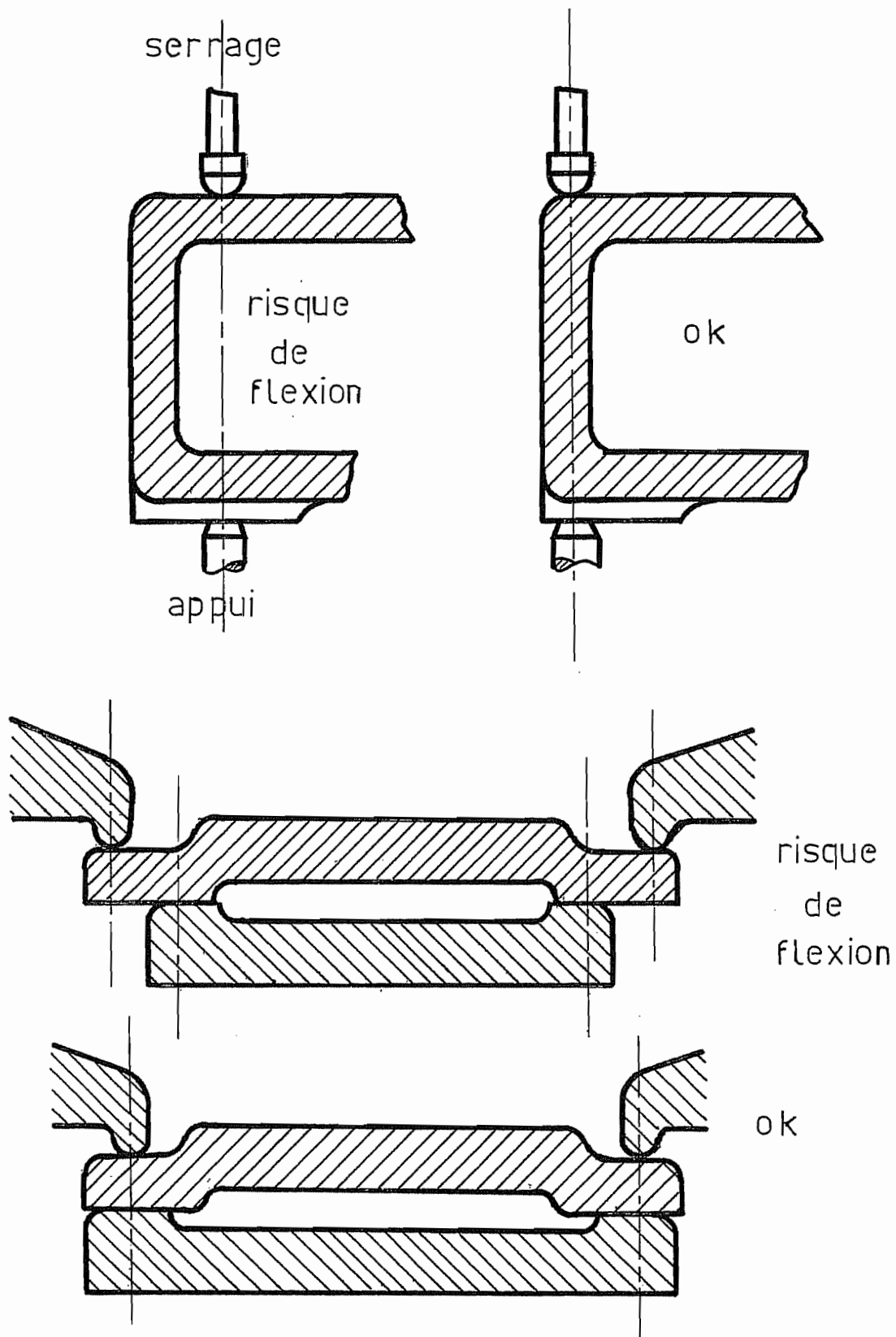


Fig 41

③ SIMPLIFIER ET RÉDUIRE LES PONTS DE SERRAGE

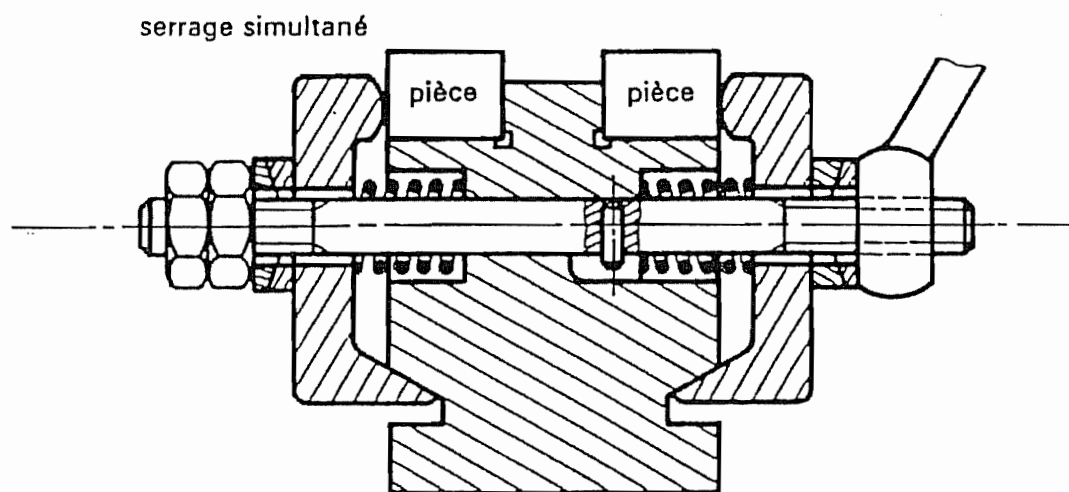


Fig 42

④ SERRAGE PALONNÉ

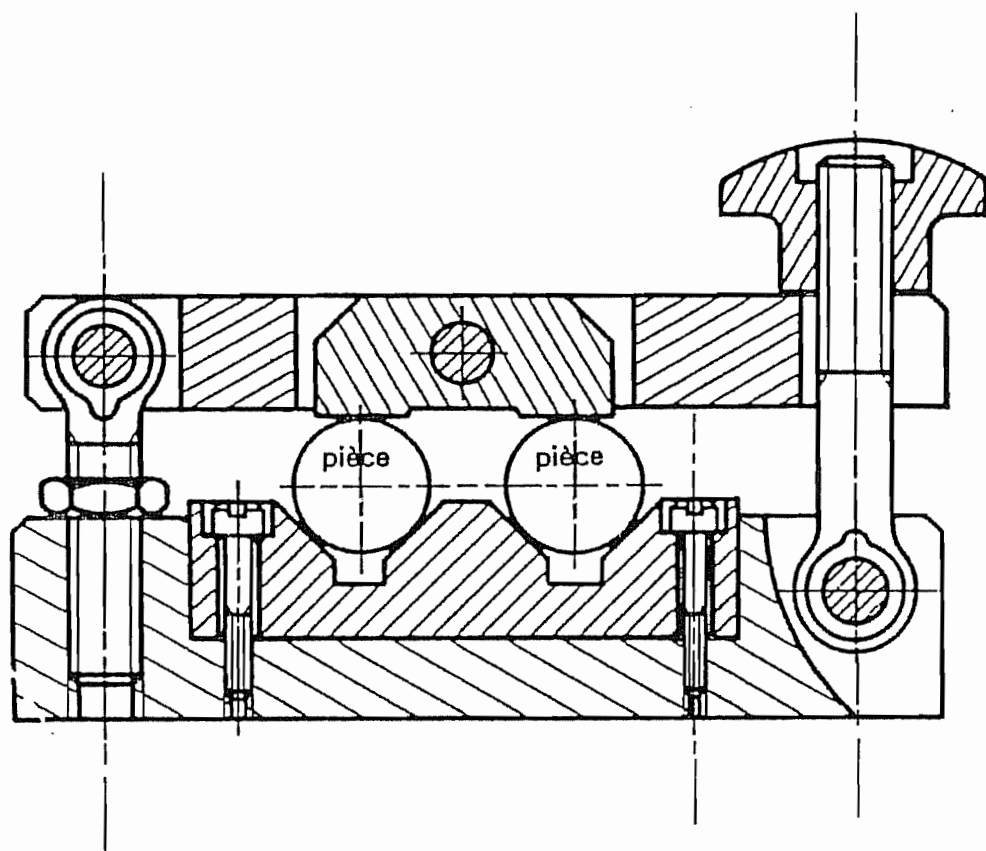


Fig 43

⑤ EVITER LES PRESSIONS DE SERRAGE
EXCESSIVES

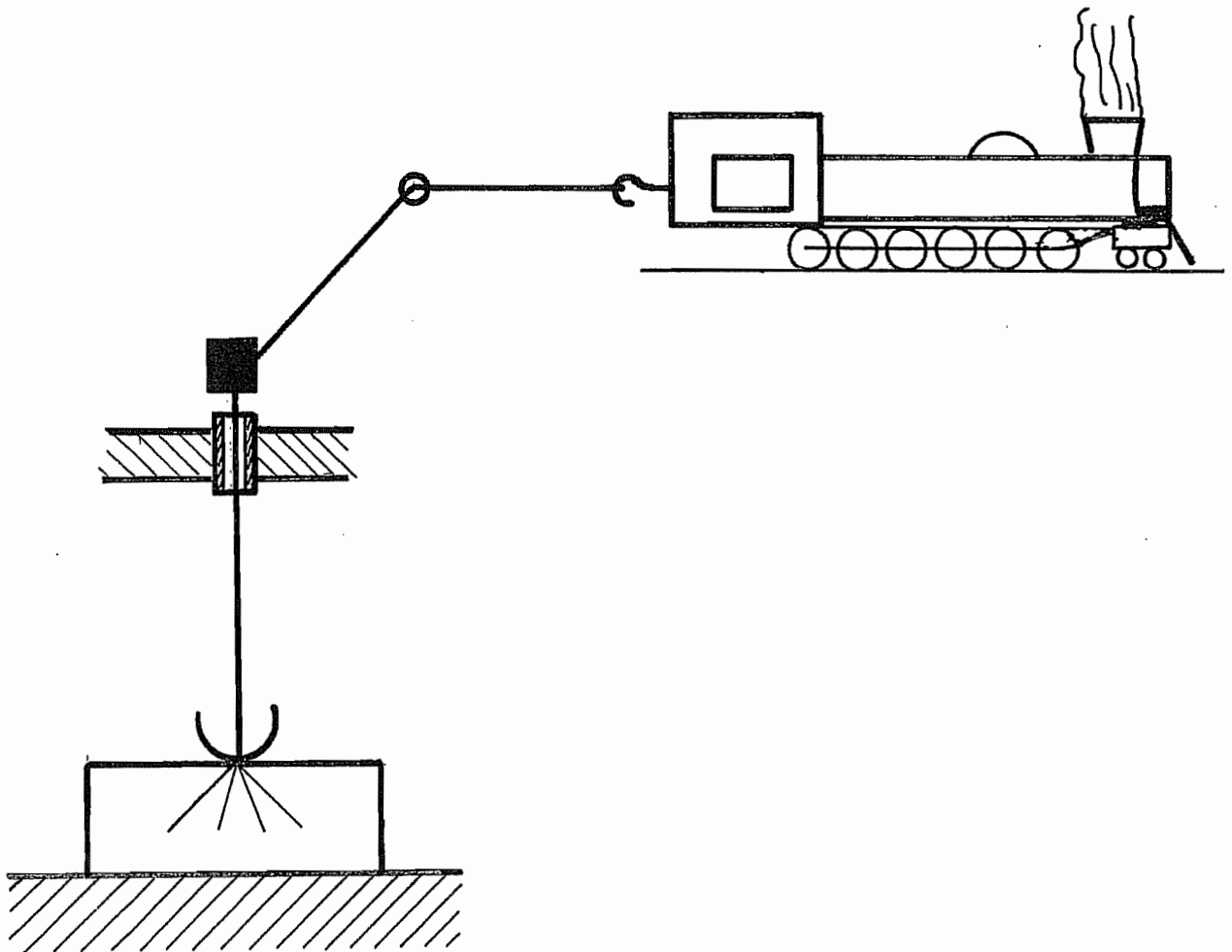


Fig 44

BRIDES

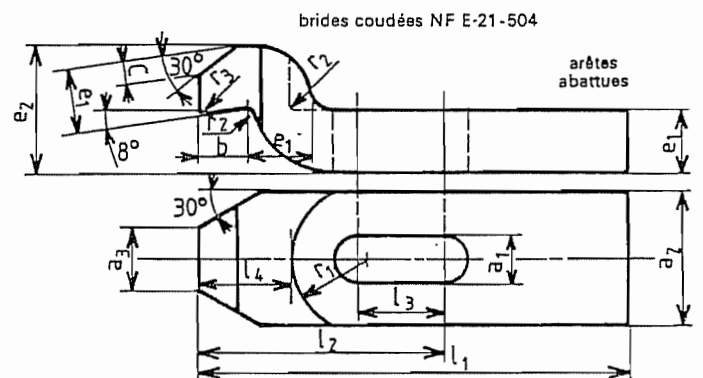
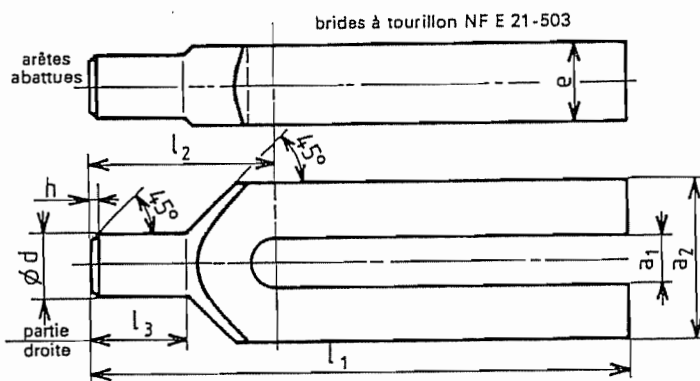
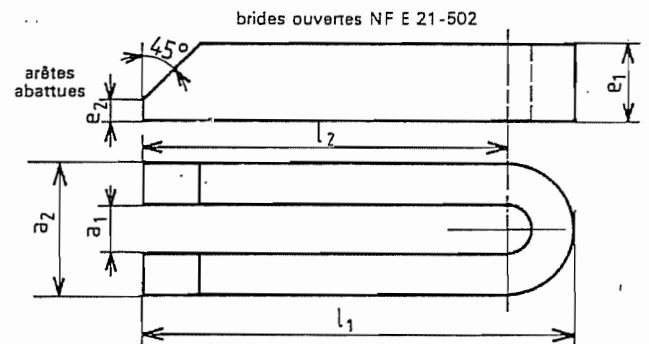
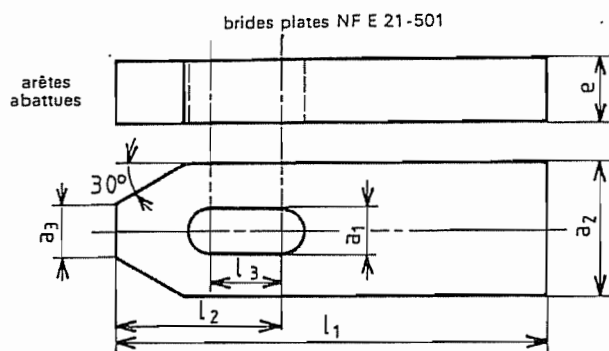
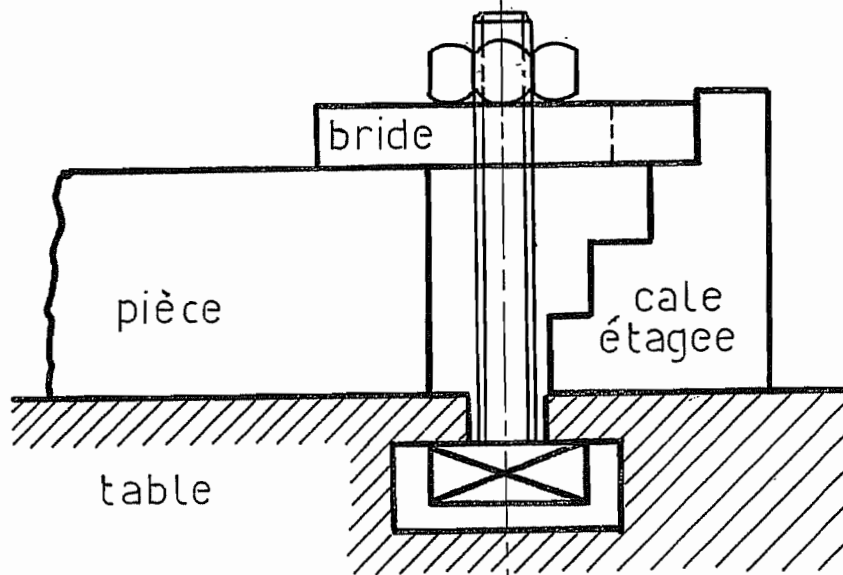
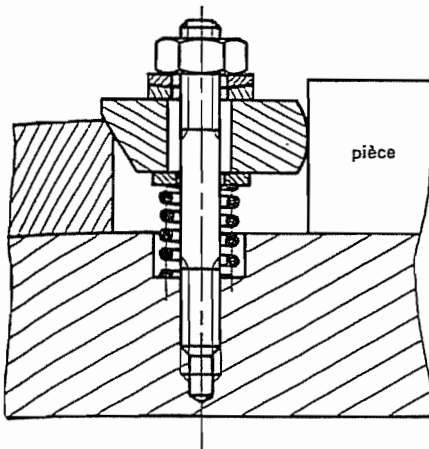


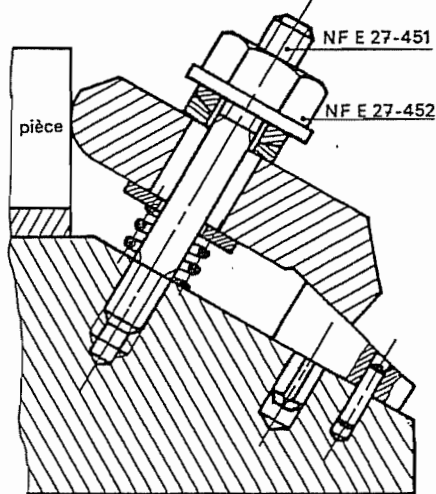
Fig 45

EXEMPLES DE RÉALISATION

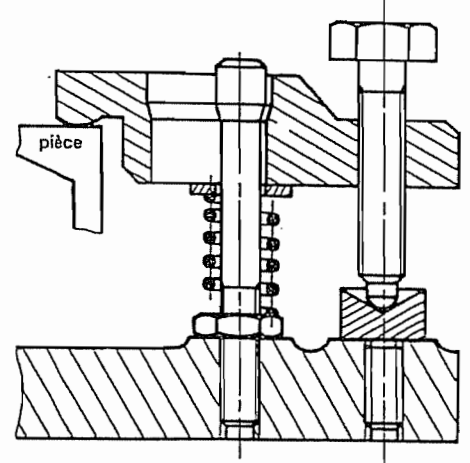
vis et bride à actions combinées



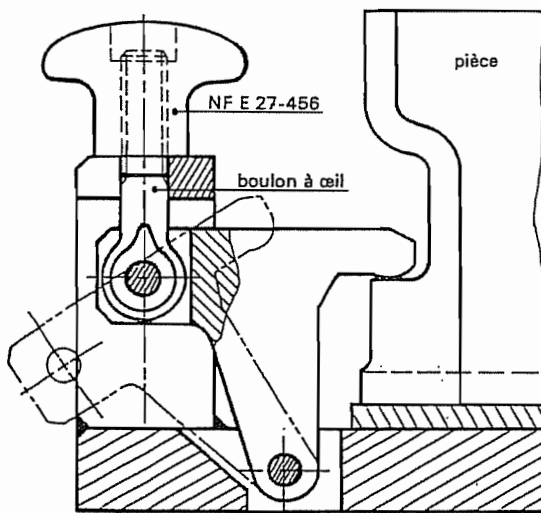
bridage oblique en clame



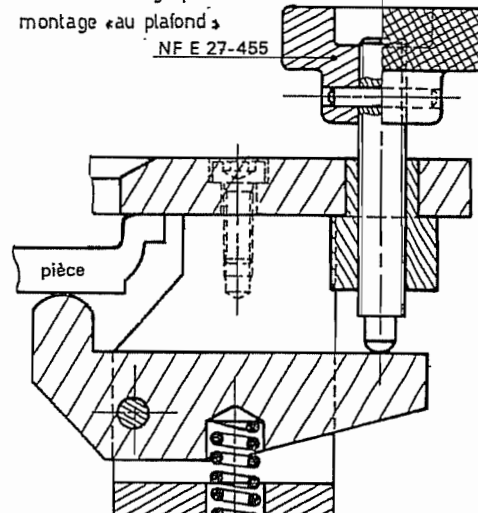
bride éclipable



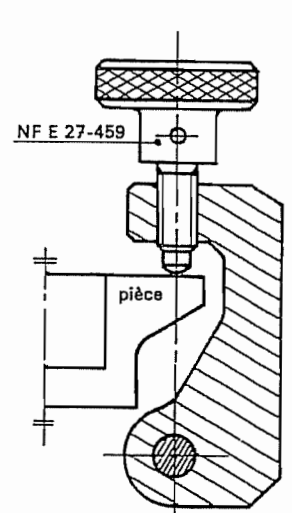
bride éclipable



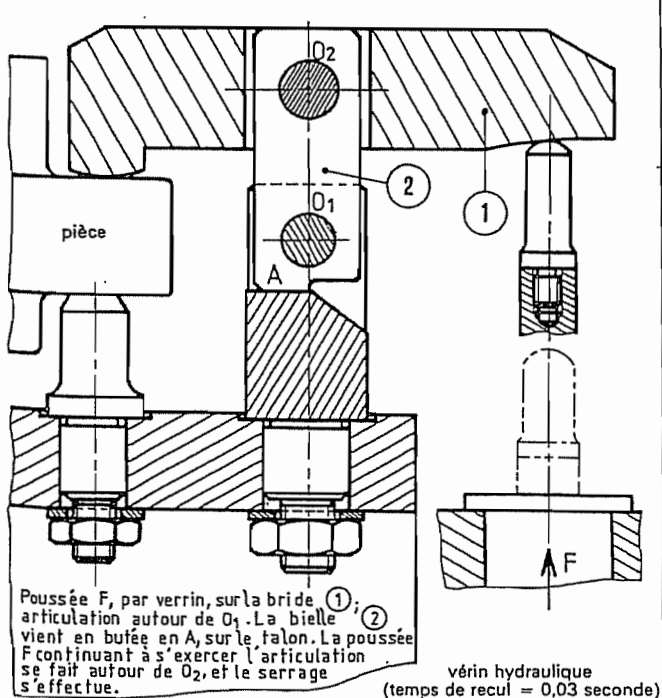
renvoi de serrage pour montage «au plafond»



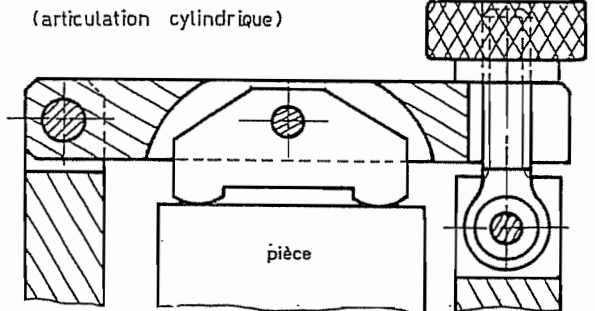
renvoi de serrage



bride à évolution et serrage rapides



serrage, sur palonnier par deux contacts ponctuels (articulation cylindrique)



serrage, sur palonnier par contacts plan (articulation sphérique)

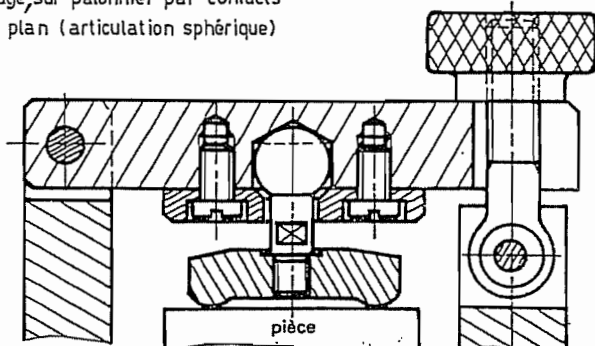


Fig 46

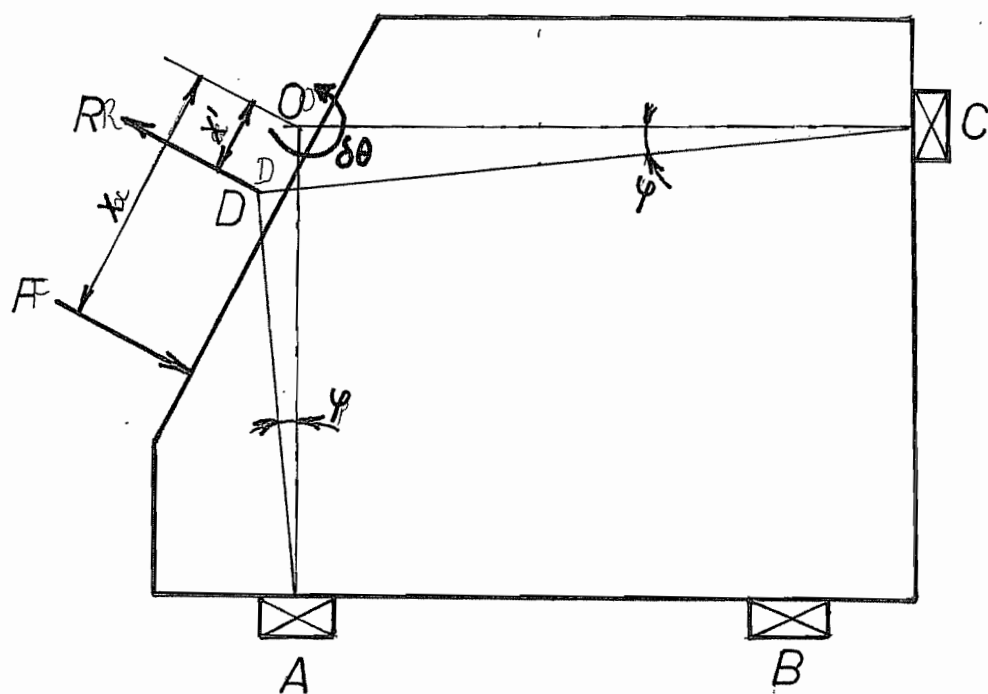


Fig. 47

Chapitre 5

Machines-outils à commande numérique

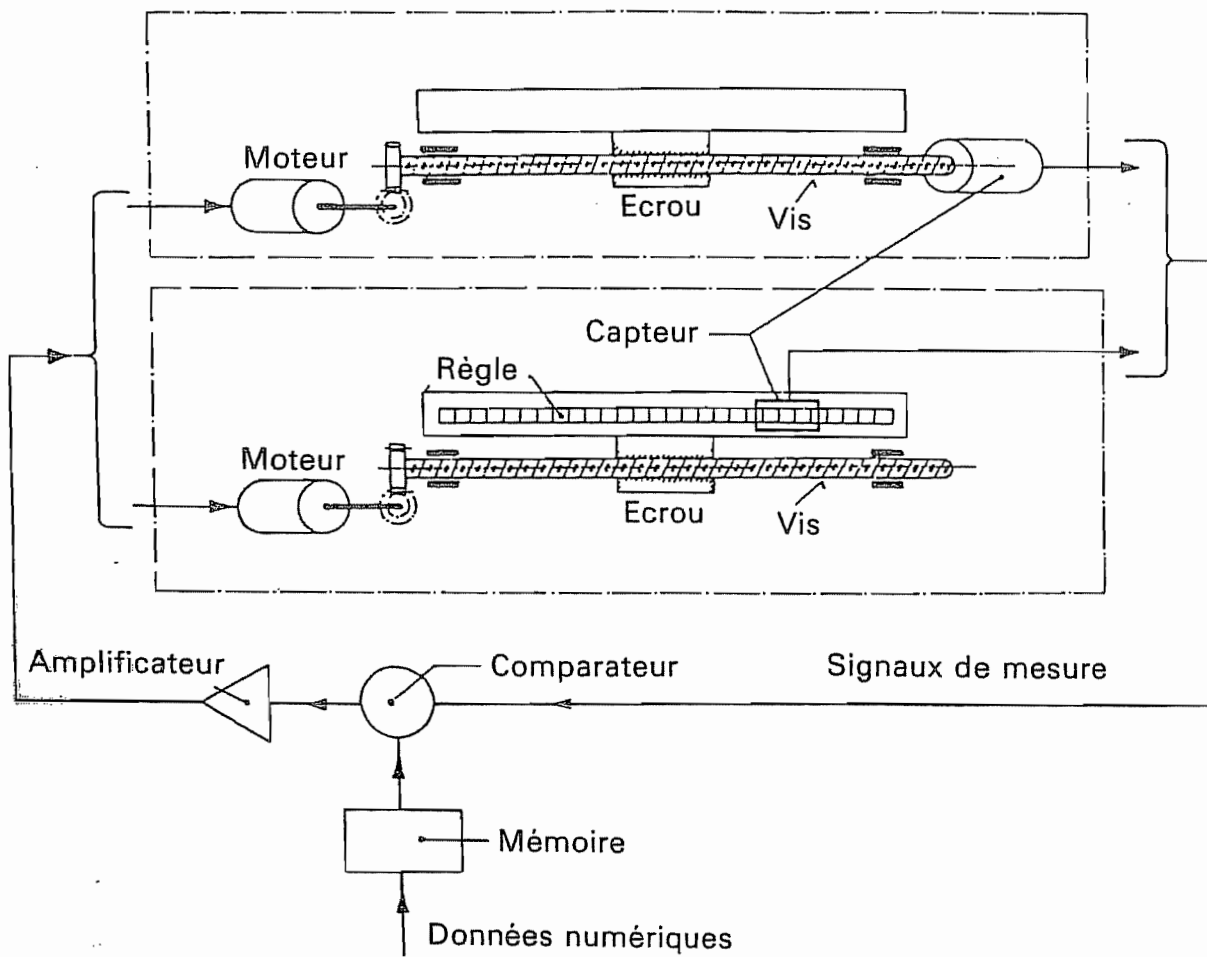


Fig. 1:
Les éléments de base d'un mouvement commandé numériquement

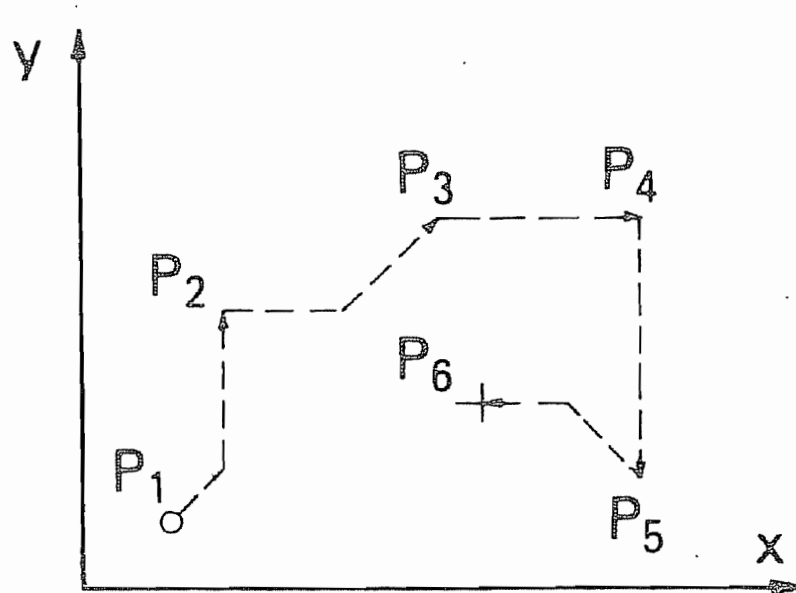


Fig. 2:
Commande point par point

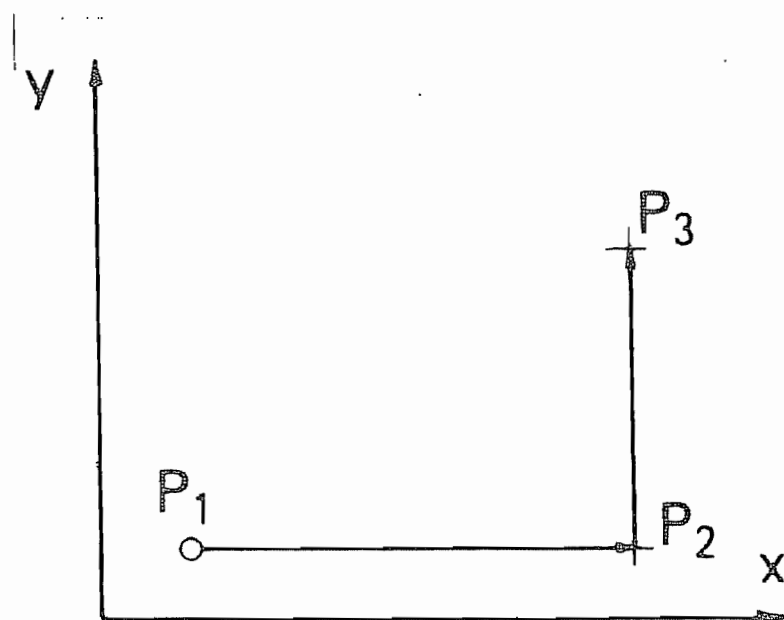


Fig. 3:
Commande paraxiale

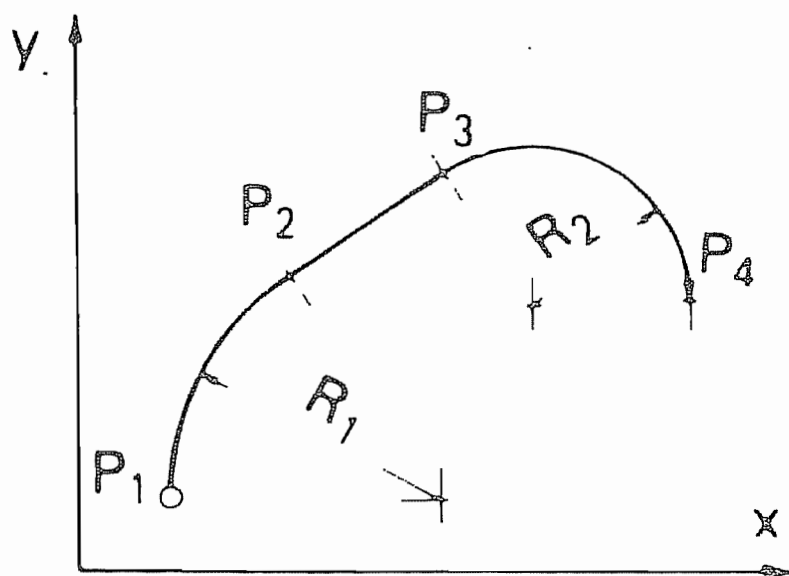


Fig. 4:
Commande de
contournage

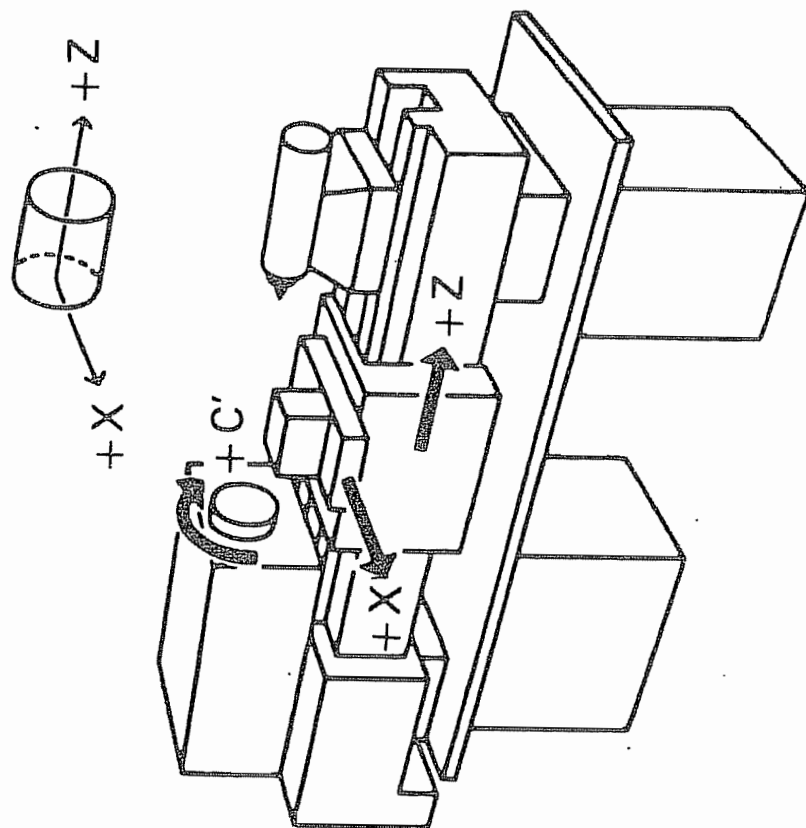


Fig.5 :
 Désignation des axes
 et sens de comptage sur le tour

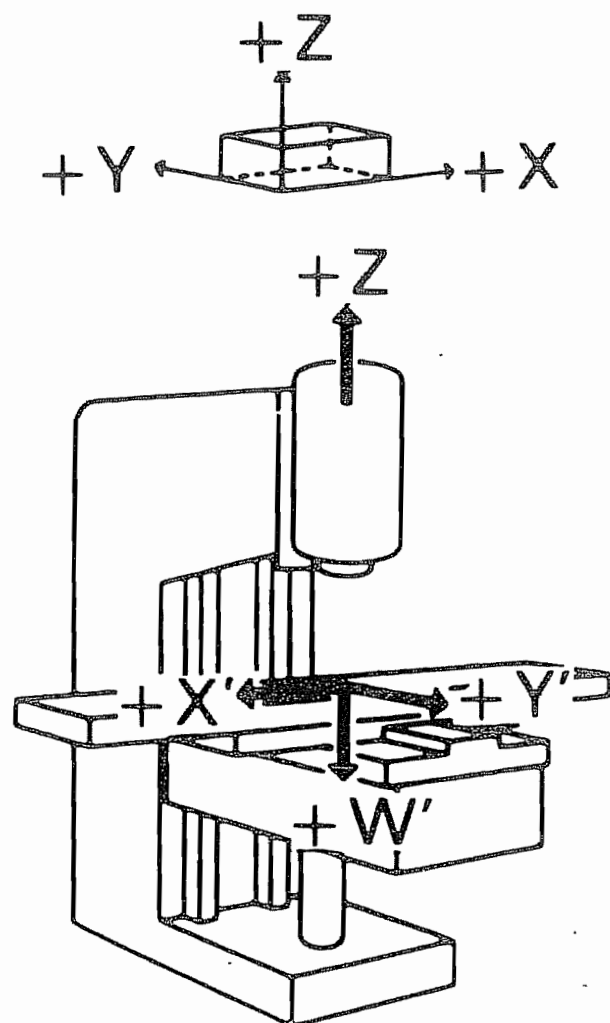


Fig.6 :
 Désignation des axes et sens de
 comptage sur la fraiseuse

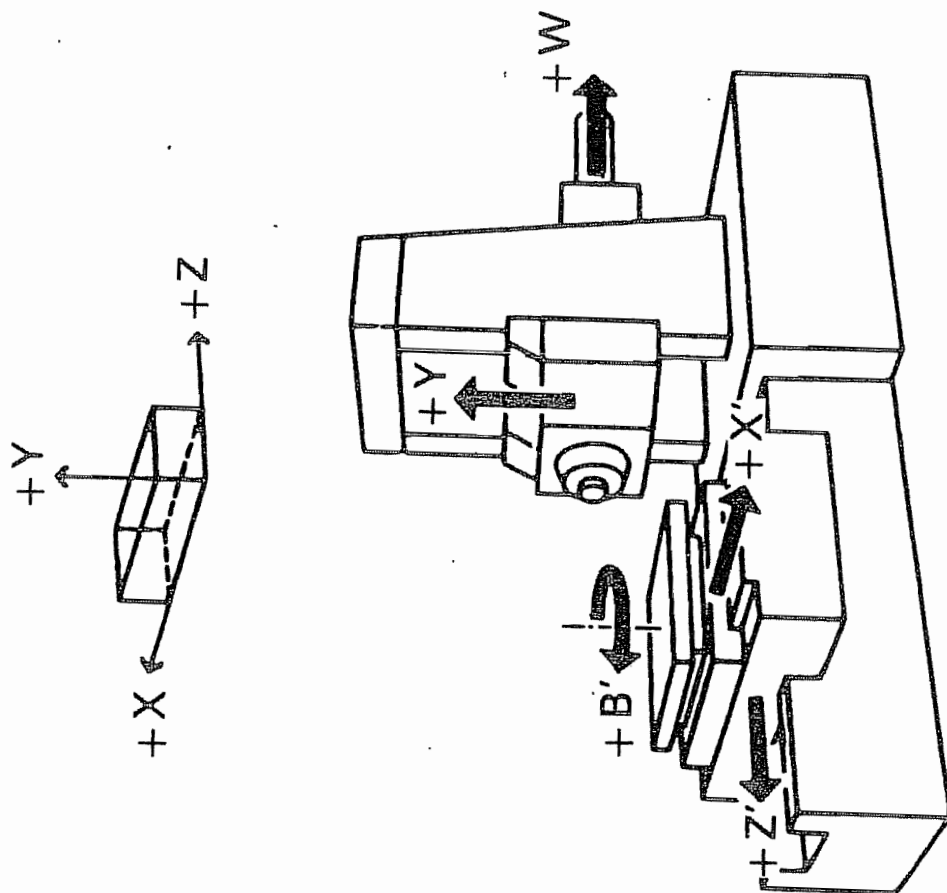


Fig. 7 :
 Désignation des axes et sens de
 comptage sur l'aléseuse

FRAISEUSE - ALESEUSE UNIVERSELLE

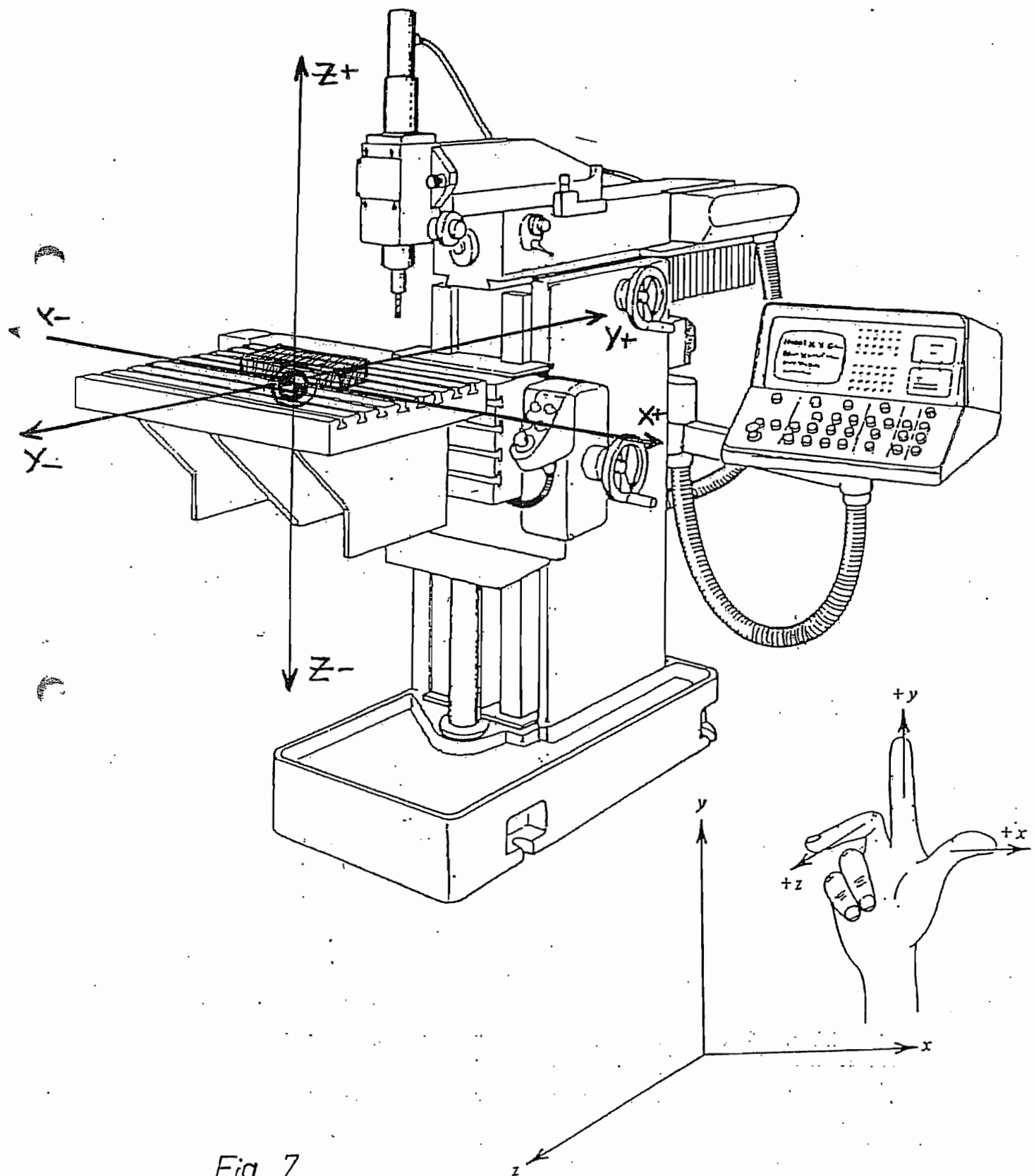


Fig. 7

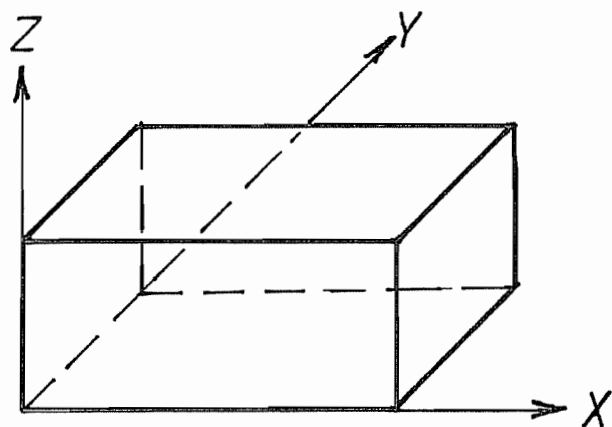


Fig. 8

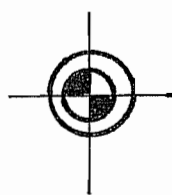


Fig. 9

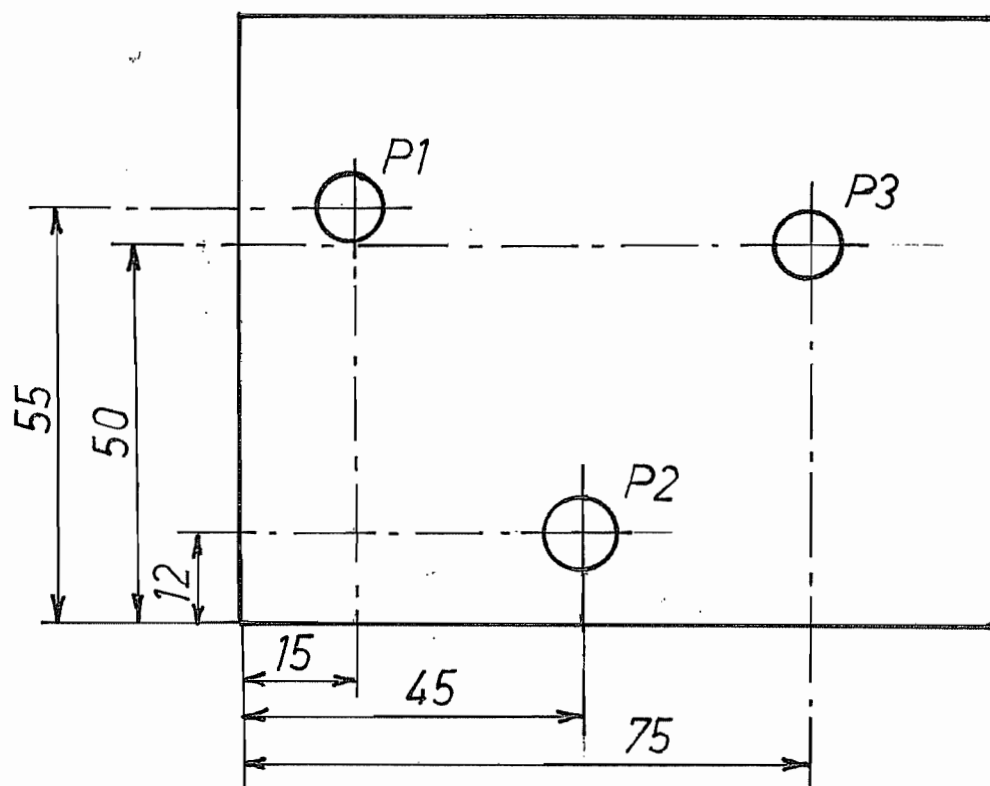


Fig. 10

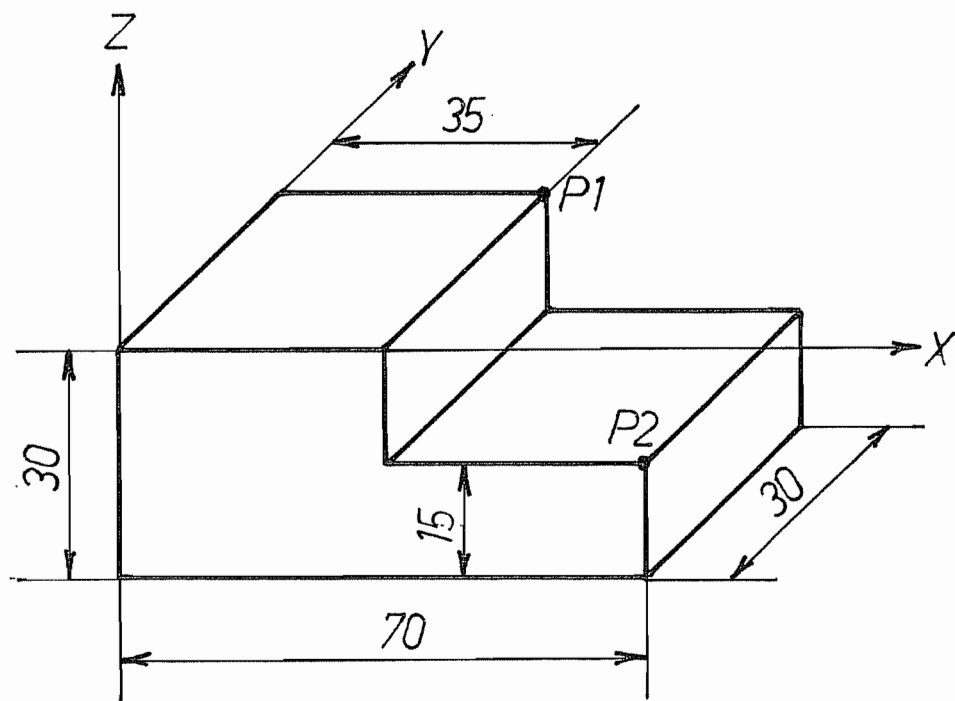


Fig.11

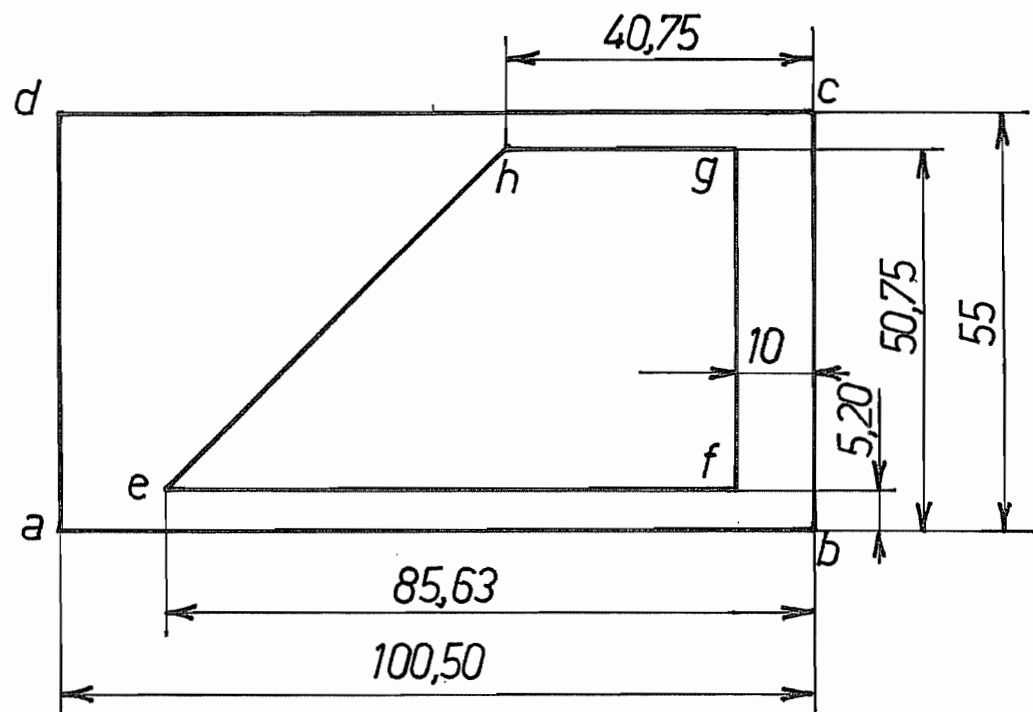


Fig. 12

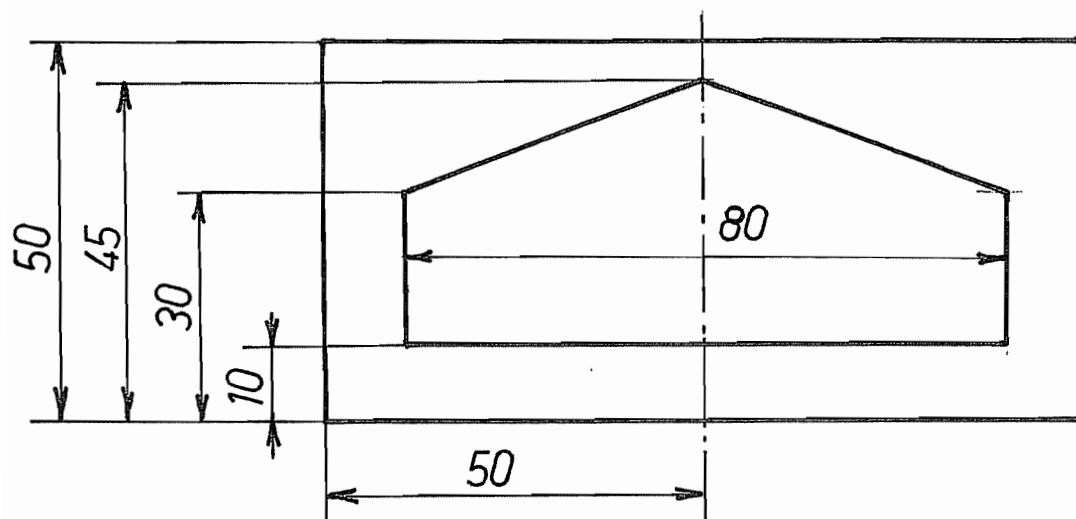


Fig. 13

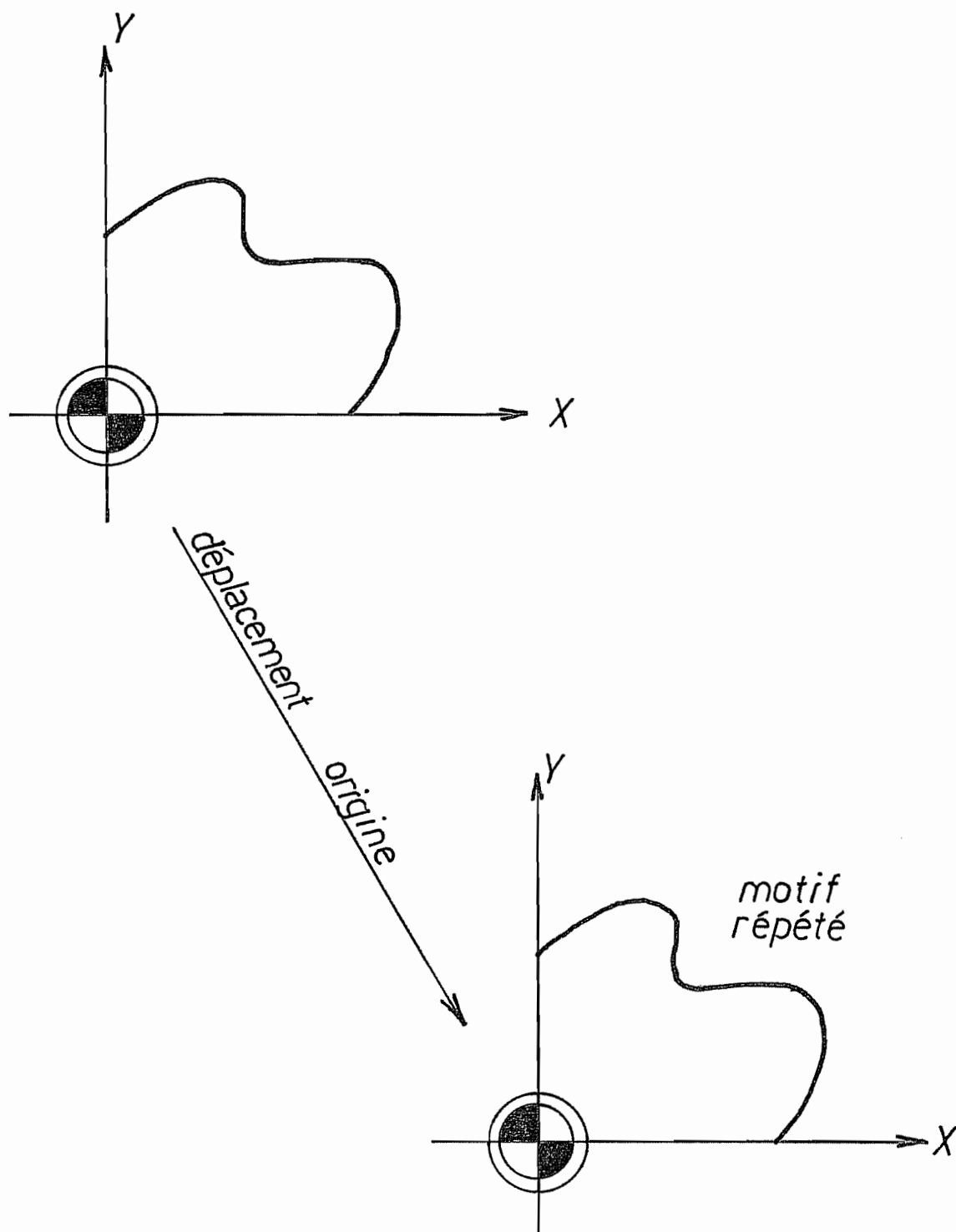


Fig. 14

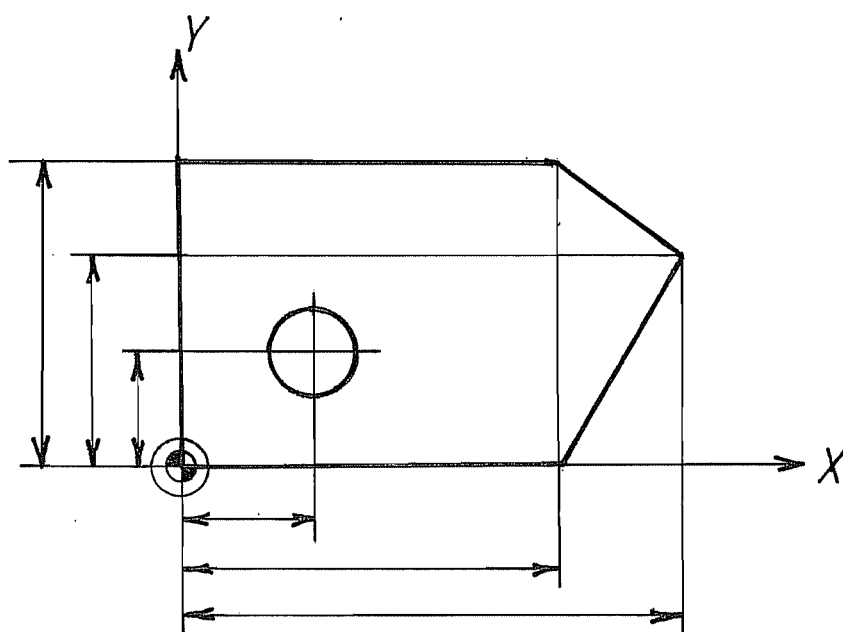


Fig. 15: cotation absolute

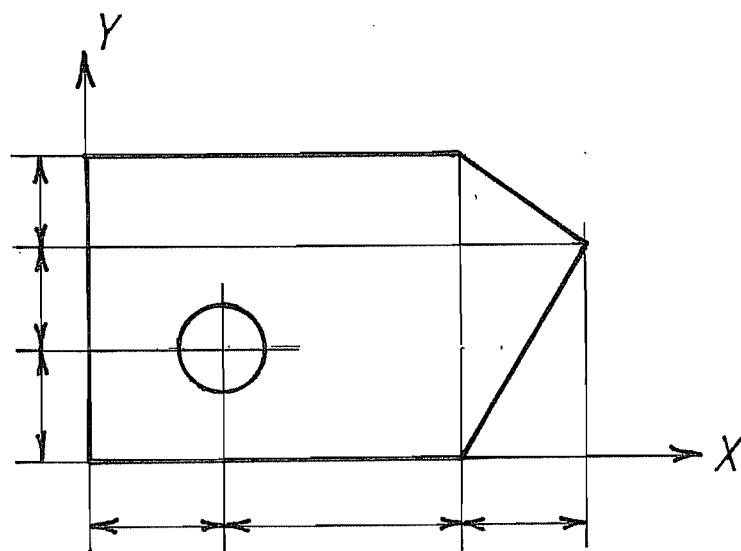


Fig. 16: cotation relative

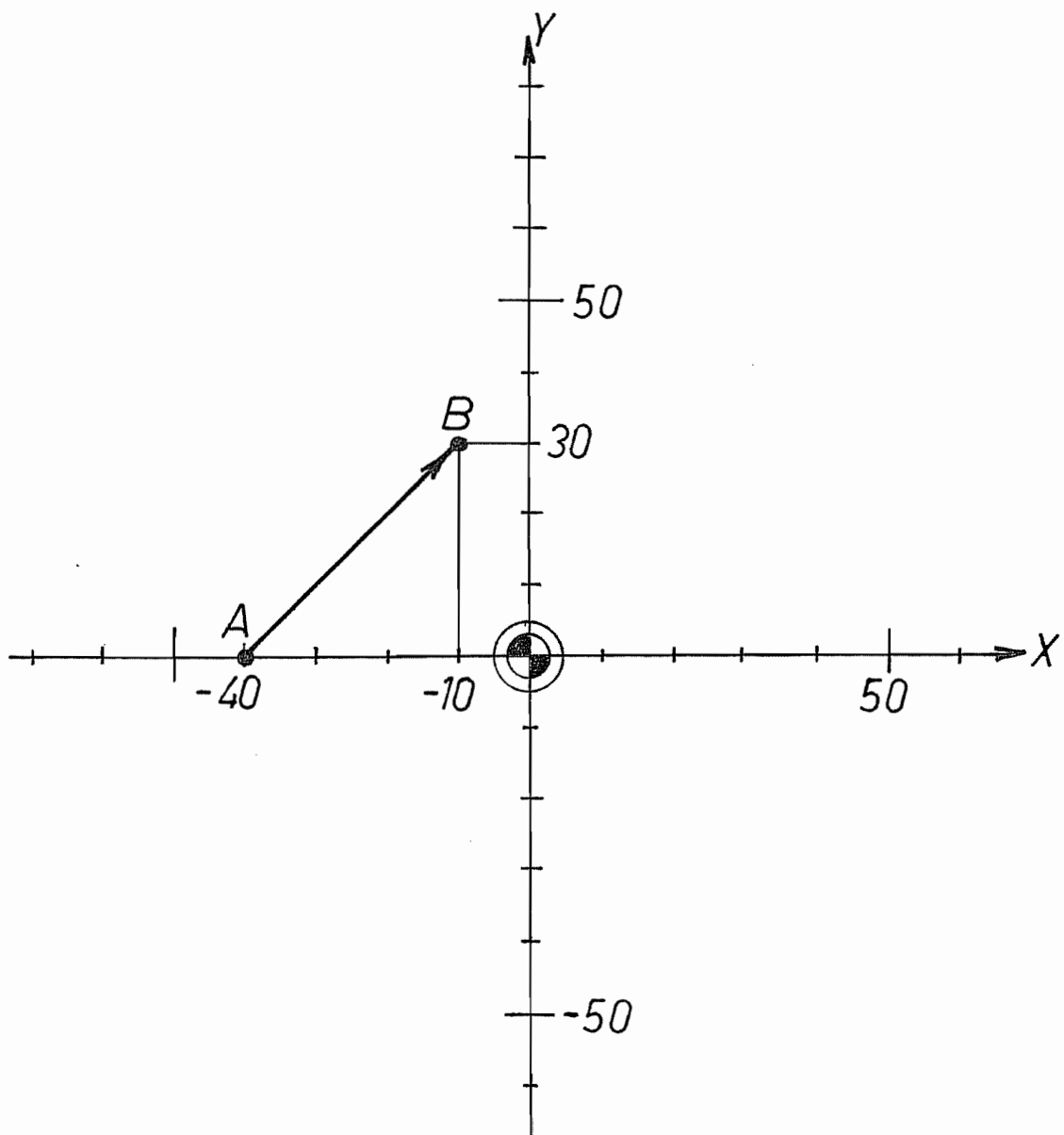


Fig. 17

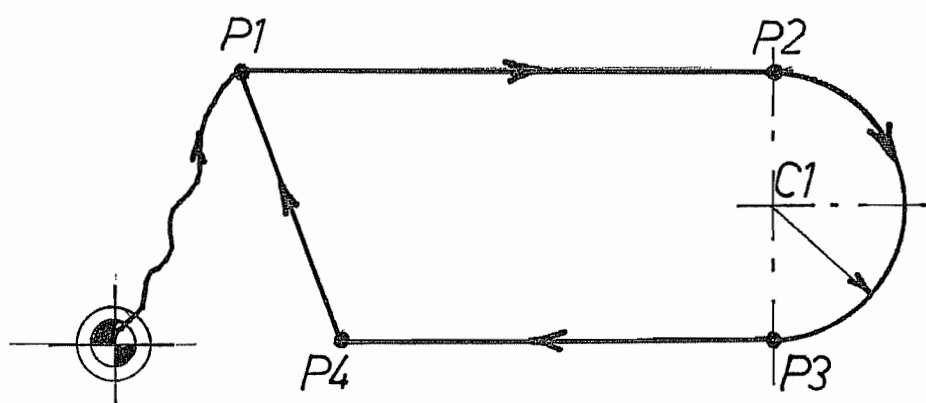


Fig 18

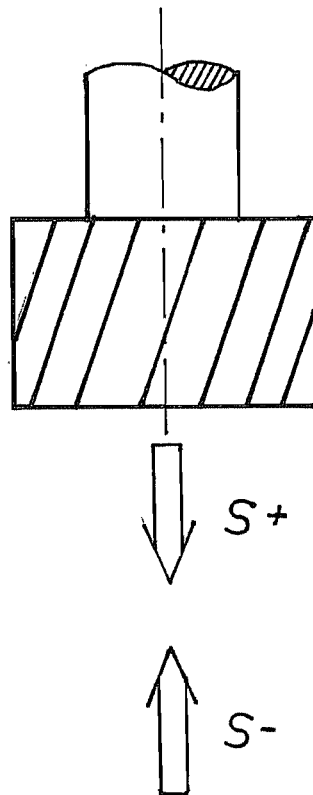


Fig. 19

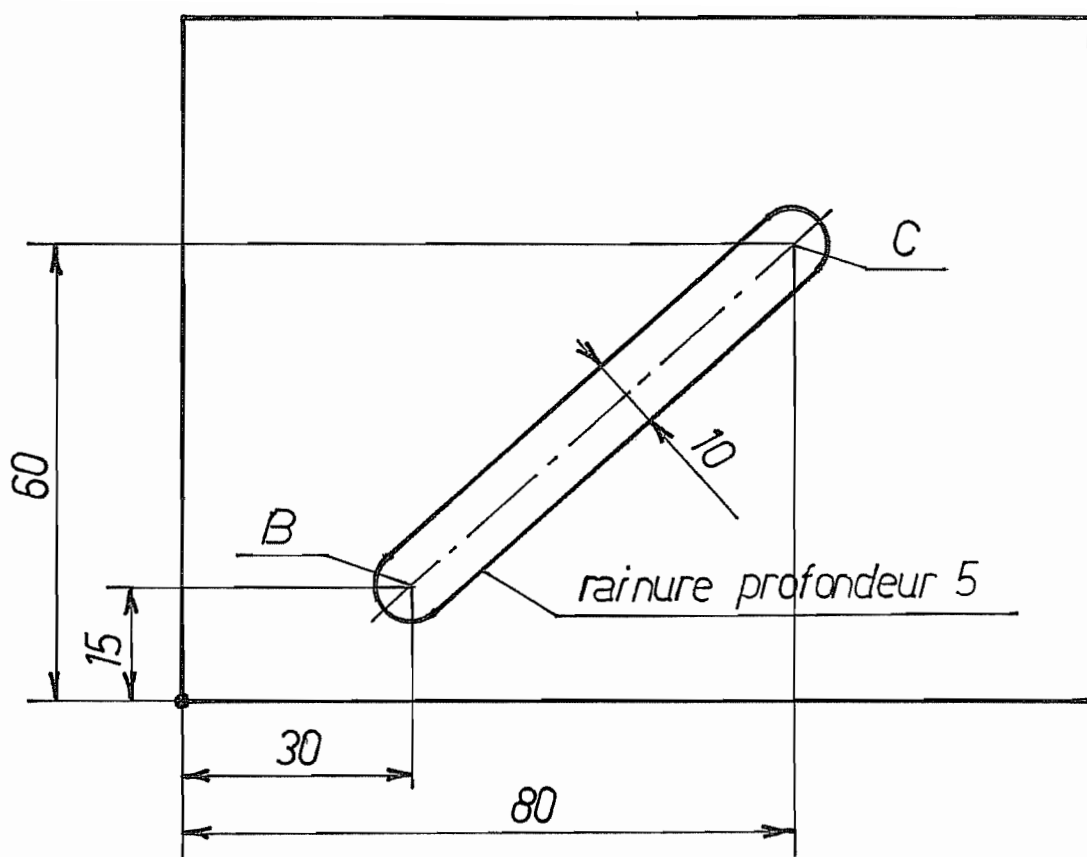


Fig. 20

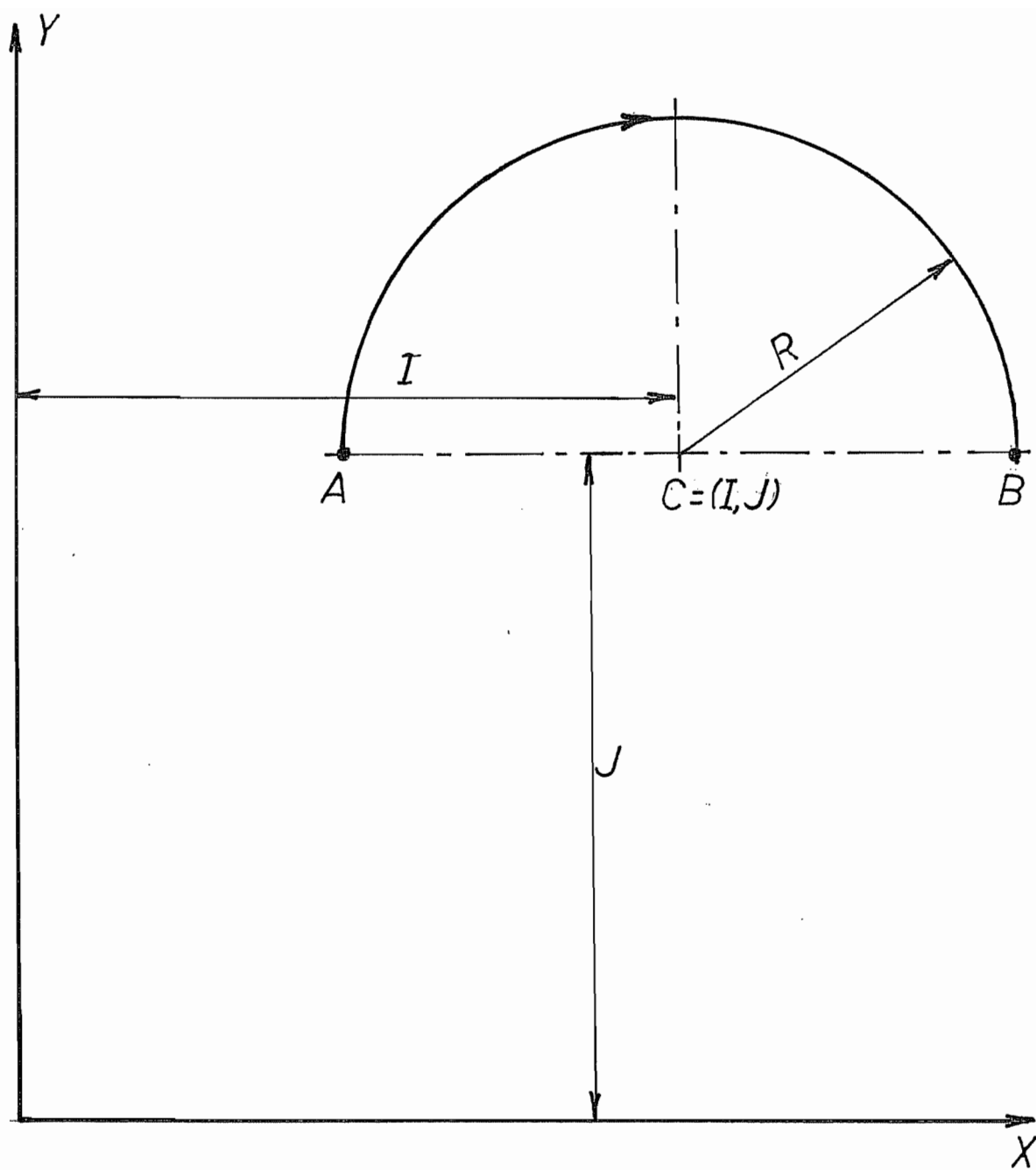


Fig. 21

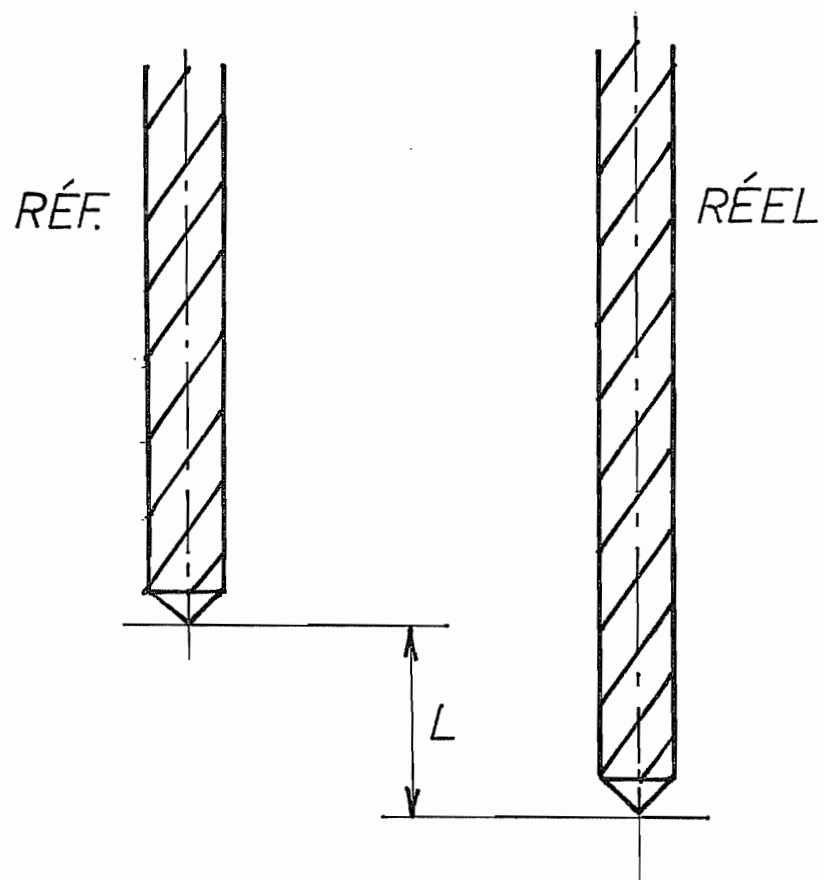


Fig. 22

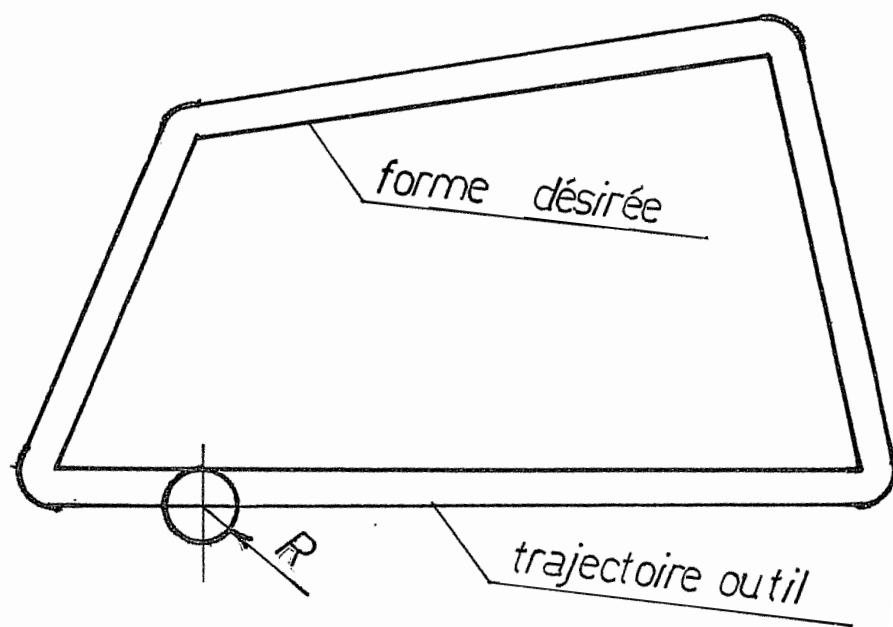
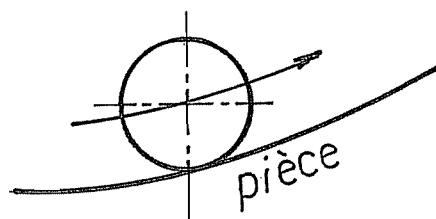
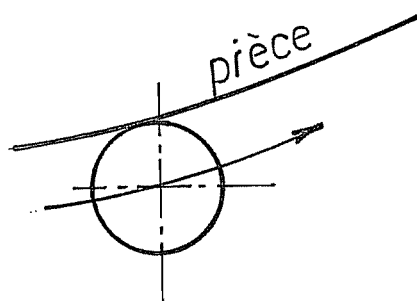


Fig. 23



Outil à gauche
G41



Outil à droite
G42

Fig. 24

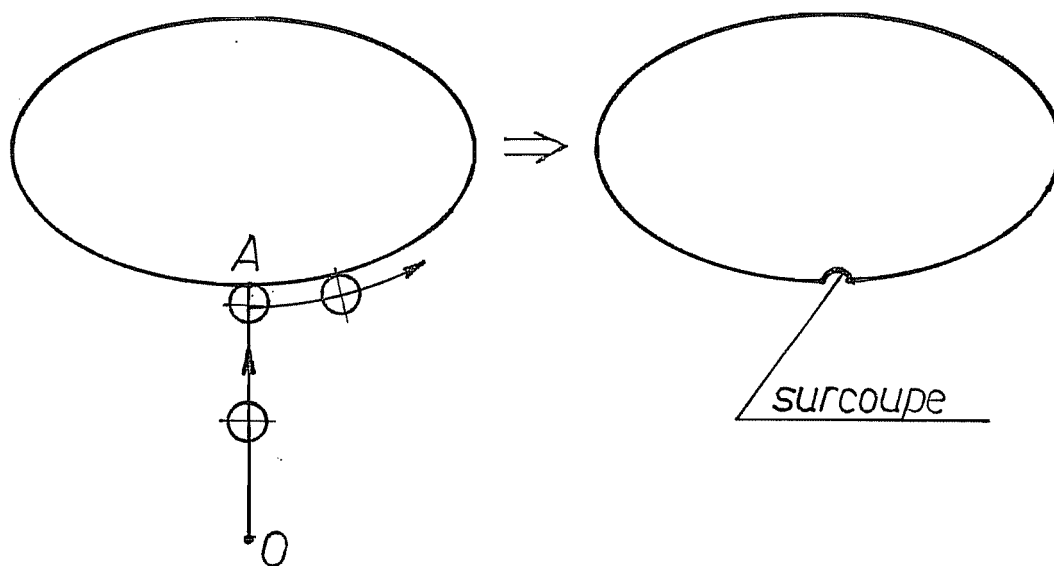


Fig. 25

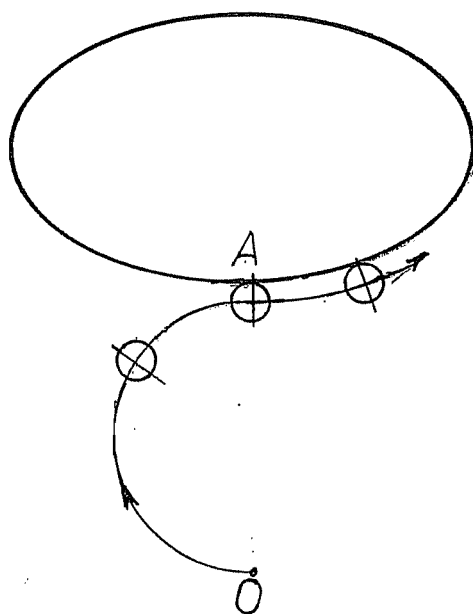


Fig. 26

Chapitre 6

Optimisation en chariotage

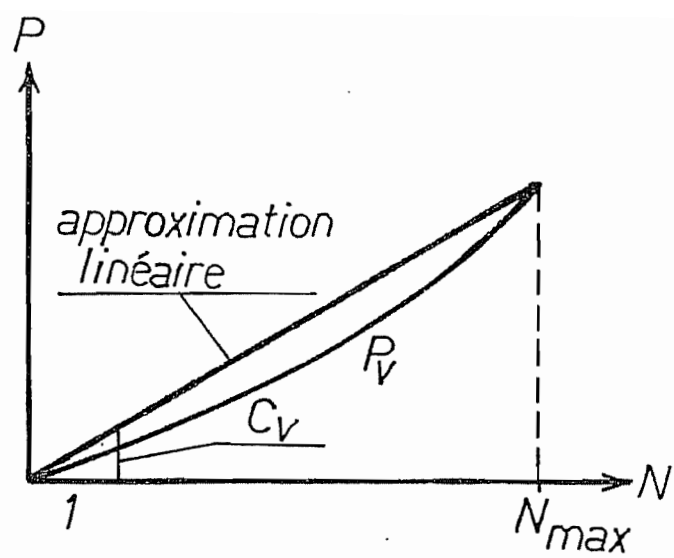


FIG. 1

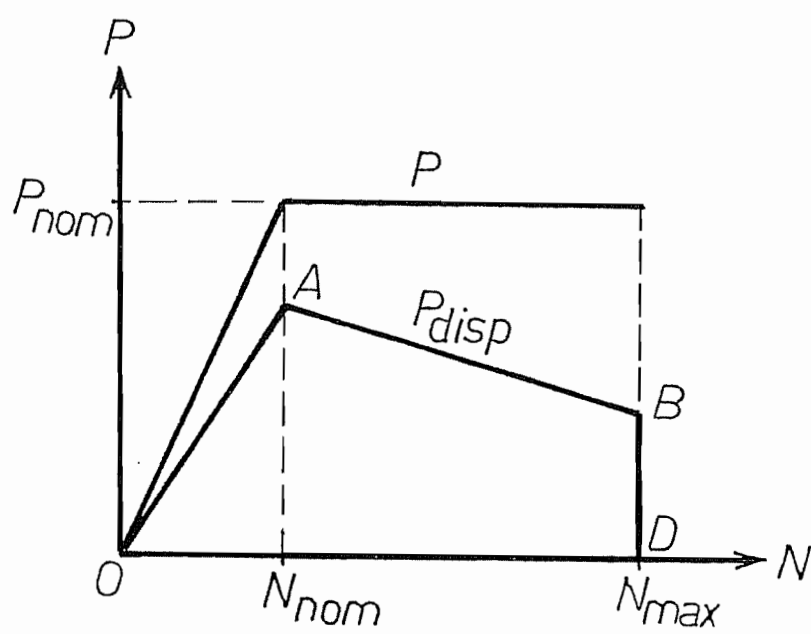


FIG. 2

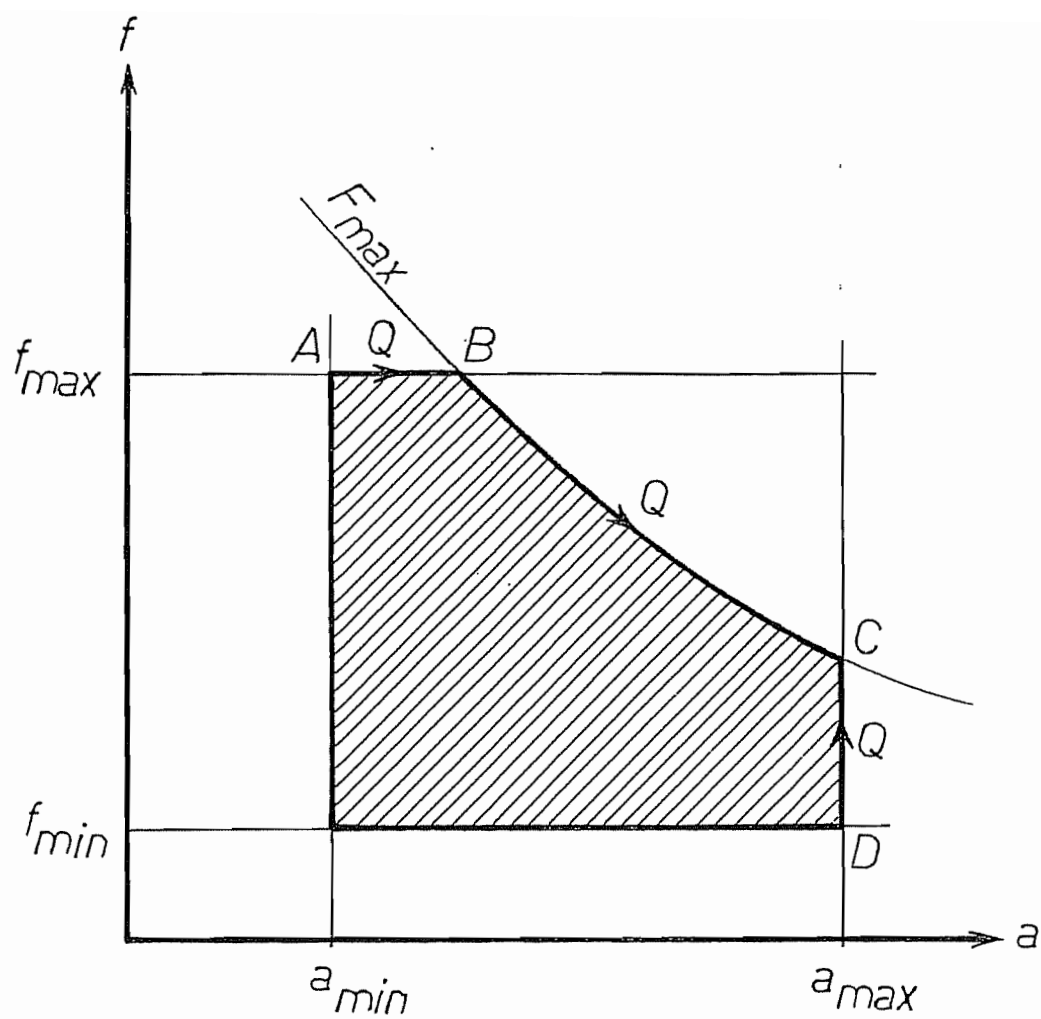


FIG . 3

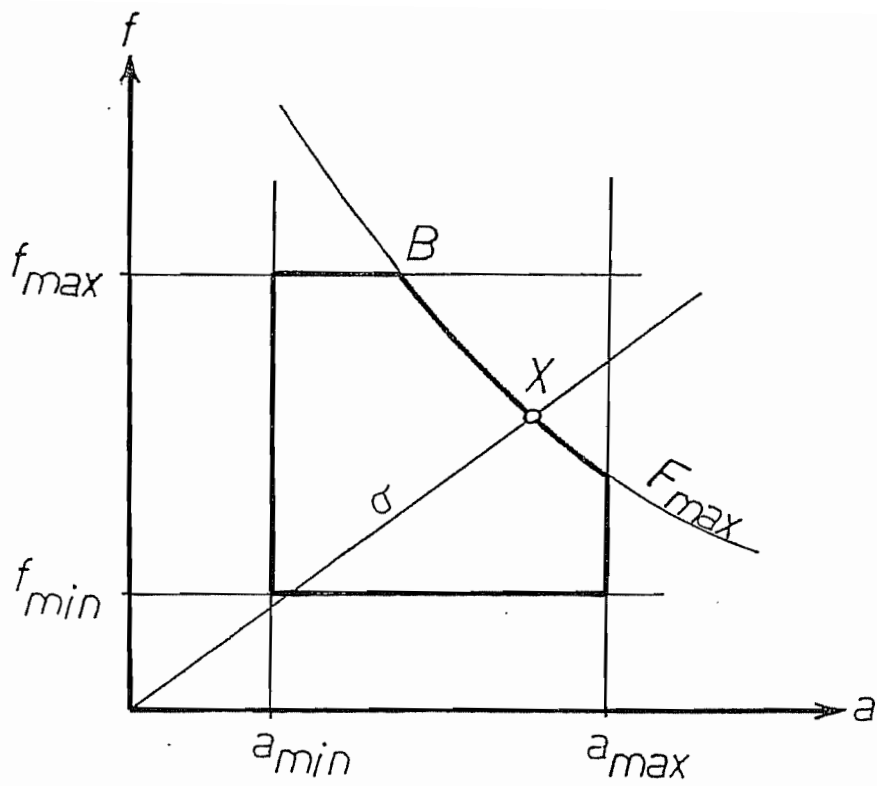


FIG. 4

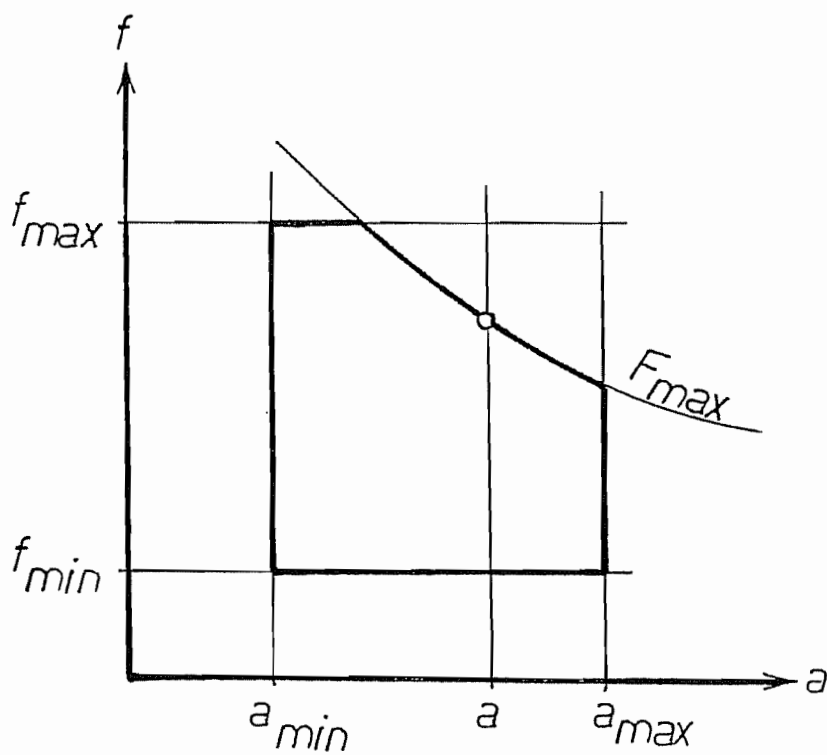


FIG. 5

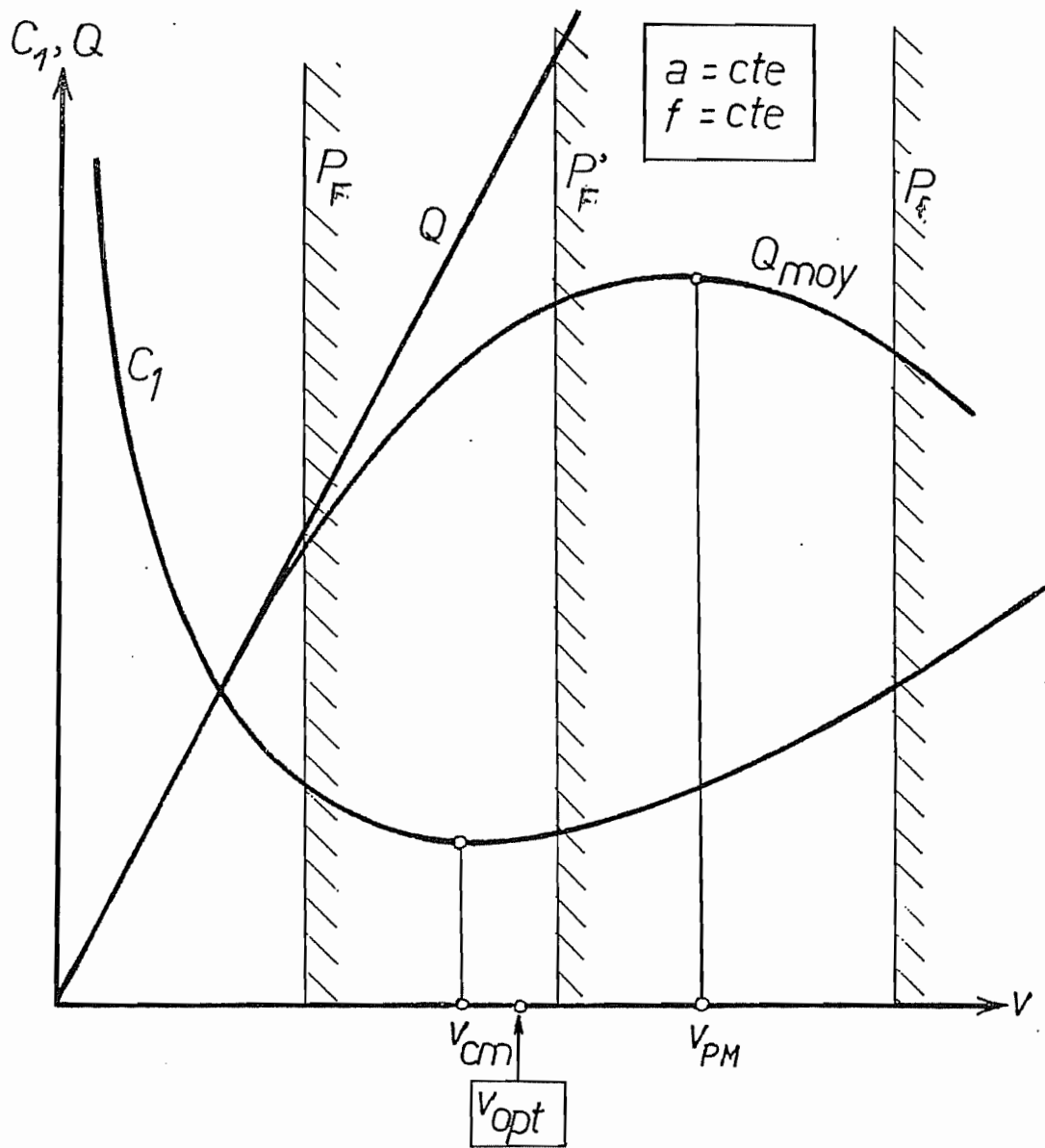


FIG. 6

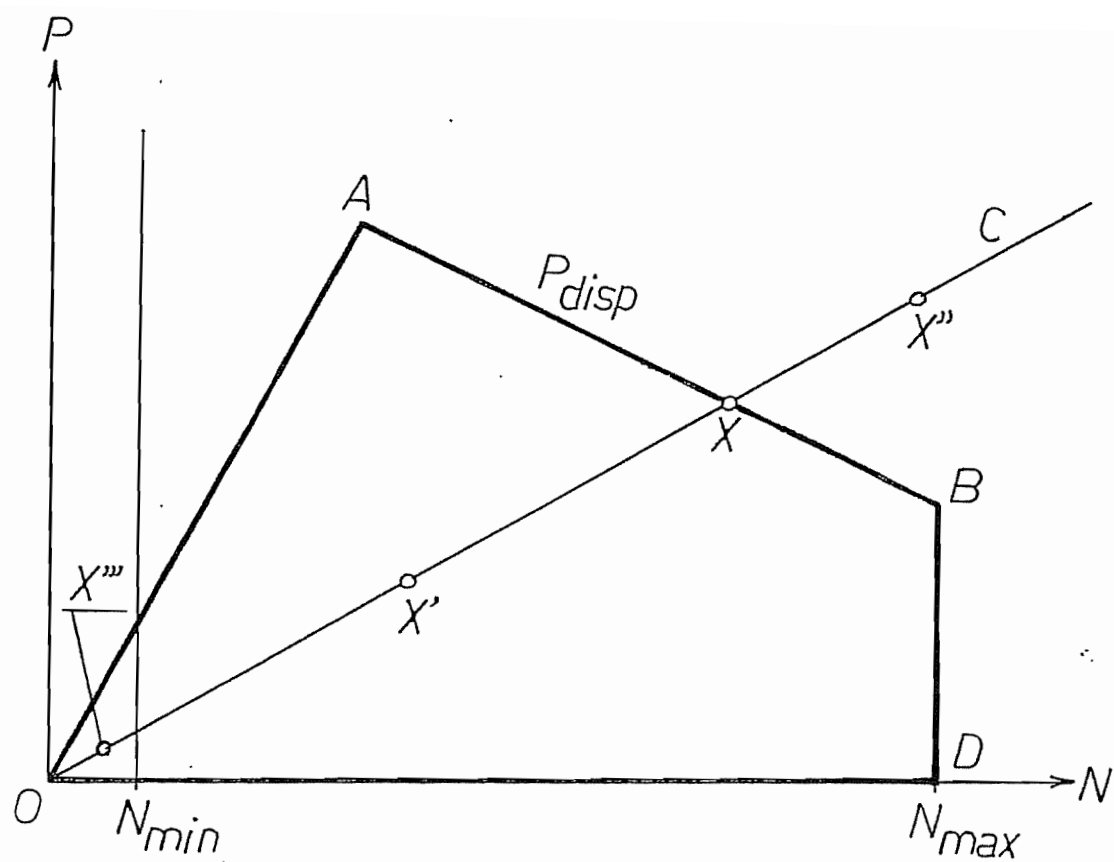


FIG. 7

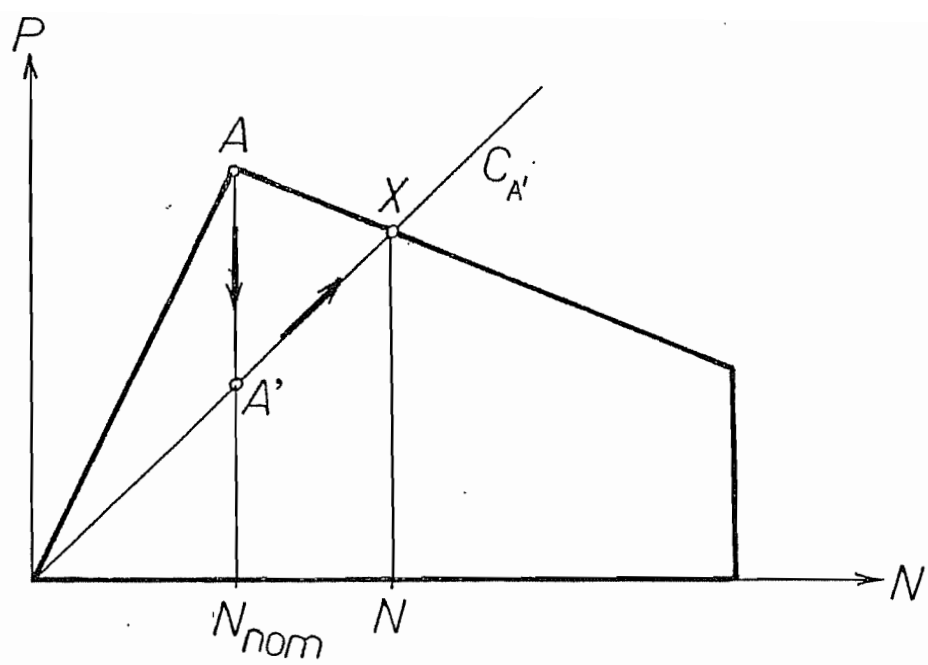


FIG. 8